

615. 060
114 G

UNIVERSITATEA TEHNICA TIMISOARA
FACULTATEA DE ELECTROTEHNICA

ing.ALIN MARIUS ARGESEANU

ECHILIBRAREA ROTOARELOR
MASINILOR ELECTRICE DE
PUTERE MICA SI MEDIE

BIBLIOTECA CENTRALĂ
UNIVERSITATEA "POLITEHNICA"
TIMIȘOARA

Conducator științific: prof.dr.ing. IOAN NOVAC

-1995-

CUPRINS

CAP.I.

VIBRATII SI ZGOMOTE IN FUNCTIONAREA MASINII PE INDUCTIE. . . 5

1.1. Notiuni introductive. . .	5
1.2. Sursele de vibratii si zgomot la M.E.R. Cupluri parazite si forte radiale la M.I. . .	14
1.3. Modelul matematic al undei permeantei folosit pentru estimarea fortelelor radiale din M.I. . .	26
1.4. Influenta alimentarii M.I. prin convertoare statice asupra nivelului de vibratii. . .	36
1.5. Influenta dezechilibrului rotorului asupra generariei fortelelor radiale la M.I. . .	44

CAP.II. MASINA DE ECHILIBRAT DINAMIC. MODEL MATEMATIC,

TENDINTE ACTUALE, CLASIFICARI. . . 56

2.1. Elementele teoriei echilibrarii rotoarelor rigide. Dezechilibrul static. Dezechilibrul dinamic. . .	56
2.2. Modelul matematic al masinii de echilibrat dinamic. (M.E.D.) . .	64
2.3. Realizari si tendinte actuale in domeniul M.E.D. Clasificari. . .	70

CAP.III. MASINA DE ECHILIBRAT DINAMIC CU CALCULATOR

NUMERIC PENTRU CELULE AUTOMATE DE ECHILIBRAT A
ROTOARELOR MASINILOR DE INDUCTIE DE PUTERE
MICA SI MEDIE. . . 86

3.1. Prezentarea structurii M.E.D. cu prelucrare numerica a semnalelor. . .	88
3.2. Elemente teoretice ale procesului de esantionare utilizat de M.E.D. numerica. . .	91

3.3. Posibilitati de realizare a echipamentului de conversie analog - numerica.	..96
3.4. Metode de analiza a semnalelor de traductor la M.E.D. folosite pentru echilibrarea rotoarelor M.I. de serie mare.	..115
3.4.1. Metode de analiza clasica (analogica).	..115
3.4.2. Metoda numerica de analiza a semnalelor de traductor propusa pentru M.E.D. cu calculator.	..122
3.4.3. Metode numerice de analiza a semnalelor de traductor afectate de zgomot.	..126
CAP.IV. LIMBAJE SI PROGRAME UTILIZATE LA IMPLEMENTAREA ALGORITMILOR DE ECHILIBRARE LA M.E.D. CU CALCULATOR NUMERIC DEDICATE ROTOARELOR M.I. DE PUTERE MICA SI MEDIE.	
	..133
4.1. Limbajul FORTH. Programe realizate.	..139
4.1.1. Modulul de realizare a reprezentarilor grafice.	..142
4.1.2. Modulul de realizare al echilibrarii dinamice in doua planuri.	..145
4.2. Programe pentru echilibrare si testarea algoritmului realizate in VIZUAL - BASIC.	..148
CAP.V. ECHIPAMENTE DESTINATE M.E.D. CU ANTRANARE PRIN CUREA, FOLOSITE LA ECHILIBRAREA ROTOARELOR M.I. DE PUTERE MICA SI MEDIE	
	..206
5.1. Limitele de sensibilitate impuse M.E.D. de utilizarea antrenarii directe a rotorului prin arbore si cuplaje cardanice.	..207
5.2. Echipament numeric pentru generarea functiilor armonice la M.E.D. cu antrenare prin curea.	..220
BIBLIOGRAFIE	..237

CAPITOLUL I

1. VIBRATII SI ZGOMOTE IN FUNCTIONAREA MASINII DE INDUCTIE

1.1. NOTIUNI INTRODUCTIVE

In cadrul termenului general de calitate care se aplică tehnologiilor și echipamentelor moderne, un rol important revine nivelului de zgomot și vibrații pe întregul domeniu al turăjiilor și regimurilor de lucru. Funcționarea lină garantează un minim al uzurii mecanice, elimină pierderile energetice suplimentare datorate vibrațiilor, evită îmbătrînirea prematură a materialelor prin fenomenul de oboseală mecanică, reduce nivelul poluării sonore și diminuează efectele negative ale socurilor și vibrațiilor asupra corpului și psihicului uman. În același timp, acești indici de calitate sunt utilizati ca factori indirecți, tehnici, de limitare a accesului pe pietele de desfacere.

Efectele vibrațiilor, prin analiza nocivității lor, au fost grupate în literatura de specialitate [1],[2],[3] în următoarele categorii:

- efecte asupra funcționării utilajelor tehnice;
- efecte asupra clădirilor;
- efecte asupra corpului și psihicului uman.

Funcționarea utilajelor tehnice este afectată de nivelul de vibrații prin diminuarea performanțelor tehnico-energetice, grăbirea uzurii lagărelor și prezența fenomenului de oboseală mecanică. În plus, utilajele tehnice constituie sursele de vibrații în analiza efectelor acestora asupra clădirilor și oamenilor.

Există mai multe modalități de estimare a vibrațiilor. Tendința cea mai utilizată este evaluarea vibrațiilor pe baza corelației mărimilor cinematice (deplasare, viteză, acceleratie)

cu frecvență.

Intensitatea vibrațiilor se măsoară, după Zeller [3] prin:

$$Z = \frac{a_0^2}{f} = 16\pi^4 \cdot x_0^2 \cdot f^3 \quad [\text{cm}^2/\text{s}^3] \quad \dots (1.1)$$

unde:

a_0 = amplitudinea accelerării;

x_0 = amplitudinea deplasării;

f = frecvență.

O altă modalitate de evaluare este exprimarea nivelului de intensitate al vibrației în vibar [3] :

$$S = 10 \lg \frac{Z}{Z_0} \quad [\text{vibar}] \quad \dots (1.2)$$

unde Z_0 = intensitatea de referință = $\sim 1 \text{ cm}^2/\text{s}^3$.

În acest mod (1.2) devine:

$$S = 10 \lg(10 Z) \quad [\text{vibar}] \quad \dots (1.3).$$

Similar relației (1.2), nivelul de intensitate al vibrațiilor se definește și pe baza mărimilor cinematice menționate anterior.

$$S_a = 20 \lg \frac{a}{a_0}$$

$$S_v = 20 \lg \frac{v}{v_0} \quad \dots (1.4)$$

$$S_x = 20 \lg \frac{x}{x_0}$$

Mărimile de referință x_0 , v_0 , a_0 se aleg astfel încât la

frecvență unitară $f = 1 \text{ Hz}$ nivelele de intensitate obținute prin (1.4) să corespundă relațiilor (1.2) sau (1.3).

Koch a propus o definire a gradului de percepere a vibrațiilor de către om, introducând unitatea pal [1], definită în modul următor:

$$P = 10 \lg \frac{Z}{Z_1} \quad [\text{pal}] \quad \dots (1.5)$$

unde: $Z_1 = \text{nivel de referință} = 0,5 \text{ cm}^2/\text{s}^3$,

deci: $P = 10 \lg 2Z \quad [\text{pal}] \quad \dots (1.6)$.

Conform standardului DIN 4150, nivelul de percepere se poate calcula și în funcție de mărimile cinematice:

$$P = 20 \lg 140 \times f \quad \dots (1.7)$$

$$P = 20 \lg 22,4 v$$

In plus, studiile efectuate de Dieckmann [4] au permis definirea coeficientului K de percepere a vibrațiilor, în modul următor:

$K < 0,1$	treapta A	- imperceptibil
$K = 0,1$	tr. A/B	- pragul percepției
$0,1 < K < 0,25$	tr. B	- abia perceptibil
$0,25 < K < 0,63$	tr. C	- perceptibil
$0,63 < K < 1,4$	tr. D	- bine perceptibil
$1,4 < K < 4$	tr. E	- puternic perceptibil

$4 < K < 10$	tr. F	- foarte puternic perceptibil
$10 < K < 25$	tr. G	"
$25 < K < 63$	tr. H	"
$K > 63$	tr. I	"

In funcție de unitatea de măsură pal, DIN 4150 împarte vibratiile în următoarele clase:

- abia perceptibile , pînă la 5 palii
- bine perceptibile , 5 - 10 palii
- puternic perceptibile , 10 - 20 palii
- supărătoare , 20 - 40 palii

Asupra comportării mașinilor și aparatelor din punct de vedere al emisiei de vibrații, recomandările standardului "VDI-Richtlinien 2056" consideră mărimea esențială care caracterizează efectul vibratiilor drept viteza eficace v_{ef} . Studiul care a stat la baza acestui standard a constat că o creștere de 1,6 ori a vitezei determină un alt grad de percepere al vibratiilor. În acest mod se definesc patru grupe de mașini și echipamente [3] :

- grupa K - părțile de acționare ale mașinilor de lucru și forță, mașini electrice pînă la 15 KW;
- grupa M - mașini mijlocii (mașini electrice 17 - 75 KW fără fundații speciale și pînă la 300 KW așezate pe fundații);
- grupa G - mașini de lucru și forță pe fundații rigide cu frecvențe ridicate;
- grupa T - mașini de lucru și forță, pe fundații rigide cu frecvențe joase.

Din punct de vedere al limitelor admisibile ale vibratiilor la mașini și echipamente, s-au stabilit următoarele clase de sensibilitate:

- clasa I (foarte sensibile) - mașini de echilibrat, echipamente de verificare a aparatelor de măsură, microscopie, optimetre, calculatoare electronice;
- clasa II (sensibilitate medie) - mașini de slefuit rul-

- menți, roți dintate, mașini de găurit, alezat și frezat, strunguri cu precizii sub 2° μ m, mașini automate de mare precizie;
- clasa III (puțin sensibile) - strunguri, mașini de găurit, frezat, mașini de țesut, tricotat, mașini tipografice;
 - clasa IV (foarte puțin sensibile) - mașini de rabotat, mașini de cusur, mașini unelte pentru industria lemnului și metale ușoare, prese;
 - clasa V (insensibile) - ventilatoare, site și ciururi vibrațioare, mori, concasătoare.

Clasificarea efectelor vibrațiilor asupra clădirilor se poate realiza după mai multe criterii. Se prezintă varianta în funcție de nivelul intensității vibrațiilor măsurate în vibar [3]

- clasa I (ușoare) - 10...20 vibar - fără pericol pentru clădiri;
- clasa II (medii) - 20...30 vibar - fără pericol pentru clădiri;
- clasa III (puternice) - 30...40 vibar - deteriorări ușoare, fisuri în ziduri;
- clasa IV (dure) - 40...50 vibar - fisuri în zidurile de susținere;
- clasa V (foarte dure) - 50...60 vibar - distrugerea clădirilor.

Pe de altă parte, în funcție de destinația clădirilor, se recomandă valori admisibile ale zgomotului interior, se baza nivelului ponderat L exprimat în dB.

- clădiri de locuit (apartamente)	L = 35 dB
- cămine, hoteluri, birouri	L = 35...50 dB
- spitale, polyclinici, cabinete	L = 30...45 dB
- școli, biblioteci, săli de conferințe	L = 35...40 dB
- clădirile tehnico-administrative ale întreprinderilor de producție	L = 40...55 dB
- cabine de control situate în halele de producție	L = 75 dB

Acțiunea dăunătoare a vibrațiilor și zgomotului asupra corpului uman nu poate fi încă exact precizată datorită complexității deosebite de modelare a comportamentului fizic, biologic și psihologic. Chiar și în lipsa unor modele corecte, care să reușească interconectarea celor trei comportamente menționate, se observă practic efectul dăunător al vibrațiilor, mai ales cînd sunt asociate cu prezența unui nivel semnificativ al zgomotului. Acțiunea vibrațiilor asupra organelor corpului uman este diferențiată în funcție de o serie de parametri mecanici ai vibrației. În general, expunerea la vibrații generate de diversele tipuri de mașini și echipamente produce:

- diminuarea activității fizice și intelectuale;
- fenomene psihice negative;
- leziuni asupra unor părți ale organismului.

Datorită acestui comportament al organismului uman, s-au prevăzut o serie de norme în ceea ce privește limitele acceptabile ale expunerii la vibrații globale sau parțiale:

- ISO 2631 R -1975 - vibrații transmise corpului în ansamblu prin intermediul suprafeței de sprijin;
- ISO - TC-108 - 1975 - evaluarea nocivității vibrațiilor transmise prin intermediul măfiinilor;
- STAS 1957/2-74 Acustica psihofiziologică. Terminologie
- STAS 6451/2-78 Acustica psihofiziologică. Calculul tăriei și nivelului de tărie al sunetelor;
- STAS 6901/2-78 Acustica psihofiziologică. Curbe normale de egal nivel de tărie acustică
- STAS 11336/1-80 Acustica psihofiziologică. Evaluarea încadrării în limită admisă a nivelului de zgomot industrial pentru locuri de muncă cu solicitare redusă a atenției;
- STAS 11336/2-80 Acustica psihofiziologică. Evaluarea încadrării în limită admisă a nivelului de zgomot industrial pentru activități cu diferite grade de so-

licitare a atenției.

Se poate observa din această enumerare succintă, creșterea interesului privind efectul vibrațiilor mecanice asupra corpului și psihicului uman, datorită determinărilor deosebit de puternice în productivitatea și calitatea muncii, a predispoziției la accidente de muncă și a stării de sănătate în general.

Deoarece ponderea cea mai mare a elementelor de execuție din cadrul echipamentelor industriale o reprezintă mașinile electrice rotative (MER), în literatura de specialitate apar cu regularitate studii teoretice și rezultate experimentale privind sursele de vibrații și zgomot, pentru diferite regimuri de lucru și moduri de alimentare. În același timp, pe plan național și internațional, o serie de standarde au fost elaborate care reglementează modul de măsurare precum și nivelele admise de zgomot și vibrații în funcționarea MER.

Standardele naționale pentru vibrații și zgomot în MER sunt:

Anglia: - PEAMA Publ. 225 - Recomandări pentru măsurarea și clasificarea zgomotului în MER;
- BS 4999 Part.51/73 - Nivele de zgomot în MER;
- BS 4999 Part.50/78 - Nivele de vibrații în MER;
- BS 5265 Part. 1/79 - Recomandări pentru calitatea echilibrării rotoarelor rigide;
- BS 5265 Part. 2/81 - Recomandări pentru calitatea echilibrării rotoarelor elastice.

Australia - AS 1081/75 - Măsurarea zgomotului emis de MER;
- AS 1359 Part.51/78 - Cerințe generale pentru MER.
Limită de zgomot admisibile;

Belgia: - S.OI - 200 - Teste de măsurare a zgomotului emis de MER;

Bulgaria: - PDS 6011/66 - Măsurarea zgomotului emis de MER;
Cehoslovacia - CSN 350000 - Măsurarea zgomotului emis de MER.
- CSN 350019 P III - Teste speciale pentru zgomot la MER;
- CSN 361005 - Măsurarea zgomotului pentru MER în aplicații casnice;

Germania: - DIN 45635 P.10/74 - Măsurarea zgomotului MER;
- DIN 45665/68 - Vibrații în MER cu gălbările 80-315mm

- Olanda: - NEN 21680/71 - Teste de măsurare a zgomotului în MER;
- India: - IS 6098/71 - Metode de măsurare a zgomotului în MER;
- Japonia: - JEC-37/79 - Măsurarea zgomotului pentru MJ;
- JIS-C-0911 - Măsurarea vibrațiilor la MER;
- JIS-C-0912 - Testarea la soc la MER.
- Polonia: - PN-81 E-04357 - Măsurarea zgomotului în MER;
- PN-72 E-06019 - Limitele zgomotului admise în MER;
- PN-73 E-04255 - Măsurarea vibrațiilor în MER;
- PN-73 E-06020 - Limitele vibrațiilor la MER.
- România: - STAS 7301-74 - Măsurarea zgomotului emis de MER;
- STAS 7536 -66 - Măsurarea vibrațiilor la MER.
- Rusia: - GOST 11929/81 - Măsurarea zgomotului emis de MER
- GOST 16372/77 - Nivele de zgomot admise la MER
- GOST 160688-013/71 - Nivele de vibrații admise la MER.
- Ungaria: - MSZ KGST 828/77 - Metode de măsurare a zgomotului MER;
- MSZ KGST 1348/78 - Limite admise la zgomotul MER.
- U.S.A. - IEEE Std 85/73 - Proceduri pentru măsurarea zgomotului la MER.

In afara acestor standarde naționale, s-au elaborat și recomandări și standarde de unele organizații internaționale cum sunt: "International Organisation for Standardisation" (ISO) și "International Electrotechnical Commission" (IEC).

- I.E.C. - IEC-34-9/72 - Limite de zgomot în MER;
- IEC-34-14/82 - Măsurarea, evaluarea și limitele de vibrații în MER.
- I.S.O. - R - 1680/70 - Test de măsurare a zgomotului în MER;
- ISO/DIS 1680-1/80 - Revizuirea lui R-1680;
- ISO/DIS 1680-2/80 - " - "
- ISO - 2372/74 - Vibrații mecanice pentru MER cu viteză cuprinse între 10 + 200 rot/sec.
Măsurare - evaluare;
- ISO-3740/80 - Prepararea testelor acustice;

- ISO-3742,3743,3744,3745,3746,3747,3748 - Metode acustice
de determinare a nivelelor de zgomot emise.

Este interesant de observat că majoritatea acestor standarde și recomandări provin din anii 70-80 și că, pe parcurs, ele au suferit o serie de revizuirile în conformitate cu cerințele suplimentare impuse MER. Conectarea fenomenelor electromagnetice cu cele mecanice, pentru a reduce nivelul de vibrații și zgomot, reprezintă deci o tendință modernă, iar astăzi nu se mai pot considera performante metodele de proiectare și tehnologiile de uzinare care să nu considere și aceste aspecte..

Din standardele enunțate se prezintă în TAB. 1.1 și TAB. 1.2 cîteva aspecte semnificative din PS.4999, care este o referință pentru mai multe standarde naționale.

TAB. 1.1. Limite de vibrații pentru MER cu $H = 80 \pm 400$ mm

Calitate	viteză rot./mm	Maxim admis mm /sec							
		80	H	132	132	H	225	225	H
N (normal)	600 3600		1,8		2,8				4,5
R (redus)	600 1800 1800 3600		0,71 1,12		1,12 1,8				1,8 2,8
S (special)	600 1800 1800 3600		0,45 0,71		0,71 1,12				1,12 1,8

TAB.1.2. Limitele amplitudinilor vibrațiilor în m pentru
MER cu $H > 400$ mm

viteză rot/mm	Măsurat la probe mm	Măsurat la instala- re mm	viteză	probe	instala- re
3600	0,020	0,025	1100	0,051	0,064
3400	0,021	0,027	1000	0,055	0,069
3200	0,022	0,028	900	0,059	0,074
3000	0,024	0,030	850	0,061	0,076
2800	0,025	0,032	800	0,063	0,078
2600	0,027	0,034	750	0,065	0,081

0	1	2	3	4	5
2400	0,029	0,036	700	0,068	0,085
2200	0,031	0,039	650	0,071	0,089
2000	0,033	0,042	600	0,074	0,092
1800	0,036	0,045	550	0,077	0,096
1700	0,038	0,047	500	0,080	0,100
1600	0,040	0,050	450	0,085	0,105
1500	0,041	0,052	400	0,090	0,115
1400	0,043	0,054	350	0,094	0,120
1300	0,045	0,057	300	0,100	0,125
1200	0,048	0,060	250	0,100	0,125

1.2. SURSELE DE VIBRATII SI ZGOMOT LA M.E.R. CUPLURI PARAZITE SI FORTE RADIALE LA MASINA DE INDUCTION (M.I.)

In cazul masinilor electrice rotative, sursele de zgomot si vibratii, prezентate ca pondere procentuala, sunt urmatoarele:

- surse electromagnetice 45% (20%)
- surse mecanice 10% (5%)
- surse aerodinamice 45% (75%)

Prima serie de procente reprezentă aportul sursei respective în cazul MER proiectate "clasic", fără măsuri moderne privind reducerea nivelului de vibratii, iar în paranteză sunt notate performanțele obținute prin metode de proiectare care își propun ca factor de calitate al MER și nivelul de vibratii. Conform [7] se observă reducerea semnificativă (cu peste 50%) a aportului surselor electromagnetice și mecanice, realizată prin metode de proiectare și tehnici de uzinare speciale. Un exemplu deosebit îl reprezintă masina cu reluctanță variabilă (SRM) a cărei impunere pe piata a fost condiționată de reducerea nivelului de vibratii la valorile impuse de standarde celorlalte tipuri de MER.

Deoarece ponderea cea mai mare a elementelor de execuție, atât în mediul industrial cât și în domeniul electrocasnic, o

reprezintă mașinile de inducție (MI), în cele ce urmează vom analiza sursele de vibrații de natură electromagnetică din cadrul acestui tip de MER.

Literatura de specialitate, prin monografiile elaborate asupra mașinilor electrice, [7] [8] [9] [10] [11] [12], tratează problema vibrațiilor, în general, doar la nivelul surselor electromagnetice, respectiv analizând cuplurile parazite și generarea forțelor radiale.

Expresia ușoară pentru cuprul electromagnetic al MI este:

$$M = \frac{\rho \cdot m}{\omega_1} \cdot \frac{\frac{R'_2}{s} \cdot U_1^2}{(R_1 + C_1 \cdot \frac{R'_2}{s})^2 + (X_1 + C_1 X'_2)^2} \quad \dots(1.8)$$

$$\text{în cazul aproximării } C_1 \approx C_2 = 1 + \frac{Z_1}{Z_{1m}} \quad \dots(1.9)$$

Expresia (1.8) este obținută în ipoteza simplificatoare a considerării doar a armonicilor fundamentale de timp și spațiu. Această ipoteză nu ia în considerare faptul că, prin construcția MI, cimpul magnetic conține alături de fundamentală o infinitate de armonici de ordin superior directe și inverse. Ordinul acestor armonici este:

$$v = 2K \cdot m \pm 1 \quad \dots(1.10)$$

iar $K \geq 0$ - valori pozitive pentru armonicile directe și valori negative pentru cele inverse.

În același timp, în infășurarea rotorică corespunzător t.e.m. induse se stabilesc curenti care produc un cimp de reacție cu un conținut de armonici superioare învărtitoare. Interacțiunea acestor familii de armonici din cimpurile statoric și rotoric generează apariția cuplurilor și forțelor parazite, variabile sau constante în timp, cu efecte considerabile în func-

tionarea MI.

- Aceste cupluri parazite se cataloghează în două tipuri:
- cupluri parazite asincrone;
- cupluri parazite sincrone.

In cazul cuplurilor parazite asincrone, acestea se manifestă ca un cuplu electromagnetic de aceeași alură ca și cel corespunzător fundamentalui și suprapuse acesteia, având alunecările s_y :

$$s_y = \frac{\frac{n_1}{\nu} - n}{\frac{n_1}{\nu}} = 1 - \nu(1-s) \quad \dots (1.11)$$

Dacă MI posedă infășurări plasate în creștături deschise, are loc o amplificare a armonicilor de dinti, având ordinul:

$$\nu = K \cdot \frac{N_{C1}}{p} + 1 \quad \dots (1.12)$$

unde N_{C1} = nr. de creștături din stator

$$K = \pm 1, \pm 2, \dots$$

Reducerea efectelor acestor armonici se realizează prin metode consacrate, care aplică conform recomandărilor din [8] [11] [12] :

- realizarea infășurării statorice întreagă, în două straturi;
- utilizarea infășurărilor cu pas scurtat;
- inclinarea creștăturilor rotorice;
- alegerea corespunzătoare a numărului de creștături rotorice $N_{C2} \leq 1,25 (N_{C1} \pm p)$.

Producerea cuplurilor sincrone se realizează prin interacțiunea a două armonici ν_1, ν_2 din spectrul solenoiilor statorice, rotorice cu specificarea că armonica ν_2 rotorică este generată de o altă armonică a spectrului statoric. Din a-

ceastă cauză rotirea sincronă a celor două armonici se realizează doar la o anumită viteză rotorică, în restul gamei de turării, cuplul parazit având o comportare pendulară.

Condiția de sincronism între cele două armonici $\mathcal{V}_1 \mathcal{V}_2$ este conținută în relația:

$$\frac{n_1}{\mathcal{V}_1} = \frac{n_1}{\mathcal{V}_2} [1 - (\mathcal{V}_2 - \mathcal{V})](1 - s) \quad \dots (1.13)$$

unde: \mathcal{V} = o armonică de spațiu statorică oarecare.

Armonicele de dinti rotorice, de frecvență \mathcal{V}_2 , dacă interacționează cu o armonică de dinti statorică \mathcal{V}_1 , determină cupluri parazite sincrone în condiția $|\mathcal{V}_2| = |\mathcal{V}_1|$, unde:

$$\mathcal{V}_2 = \frac{K_2 N_{C2}}{p} + 1 \quad \dots (1.14)$$

$$\mathcal{V}_1 = \frac{K_1 N_{C1}}{p} + 1$$

Conform [8] [9] [11] [12], aceste cupluri parazite date de armonicele de dinti, pot avea valori deosebit de periculoase, din care cauză se recomandă evitarea obligatorie a următoarelor combinări de numere de creștări :

$$- N_{C1} = N_{C2}$$

$$- N_{C2} = N_{C1} \pm 2p$$

$$- K_1 N_{C1} = K_2 N_{C2} \quad \dots (1.15)$$

$$- N_{C2} = 0,5 N_{C1}$$

$$- N_{C2} = 0,5 N_{C1} \pm p$$

$$- N_{C2} = N_{C1} \pm p$$

$$- N_{C2} = 2N_{C1} \pm 2p$$

Chiar dacă efectul principal al cuplurilor parazite îl reprezintă deformarea curbei cuplului MI, putind determina "agățarea" rotorului, la pornire, în cazul cuplurilor parazite sincrone, sau pe o plajă largă de turății, la cuplurile parazite asincrone, ca efect secundar, ele pot produce "bătăi" în funcționarea MI, deci reprezintă un factor de interes în analiza vibrațiilor și zgomotului în funcționarea MER.

Este unanim acceptat faptul că sursa principală a vibrațiilor în cazul MER, o reprezintă forțele electromagnetice din stator, respectiv din rotor. Înainte de a prezenta o metodă analitică capabilă să modeleze comportarea MER din punct de vedere al nivelului forțelor radiale, vom urmări o tratare fenomenologică a problemei, ilustrată cu o serie de rezultate obținute experimental, prin măsurarea zgomotului și vibrațiilor emise de mașinile de inductie trifazate.

Distribuția spațială a cîmpului magnetic în întregiul MI nu este uniformă, armonicile de cîmp fiind produse prin prezența conductoarelor plasate în creștături, prin existența creștăturilor statorice - rotorice, din cauza saturăției circuitului magnetic și evident prin existența unor excentricități rotorice.

Chiar în situația considerării unui model mecanic ideal pentru MI, în situația în care armonicile statorice, respectiv rotorice, satisfac relația între frecvențe :

$$f_{si} - f_{rj} = f_1(i-j) = \pm 1 \quad \dots (1.16)$$

se produc pe periferia mașinii zone cu distribuții neuniforme de cîmp, exercitîndu-se astfel forțe radiale de atracție magnetică unilaterală. Aceste forțe manifestîndu-se la nivelul statorului, respectiv al rotorului, reprezintă sursa principală a nivelului de zgomot și vibrații în M.I.. Determinarea lor, alături de depistarea frecvențelor de rezonanță ale structurii mecanice ale M.I., constituie efortul principal într-o acțiune de proiectare performantă din punct de vedere al nivelului de zgomot și vibrații.

Pentru o primă modelare a fenomenului, se consideră două cîmpuri invîrtitoare exprimate prin următoarele ecuații:

$$a(x_1 t) = A \sin(\omega t - \frac{f_{si} \cdot \pi}{2} \cdot x) \\ b(x_1 t) = B \sin(\omega t - \frac{f_{rj} \cdot \pi}{2} \cdot x) \quad \dots (1.17)$$

Prin însumare, se obține:

$$a(x_1 t) + b(x_1 t) = A \sin(\omega t - \frac{f_{si} \cdot \pi}{2} \cdot x) + B \sin(\omega t - \frac{f_{rj} \cdot \pi}{2} \cdot x) = \\ = (A+B) \sin(\omega t - \frac{f_{si}+f_{rj}}{2} \cdot \frac{\pi}{2} \cdot x) \cdot \cos \frac{f_{si}-f_{rj}}{2} \cdot \frac{\pi}{2} \cdot x - \\ - (A-B) \cos(\omega t + \frac{f_{si}+f_{rj}}{2} \cdot \frac{\pi}{2} \cdot x) \cdot \sin \frac{f_{si}-f_{rj}}{2} \cdot \frac{\pi}{2} \cdot x \quad \dots (1.18)$$

In cei doi termeni ai relației (1.18) apar funcții armonice de perioadă $\frac{2\pi}{f_{ri} - f_{rj}}$, de tip fix în spațiu, respectiv invărtitor.

Dacă armonicile f_{ri} , f_{rj} au același sens, $f_{ri} - f_{rj} = 1$, funcția de perioadă mare, respectiv înălțurătoarea, este o undă fixă în spațiu având forma din fig.1.1.

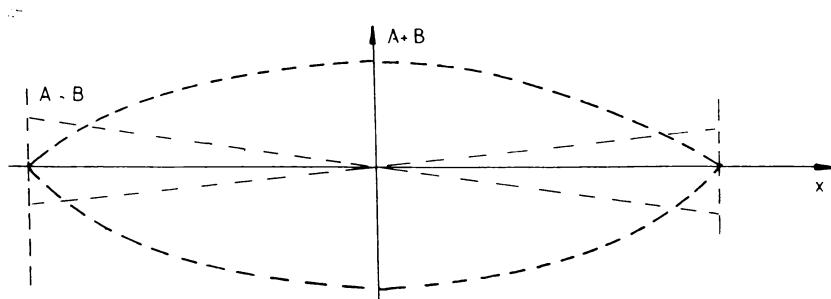


Fig. 1.1. Alura undei fixe din expresia (1.18).

Cei doi termeni din expresia (1.18) au înășurătoarele de amplitudini $(A+B)$, respectiv $(A-B)$, obținindu-se în puncte extreme, valori ale cîmpului proporționale cu aceste expresii; fortele electromagnetice proporționale cu păstratul inducției magnetice, vor solicita rotorul mașinii la încovoiere, cu frecvențe corespunzătoare, generind astfel vibrațiile și zgomotul. Dacă aceste frecvențe coincid cu frecvențele de rezonanță ale structurii mecanice a MI, nivelul vibrațiilor este considerabil amplificat.

In cazul în care relația între armonicele considerate este:

$$f_{si} \pm f_{rj} = \pm 2; \pm 3; \pm 4 \dots \pm N \quad \dots (1.19)$$

se vor produce, conform aceluiași rationament, forțe care vor solicita la încovoiere, dar într-o distribuție simetrică de-a lungul periferiei, în cele N puncte corespunzătoare. În fig.12. se prezintă dispozitiva acestor forțe pentru situația $N = 1, 2, 3$.

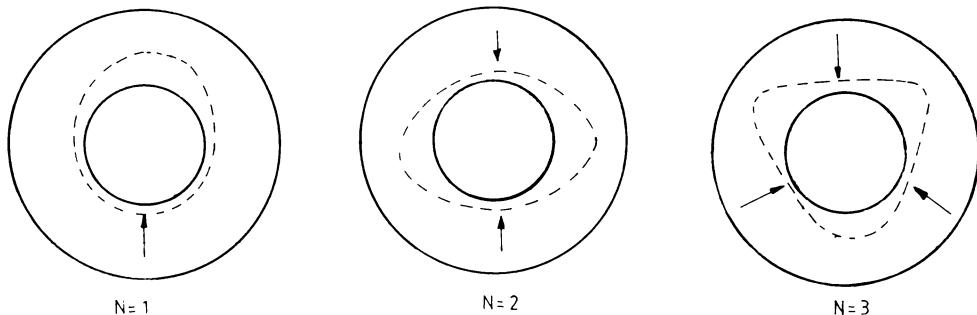


Fig. 1.2. Disponerea forțelor radiale în cazurile $N = 1; 2; 3$.

Dacă numărul punctelor N crește, nivelul și efectul acestor vibrații scade, situația cea mai periculoasă din punct de vedere al solicitărilor mecanice fiind $N = \pm 1$. Trebuie avut în vedere faptul că efectul acestor forțe este puternic amplificat dacă unele componente mecanice au frecvențele proprii de rezonan-

ță identice sau foarte apropiate de frecvențele de excitare provenite de la forțele radiale, devenind periculoase chiar în situația unui $N \neq \pm 1$. Din această cauză se recomandă în literatură de specialitate [8] [10] [12] [13], ca numărul de creștări statoric-rotoric să satisfacă relația:

$$\left[\frac{N_{cs}}{p} \pm 1 \right] \cdot p - \left[\frac{N_{cr}}{p} \pm 1 \right] \cdot p \neq \pm 1 \quad \dots (1.20)$$

deci: $N_{cs} - N_{cr} \neq \pm 1 : \pm 20$

Dacă în plus, MI este alimentată de la o sursă de tensiuni nesinusoidale, se produc forțe radiale și tangențiale suplimentare, datorate armonicilor de curent obținute prin acest mod de alimentare. Pentru MI trifazată, în cazul unei alimentări nesinusoidale, cele mai importante forțe radiale au frecvențele:

$$f = N_{cr} \frac{f_1(1-s)}{p} \pm \mathcal{V} \cdot f_1 \quad \dots (1.21)$$

unde: N_{cr} = nr. creștărilor rotorice

f_1 = frecvență fundamentală a sursei de alimentare

$$\mathcal{V} = \mathcal{V}_1 \pm \mathcal{V}_2$$

$\mathcal{V}_1, \mathcal{V}_2$ = numere întregi, reprezentând armonici de curent.

Analizând efectul armonicilor de curent în generarea zgâmotului și vibratiilor la MI - trifazată, S.J. Young și P.L. Timar au elaborat în lucrarea [14] o serie de concluzii care se pot sistematiza în tabelele 1.3, 1.4 care stabilesc legătura între forțele radiale aditionale și armonicile de curent.

TAB.1.3. Dependenta frecvențelor forțelor suplimentare - armonici curent considerind doar armonicile impare

Frecvență [rad/s]	Originile forțelor suplimentare			
	Fundamenta- lă	arm. 5	arm 7	arm. 11
$K \cdot N_{cr} \cdot \omega_r \pm 4 \omega_1$	*	*		
$\pm 4 \omega_1$			*	*
$\pm 6 \omega_1$	*	*		
$\pm 6 \omega_1$	*		*	
$\pm 8 \omega_1$		*		*
$\pm 10 \omega_1$	*		*	
$\pm 10 \omega_1$	*			*
$\pm 10 \omega_1$		*		
$\pm 12 \omega_1$		*	*	
$\pm 14 \omega_1$			*	
$\pm 16 \omega_1$		*		*
$\pm 18 \omega_1$			*	*

unde: K = orice număr întreg, inclusiv zero

ω_r - viteza unghiulară rotorică

ω_1 - pulsatia fundamentalăi

N_{cr} = nr. creștării rotorice.

Lăsând în considerare și armonicile pare, se obține dependența exponențială sintetică în tab. 1.4.

În afară de influenței armonicilor de curent datorate unei alimentări ale MI - trifazate de la o sursă nesinusoidală, forțe suplimentare rezultă și datorită excentricităților statice

sau dinamice ale rotorului. Rezultatele obținute au fost în cea mai mare parte experimentale. În lucrările [15] [16], Wright, Gould, Pirins, Dye au obținut o serie de relații aproximative, care să realizeze o legătură între forțele măsurate și o serie de parametrii mecanici și electromagnetici ai MI.

TABE 1.4. Dependența frecvențelor forțelor suplimentare - armonici curent considerind armonici pare și impare.

Frecvențe (rad./s)	Originile forțelor suplimentare				
	Fundament.	arm. 2	arm. 4	arm. 5	arm. 7
$K \cdot N_{cr} \cdot \omega_r \pm \omega_1$	*	*			
$\pm 3\omega_1$	*	*			
$\pm 5\omega_1$	*		*		
$\pm 7\omega_1$		*		*	
$\pm 9\omega_1$		*			*
$\pm 4\omega_1$	*			*	
$\pm 5\omega_1$	*		*		
$\pm 6\omega_1$	*			*	
$\pm 6\omega_1$	*				*
$\pm 6\omega_1$		*	*		
$\pm 7\omega_1$		*		*	
$\pm 8\omega_1$	*				*
$\pm 9\omega_1$	*				*
$\pm 9\omega_1$			*	*	

Astfel, din cauza excentricității statice, rezultă două componente ale dezechilibrului magnetic: o componentă statică și o componentă dinamică.

Valoarea componentei statice, pe direcția întrefierului minim, a fost aproximată, conform [15] prin relația (1.22):

$$F = Q \cdot \frac{\pi \cdot D_r l_r}{4 \mu_0} \cdot B_m^2 \cdot \epsilon \quad [N] \quad \dots (1.22)$$

unde: Q - factorul de corecție al numărului de poli
 D_r - diametrul rotoric [m]
 l_r - lungimea rotorului [m]
 B_m - valoarea maximă a inducției magnetice [T]
 ε - excentricitatea relativă [%].

Valorile factorului de corecție Q sunt următoarele:

Nr. poli	2	4	6	8
Q	0,25	0,712	0,86	0,896

Din relația (1.22) se observă proporționalitatea dintre componenta statică și excentricitatea relativă ε . În practică s-a constatat că această relație este valabilă pentru valori ale excentricității relative $\varepsilon > 10\%$. Deoarece relația s-a stabilit considerind cazul excentricității statice, centrul rotorului este staționar.

Dacă rotorul are doar o excentricitate dinamică ε_d , statorul și rotorul fiind considerate concentrice în rest, deci centrul rotorului se deplasează pe o traекторie circulară, dezechilibrul magnetic creat astfel va fi dependent de viteza de rotație. În lucrarea [16] s-a stabilit o relație aproximativă, în cazul unei MI cu $p = 1$, pentru expresia dezechilibrului magnetic în direcție verticală: (1.23)

$$F_y = \frac{1}{4} \cdot \frac{\pi \cdot D_r l_r}{8 \mu_0} \cdot B_m^2 \cdot \varepsilon_d \cdot \sqrt{1 + 2Q + 2Q^2 + 2(1+Q) \cdot Q \cdot \cos 2 \cdot s \cdot \omega_1 \cdot t \cdot \cos [(1-s)\omega_1 \cdot t + \psi]} \quad \dots (1.23)$$

Notățiile rămân valabile conform observației de la (1.22).

Dezechilibrul mecanic al rotorului afectează într-un mod deosebit de puternic răspunsul dinamic al rotorului deoarece determină excentricitățile dinamice ale acestuia. Frecvențele forțelor radiale astfel generate coincid cu frecvența de rotație a MI.

$$f_F = n_{\text{rot}} \quad \dots (1.24)$$

In lucrarea [17] Völter R. a efectuat măsurători pe o MI cu $p = 2$, $P_N = 3 \text{ KW}$ și a arătat faptul că la frecvență analizată de 25 Hz, vibrațiile suferă o creștere considerabilă, de la $50 \mu\text{m/s}$ la $900 \mu\text{m/s}$ în situația în care dezechilibrul mecanic crește de la 1 g.cm la 30 g.cm . Prin aceasta s-a demonstرات rolul fundamental al unei echilibrări dinamice corecte în reducerea forțelor radiale și prin aceasta a asigurării funcționării MI cu un nivel de zgomot și vibrații cît mai mic posibil. Tot în lucrarea [17] se arată că excentricitatea dinamică datorată dezechilibrului mecanic al rotorului măreste forțele radiale adiționale, care acționează și asupra statorului MI, devenind și acesta o sursă de emisie a vibrațiilor.

Răspunsul rotorului în vibrații sub acțiunea acestor forțe poate fi determinat doar dacă se cunosc: vitezele critice ale rotorului, răspunsul forțelor, stabilitatea rotorului. În mod obisnuit, în analiza proiectării MI, forțele electromagnetice nu sunt considerate, fapt ce alterează puternic rezultatele practice, respectiv nivelul de vibrații realizat în funcționare.

De obicei, pentru MER la care rotorul este considerat rigid, prima viteza critică se estimează la valoarea 30 % din viteza normală:

$$\omega_{\text{cr } 1} \approx 0,3 \omega_N \quad \dots (1.25)$$

În MER cu rotor flexibil, domeniul vitezelor de lucru se alege situat între prima și a doua viteza critică a rotorului, deci într-un domeniu cu 30% - 40% peste prima viteza critică.

Considerindu-se un rotor ideal, viteza critică în situația în care s-a ținut seama și de dezechilibrul static magnetic se poate estima prin relația (1.26) conform [18]:

$$\omega_c = \sqrt{\frac{K_s - K_m}{M}} \quad \dots (1.26)$$

unde: K_s = const. rotorului ideal

K_m = const. dezechilibrului magnetic al rotorului

M = masa rotorului ideal

Prezența dezechilibrului magnetic are tendință de a reduce viteza critică a rotorului. Constanta K_m se poate approxima prin relația (1.27), conform lucrării [18]:

$$K_m = Q \cdot \frac{\pi \cdot D_r \cdot l_r}{4 \mu_0} \cdot E_m^2 \quad \dots (1.27)$$

In același timp s-a constatat practic că dezechilibrul magnetic al rotorului poate produce și fenomenul de auto-excitare a vibratiilor radiale [19]. La MI cu rotorul în scurt și cu lagăre prevăzute cu rulmenti, aceste vibratii pot atinge valori periculoase, reprezentând și o surse importantă a emisiei de zgomot. Vibratiile obținute pe această cale de auto-excitare sunt de frecvențe mai mici decât frecvența sursei de alimentare și sunt datorate forțelor vibratorii radiale de dezechilibrare rezultate în urma interacțiunii undei fundamentale a cîmpoului în întregierul masinii (avind p -perechi poli) cu cele două armonici corespunzătoare la $(p+1)$ perechi poli, respectiv $(p-1)$ perechi poli.

1.3. MODELUL MATEMATIC AL UNDEI PERMEANTEI FOLOSIT PENTRU ESTIMAREA FORTELOR RADIALE DIN MASINILE DE INDUCTIE

Pentru predictia corectă a vibratiilor și zgomotului radiat de MI se impune determinarea cu acuratețe a frecvențelor rezonante a părților mecanice a MI precum și a spectrului forțelor radiale de excitatie. O mai bună înțelegere și modelare a zgomotului produs de forțele radiale contribuie în mod deter-

minant la realizarea unei proiectări sonice performante. Paragraful anterior a tratat doar fenomenologic problema emisiei de zgomot în funcționarea MI și a prezentat o serie de concluzii rezultate în urma cercetării experimentale, care să sintetizeze influența factorilor mecanici sau electrici asupra forțelor radiale. Se impune tratarea analitică a problemei forțelor radiale într-o manieră care să facă posibilă adiționarea rapidă pe modelul matematic elaborat al factorilor menționati: modalitățea de alimentare a MI, respectiv gradul de echilibrare dinamică a rotorului.

După cum s-a menționat anterior, forțele radiale din rotor și stator sunt asociate cîmpurilor magnetice care străbat suprafetele circuitului magnetic al MI. Din această cauză analiza zgomotului și vibratiilor generate de MI se poate realiza doar prin cunoașterea exactă a cîmpului în întrefierul mașinii. Armonicile cîmpului din întrefier sunt produse de mai multe cauze: distribuirea neuniformă a curentului de conductie în conductoare plasate în creștături, prezența creștăturilor rotorice, respectiv statorice, saturarea circuitului magnetic al MI și excentricitatea rotorului (datorată deficiențelor de echilibrare mecanică, respectiv de montaj).

Din aceste cauze, distribuția spațială a cîmpului în întrefier nu este uniformă de-a lungul circumferinței, iar reprezentarea acestuia se poate realiza ca o sumă de armonici de cîmpuri de rotație.

Există trei metode de bază în analiza cîmpului și a forțelor radiale rezultate:

- analiza numerică a cîmpului (bazată ~ metodele diferențelor finite sau ~ elementului finit);
- metoda transformărilor conforme;
- metoda cîmpurilor invărtitoare (metoda undei permeanței)

Desi tehnica transformărilor conforme este utilizată în mod particular în problemele de analiză a cîmpului în creștături, ea nu s-a putut impune în acest caz deoarece ar presupune un calcul excesiv, iar rezultatele obținute după o parcurgere de algoritm ~ coresponde doar pentru un nivel asumat initial al sarcinii (circuitului). De asemenea, efectele saturării circuitului magnetic nu se pot încorpora ușor în această metodă, iar problema excentricităților trebuie tratată separat, prin alt

model matematic.

Abordarea prin metoda undei-permeantei este utilizată din ce în ce mai mult de către investigațorii fenomenului, fapt ce rezultă din urmărirea articolelor de specialitate apărute în ultimii ani. Principalele avantaje ale metodei rezidă într-un model matematic relativ simplu și apropiat de natura fizică a procesului modelat și din usurința prin care se pot insera în rezultatele preliminare efectele datorate excentricităților și saturăției [20] [21] [22] [23].

In analiza prezentată în continuare, se va elabora modelul matematic al metodei undei-permeantei pentru determinarea cimpurilor în intrefierul MI cu rotorul în colivie. Nu se vor considera fenomenele datorate excentricităților rotorice, statice sau dinamice. Este de fapt o caracteristică generală a literaturii parcurse, de a analiza fenomenele din MER ori din punct de vedere electromagnetic ori din punct de vedere al comportării mecanice. După ce se va construi modelul matematic pentru analiza forțelor radiale, într-un paragraf special se va prezenta o variantă personală, originală de corectare a fenomenelor mecanice datorate dezechilibrelor statice, dinamice și mixte la metoda undei-permeantei, oferindu-se astfel o posibilitate de analiză a acțiunii proprietăților mecanice la generația emisiei de vibrații și zgomot prin fenomenul electromagnetic al forțelor radiale.

Prin metoda undei-permeantei, efectele multiplelor interacțiuni dintre armăsturi precum și ale saturăției vor fi incorporate în modelul matematic în ordinea logică, fenomenologică, a investigării impactului lor asupra forțelor radiale, modelate și ele sub ecuația unei unde.

Premisele metodei permeantei sunt în ideea tratării tensiunii magnetomotoare din intrefierul MI, a permeantei și a inducției magnetice din intrefier ca având distributii circumferențiale, de-a lungul intrefierului, deci modelate sub expreziile matematice ale unor unde.

Undele t.m.m. sunt determinate ca efect cumulativ al tm.m din stator și rotor luând în considerare interacțiunea mutuală dintre ele. Undele permeantei sunt formulate încorporind efectele prezentei creștăturilor și ale saturăției magnetice, deoarece la nivelul ecuațiilor t.m.m. nu se consideră circuitul magnetic

saturat, iar suprafețele statorice-rotorice sunt approximate la acest nivel ca fiind netede. Inductia magnetică în întrefierul MI se obține astfel simplu, prin multiplicarea expresiilor t.m.m și permeanței magnetice. Forțele radiale (numite uneori în literatură forțe Maxwell) raportate pe unitatea de suprafață, care acționează asupra suprafețelor statorice-rotorice sunt proportionale cu pătratul inducției magnetice. În acest mod, prin cunoașterea inducției magnetice în întrefierul MI se determină forțele radiale care acționează asupra rotorului și statorului. Pentru simplificare, s-a presupus că MI este alimentată printr-un sistem m-fazic simetric, iar efectele asymetriei rotorice nu s-au considerat.

În prima etapă de determinare a undei t.m.m. se pleacă de la ipoteza că tot curentul din conductoare este localizat pe suprafețele netede ale statorului și rotorului. Datorită prezenței creșăturilor se utilizează pentru mărimea întrefierului o mărime corectată. Dacă MI nu este încărcată, curentii din rotor sunt neglijabili și doar t.m.m. din stator acționează prin întrefier. Prin încărcare, curentii din rotor tind să demagnetizeze mașina, iar ca rezultat pentru menținerea valorii fluxului mutual prin întrefier, statorul va absorbi un curent suplimentar.

Construcția rotorului MI permite că mai multe armonici ale cimpului din întrefier să stabilească curenti în înfășurările rotorice corespunzători t.e.m. induse. Exceptie fac doar armonicile care au pasul polar egal cu jumătate din pasul creșăturilor rotorice sau submultiplii ai acestuia. Armonicile de cimp produse de stator induc t.e.m. în înfășurările rotorice care determină curenti rotorici cu diferite alunecări. Amplitudinile acestor curenti depind de configurația înfășurării rotorice.

Curentul nesinusoidal din înfășurările rotorice determină armonici suplimentare în cimpul din întrefier. Mai mult, armonicile de cimp generate de rotor, induc t.e.m. în înfășurările statorice care stabilesc curenti statorici la frecvențe impuse de numărul de bare ale coliviei rotorice și de viteza rotorului. Această proces de interacțiune mutuală a fost numit reacția multiplă a armăsturilor. În practică se consideră că reacția tertială (respectiv quaternală) este suficientă în analiza celor mai multe tipuri de MI.

T.m.m. din stator și rotor sunt determinate de păturile de curent statoric, rotoric, iar mărimea netă a t.m.m. din întreierul MI rezultă ca efect cumulativ al celor două t.m.m..

Considerind MI m-fazată, tensiunea pe fază K a înfăsurării statorice este:

$$v_{1,K} = v_1 \cdot \sqrt{2} \cdot \cos \left[\omega t - (K-1) \frac{2\pi}{m} \right] \quad \dots (1.28)$$

Curentul prin fază K a înfăsurării statorice se poate astfel scrie:

$$I_{1,K} = I_1 \sqrt{2} \cdot \cos \left[\omega t - (K-1) \frac{2\pi}{m} \right] \quad \dots (1.29)$$

(f) (f)

Statorul produce armonici de cimp de ordinul ν , având expresia:

$$B_{1,\nu} = q \cdot \pi \cdot z \cdot p \frac{\mu_0 \cdot N}{\pi (\nu \cdot p) \cdot \delta} \cdot K_{\nu,w} \cdot I_1 \sqrt{2} \cdot \cos [\omega t - \nu p \alpha] \quad \dots (1.30)$$

(f)

unde s-a notat :

$$\nu = 1 + 2mg_1 \quad \dots (1.31)$$

$$g_1 = 0; \pm 1; \pm 2; \pm 3; \dots$$

K_w = factorul de înfăsurare statorică pentru armonica de ordin

q = numărul de creșături pe pol și fază

m = nr. de faze statorice

p = nr. de perechi de poli (corespunzători fundamentaliei)

N = nr. de conductoare din înfăsurarea unei faze statorice

- δ' = mărimea întrefierului corectat m
 ω = viteza unghiulară rad/sec
 a = coordonată unghiulară
 l = indice referitor la stator
 f = frecvența fundamentalei
 (f) = mărime calculată la frecvența fundamentalei
 s = alunecarea (în raport cu fundamentală)

Armonica de ordin ν a cimpului din întrefier, produsă de curentii statorici, induce t.e.m. în colivia rotorică determinând curenti avind alunecările s_ν :

$$s_\nu \cdot f = [1 - \nu(1-s)] \cdot f \quad \dots (1.32)$$

Curentii din colivia rotorică, având frecvențele ($f \cdot s_\nu$), produc armonici de cimp în întrefier care pentru ordinul μ se scrie:

$$B_{2\mu\nu}(e,t) = \frac{\mu_0}{\delta'} \cdot \frac{z}{\pi(\mu \cdot n)} \cdot \sin(\mu \cdot p \cdot \frac{\pi}{Z}) \cdot i_R \cdot \sqrt{2} \cdot (s_\nu \cdot f) \cdot \cos[s_\nu \cdot \omega t - \mu p(e - \frac{\omega}{p}(1-s) \cdot t)] \quad \dots (1.33)$$

unde s-au notat:

$$\mu = \nu + g_2 \frac{z}{p} \quad \dots (1.34)$$

$$g_2 = 0; \pm 1; \pm 2; \pm 3; \dots$$

z = indice referitor la rotor

Z = numărul de bare rotorice

$(s_\nu \cdot f)$ = mărimea reaspectivă a fost exprimată pentru frecvența $(s_\nu \cdot f)$.

Aceste armonici de cimp produse de rotor induc t.e.m.

în înfășurările statorice, respectiv determină curenti cu frecvențe $(sg_2 \cdot f)$ egale cu:

$$sg_2 \cdot f = \left[1 + g_2 \frac{Z}{p} (1-s) \right] \cdot f \quad \dots (1.35)$$

Curentii de frecvență $(sg_2 \cdot f)$ induși în înfășurările statorice produc armonici de cimp în întrefierul MI, de ordinul ϵ . Dacă toate fazele statorice sunt conectate în serie, expresia armonnicilor de cimp de ordinul ϵ din întrefier vor avea expresia:

$$B_1 \epsilon_{(e,t)} = g_3 \cdot m \cdot 2p \frac{\mu_0 \cdot N}{\pi(\epsilon \cdot p) \cdot \delta'} \cdot K_{\epsilon w} \cdot \frac{I_1 \sqrt{2}}{(sg_2 f)} \cdot \cos(sg_2 \cdot \omega \cdot t - \epsilon \cdot \theta) \quad \dots (1.36)$$

unde s-au notat:

$$\epsilon = 2m \cdot g_3 + 1 + g_2 \frac{Z}{p} \quad \dots (1.37)$$

$$g_3 = 0; \pm 1; \pm 2; \pm 3; \dots$$

$K_{\epsilon w}$ = factorul de înfășurare statorică pentru armonici de ordin

Dacă numărul de bare rotorice Z nu este divizibil prin m , o parte a armonnicilor de cimp de ordin p produse de rotor nu vor induce tensiuni în înfășurările statorice. Asumind faptul că nulul înfășurării statorice nu este conectat la nulul retelei, aceste cimpuri rotorice vor fi neamortizate.

Ecuatia tensiunilor pentru fază K statorică și pentru $n - a$ rețea rotorică este formulată în acord cu frecvențele tensiunilor și curentilor induși în ele. Inductanțele proprii și mutuale ale înfășurărilor fazelor statorice sau ale rețelei rotorice sunt aflate prin determinare de ordin particular. Pentru a obține rezultate cu o acuratețe rezonabilă numărul de ecuații necesare vor fi de $12 + 20$.

Ecuatia tensiunii pentru faza K din inșurarea statorică la frecvența sursei de alimentare este:

$$v_{1,K} = \left\{ \left[R_{1,f} + j\omega \left(\sum_{\nu=-\infty}^{+\infty} L_{1,\nu} + L_{S1,f} + L_{N1,f} \right) \right] I_1 \sqrt{2} + \right.$$

$$\left. + j\omega \sum_{\mu=-\infty}^{+\infty} M_{2,1\mu} I_R \sqrt{2} \right\} \cdot \cos \left[\omega t - (K-1) \frac{2\pi}{m} \right]$$

$\nu = \nu \quad (\nu \neq 0) \quad \mu = \mu \quad g_2 = \text{const}$

... (1.38)

In expresia (1.38) s-au notat:

L - inductivități proprii [H]

M - inductivități mutuale [H]

$R_{1,f}$ - rezistența fazei statorice pentru frecvență f

S_1 - indice desemnând dispersia creșterilor

N_1 - indice desemnând dispersia capetelor de bobină.

In mod similar, ecuația tensiunii pentru faza K a inșurării statorice, pentru armonică avind frecvență ($s_{g_2} \cdot f$) este:

$$v = \left\{ \left[R_{1,s_{g_2} \cdot f} + j s_{g_2} \cdot \omega \left(\sum_{\xi=-\infty}^{+\infty} L_{1,\xi} + L_{S1,s_{g_2} \cdot f} + L_{N1,s_{g_2} \cdot f} \right) \right] \cdot \right.$$

$$\left. \cdot I_1 \cdot \sqrt{2} + j s_{g_2} \cdot \omega \sum_{\mu=-\infty}^{+\infty} M_{2,1} \cdot I_R \cdot \sqrt{2} \right\} \cdot \cos \left[\omega t - (K-1) \frac{2\pi}{m} \right]$$

$\xi = \xi \quad (\xi \neq 0) \quad \mu = \mu \quad g_2 = \text{const}$

... (1.39)

Pentru a n -a retea rotorică, ecuația tensiunii pentru armonice avind frecvența ($s_\nu \cdot f$) este:

$$0 = \left\{ \left[R_{n,s_D} \cdot r - j \cdot s_D \cdot \omega \left(\sum_{p=-\infty}^{+\infty} L_{n,p} + I_{S2,s_D} \cdot r + I_{N2,s_D} \cdot r \right) + I_R \cdot \sqrt{2} + j \cdot s_D \cdot \omega \sum_{\varepsilon=-\infty}^{+\infty} M_{1,2\varepsilon} \cdot I_1 \sqrt{2} \right] \cos [s_D \omega t - (n-1)\psi] \right. \\ \left. \begin{matrix} (s_D \cdot r) \\ (s_{g_2} \cdot r) \\ g_3, g_1 = \text{const} \end{matrix} \right] \dots (1.40)$$

Rezolvarea ecuațiilor (1.38), (1.39), (1.40) permite obținerea curentilor în înășurările statorice, respectiv rotative.

În ecuațiile (1.30), (1.33), (1.36), termenul $\frac{\mu_0}{\delta'}$ reprezintă permeanța unui întrefier neted, așa cum a fost aproxiimat în ipoteza initială. Prin omisiunea termenului $\frac{\mu_0}{\delta'}$, ecuațiile (1.20), (1.33), (1.36) vor exprima t.m.m. nete acțiونând în întrefierul M.I..

Prezența creșterilor micsorează permeanța magnetică a întrefierului cu un grad, depinzind de mărimea deschiderii creșterii și de mărimea întrefierului. Micșorarea cîmpului datorită acestei simetriei magnetice este calculată pe baza comportării fizice a M.I.. Permeanța întrefierului se poate approxima suficient de precis sub formă matematică a unei permeantei.

Saturatia circuitului magnetic determină reduceri suplimentare ale cîmpului în regiunea mediană a polilor. Efectul saturatiei se modelează ca o variație în permeanță întrefierului cu 2 perechi de poli a cîmpului fundamental.

Permeanța întrefierului rezultată în urma considerării efectelor creșterilor și saturatiei este dată sub forma generală:

$$\lambda_{(\theta, t)} = \lambda_n \left\{ 1 + \sum_{\delta=1}^{\infty} \lambda_{S\delta} (\delta \cdot s \theta) \right\} \cdot \\ \cdot \left\{ 1 + \sum_{\gamma=1}^{\infty} \lambda_{R\gamma} \cdot \cos [\gamma \cdot z \cdot \theta - \frac{\gamma \cdot Z}{2} (1-s) \omega t] \right\} \cdot \\ \cdot \left\{ \sum_{n=1}^{\infty} \lambda_{sat,n} \cdot \cos [2 \cdot \xi (n \cdot \theta - \omega t)] \right\} \dots (1.41)$$

unde:

- λ = permeanță magnetică
S = nr. de crestături statorice
Z = nr. barelor rotorice
sat = indice care indică saturatia
 β, γ, ξ - indici.

Inductia magnetică în întrefier se obține ca produsul dintre unda t.m.m. și unda permeantei. Deoarece suprafețele statorice, rotorice sunt plasate în crestături, unele armonici introduse de expresia t.m.m. vor fi nedistințe de cele determinate de variația permeantei datorată crestăturilor. Spectrul armonic al inducției magnetice din întrefierul MI obținut pe această cale analitică se confirmă prin măsurători directe.

Formula generală a inducției magnetice este:

$$B(\theta, t) = \sum_{\sigma=-\infty}^{+\infty} B_\sigma \cdot \cos (\beta_\sigma \cdot \theta - \omega_\sigma \cdot t + \epsilon_\sigma) \quad \dots (1.42)$$

unde: σ = indice.

Forțele radiale pe unitatea de suprafață care acionează asupra suprafețelor statorice, rotorice care delimită întrefierul MI sunt proporționale cu pătratul inducției magnetice din întrefier, într-un punct determinat. Conform ecuației (1.42) se obține:

$$F(\theta, t) = \frac{1}{2} \mu_0 B^2(\theta, t) \quad \dots (1.43)$$

Forțele radiale care acionează asupra structurilor statorice-rotorice sunt astfel proporționale cu pătratul inducției. Inductia magnetică din întrefier are un spectru compus din componente care rotesc cu viteze diferite și în sensuri, diferite. Din această cauză și forțele radiale vor varia periodic. Pentru o frecvență dată, aceste forțe produc deformări sinusoidale în rotor și stator.

Este astfel intuitiv să se exprime forțele radiale sub formă unor unde care sunt prezente de-a lungul întrefierului MI.

Prin dezvoltarea ecuației (1.43) se obține o varietate de unde - forțe radiare. Efectul acestor unde depinde de magnitudine, frecvență și modul de vibratie asociate. Situația cea mai defavorabilă se înținează cind frecvența forței radiale coincide cu frecvența de rezonanță a unor componente mecanice ale MI, cind și în prezență unor amplitudini reduse ale forței radiale răspunsul în vibratii al MI poate să crească foarte mult. În situații diferite de cele de rezonanță, răspunsul în vibratii este proporțional cu amplitudinea undei - forță radială de excitare.

Modelul matematic prezentat în acest capitol permite estimarea suficient de precisă a forțelor radiale din cadrul MI. Trebuie subliniat că este cel mai răspândit model de estimare teoretică al performanțelor sonice ale MI, dar că el nu ține seama de un factor extrem de important, adică de excentricitatea rotorului rezultată în urma gradului de echilibrare mecanică. Așa cum s-a arătat în capitolul anterior, nivelul de zgomot și vibratii al unei MER crește spectaculos în urma măririi dezechilibrului mecanic, chiar dacă se iau protecții de proiecție pe linia reducerii sursei electromagnetice, respectiv a forțelor radiale.

1.4. INFLUENȚA ALIMENTARII MASINII DE INDUCTIE PRIN CONVERTOARE STATICE ASUPRA NIVELULUI DE VIBRATII

Foarte multe procese industriale și chiar bunuri electrotehnice reclamă acțiuni electrice cu viteze variabile. În trecut, cele mai multe structuri utilizează mașini de curent continuu sau mașini de inducție cu rotor bobinat. Deoarece costurile de producție și întreținere ale acestor tipuri de mașini, precum și costurile de funcționare sunt mari, în prezent, MI cu rotor în colovie s-a impus ca element de execuție, în cele mai multe acțiuni de putere mică și medie, căm viteze variabile, înciudă faptului că o astfel de soluție necesită existența unui bloc de electronică de putere pentru alimentare și a unui sis-

tem de comandă. Acest proces de impunere a MI cu rotor în colivie a fost facilitat și de performanțele tehnice și de cost ale componentelor semiconductoare de putere, respectiv ale sistemelor de comandă (automate programabile, microcontrolere, PC-uri industriale - IPC).

Indiferent de tipul invertorului utilizat la alimentarea MI (inversare de curent, inverteoare de tensiune), în funcționarea mașinii electrice apar armonici suplimentare de curent fără de situația alimentării de la surse de tensiune sinusoidale, fapt care determină următoarele efecte nedorite:

- se reduce rândamentul acțiونării, prin sporirea pierderilor în circuitul magnetic și în înfășurările MI;

- crește temperatura de funcționare, prin mărirea pierderilor și atfel se reduce speranța de viață a MI prin accelerarea deteriorării proprietăților materialelor izolante folosite la construcția mașinii;

- afecteză valorile cuplului obținut;

- se măreste, la valori inaceptabile, nivelul vibrărilor și al zgomotului emis.

Este cunoscută o practică de eludare a acestui ultim aspect, prin faptul că firmele producătoare oferă ca date de catalog doar nivelul de vibrări și MI alimentată în condiții clasice, de la surse sinusoidale.

Deoarece nivelul de zgomot este impus prin standarde în ultimii ani, o serie de cercetători și-au propus analiza și conceperea unor metode de reducere a zgomotului la acțiunile de viteze variabile, cu MI și alimentare la convertoare statice [24] [25] [26] [27].

Din literatura de specialitate analizată se extrag trei tendințe privind preocupările de performanță sonică a acțiunărilor electrice de viteze variabile cu MI :

- analiza teoretică și experimentală a nivelului de zgomot și vibrări la MI cu rotorul în colivie la diferite moduri de alimentare (sinusoidală, inverteoare de curent, inverteoare de tensiune);

- utilizarea unor inverteoare echipate cu ventile semiconductoare de putere capabile să comute la frecvențe înalte (în spate MOSFET-uri de putere) care să accepte o comandă în

spectrul ultrasonic, rezultind astfel implicit și un spectru de vibrații în domeniul ultrasonic, nesenzat de operatorul uman.

- minimizarea emisiei de zgomot prin comanda adecvată a invertorului astfel încât să fie eliminate acele armonici din spectrul Fourier al tensiunii de alimentare care produc vibrațiile făță de care operatorul uman prezintă sensibilitate maximă.

Analiza teoretică a nivelului de zgomot se realizează prin modelul matematic bazat pe teoria cîmpurilor invirtitoare (metoda undei permeantei) care a fost prezentată anterior în paragraful 1.3. Singura diferență constă în faptul că la alimentarea MI prin invertoare statice, analiza începe prin determinarea coeficientilor serilor Fourier în care se descompun funcții de nesinusoidale care reprezintă variația tensiunii sau a curentului de alimentare a MI.

În acest mod, tensiunea, respectiv curentul, vor avea expresii de următoareas formă:

$$v(t) = \sum_K V_K \sqrt{2} \cdot \cos(\omega_{vK} \cdot t + \varphi_{vK}) \quad \dots (1.44)$$

$$i(t) = \sum_K I_K \sqrt{2} \cdot \cos(\omega_{IK} \cdot t + \varphi_{IK})$$

unde: K - coefficient

φ_{vK} , φ_{IK} - difazajele diferitelor armonici, ale tensiunii, respectiv, currențului.

Relatiile (1.44), particularizate pentru situația concretă de alimentare, introduse în sistemul de ecuații (1.28), (1.29) ... (1.43), transformă modelul matematic determinat anterior în condiții de alimentare a MI de la surse simetrice sinusoidale, într-un model matematic de determinare a forțelor radiale care acționează asupra MI cu rotor bobinat în situația alimentării prin invertoare statice.

Pentru determinarea experimentală a spectrului zgomotului emis de o MI plasată într-o acționare electrică de viteză variabilă alimentată prin invertoare se utilizează echipamentul prezentat în fig. 1.3., unde s-au notat:

- T_v , T_i , T_z - traductori de tensiune, curent, zgomot;
- ISI, ISU - inverteoare statice de curent, de tensiune;
- ATFF - analizor al transformantei rapida Fourier
- MI - masina de inductie măsurată
- INT.FIL - interfață, filtrare a semnalelor primare.

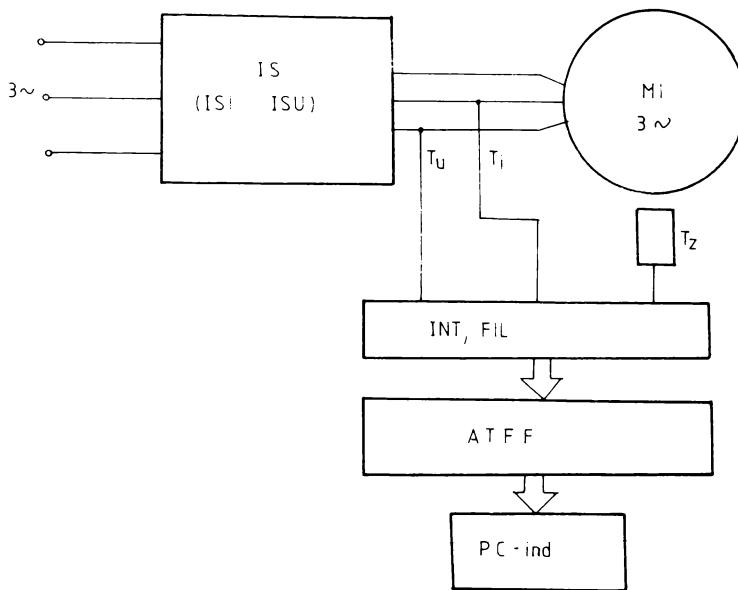


Fig.1.3. Echipament de măsurare a emisiei de zgomot la MI .

In [24] se arată că spectrul zgomotului determinat pe cale teoretică este suficient de precis prin comparare cu rezultatele experimentale obținute cu un echipament de tipul celui prezentat în fig. 1.3.

Analizând nivelele de zgomot obținute în trei situații de alimentare diferite ale MI , respectiv: surse sinusoidale de

tensiune, invertor de curent, invertor de tensiune cu modulare în lățime de puls (PWM) rezultă următoarele concluzii privind comportarea sonică a MI cu rotor în colivie, de putere mică și medie:

- ambele tipuri de invertoare introduc noi componente în spectrul zgomotului emis de MI;

- alimentarea prin invertor de tensiune determină o funcționare mai zgomotoasă a MI, în comparație cu situația alimentării prin invertor de curent.

Cu toate acestea, cele mai multe acțiuni de viteză variabilă a MI folosesc invertoare de tensiune PWM, deoarece acestea sunt cele mai eficiente și economice structuri de convertoare statice de putere. Din această cauză s-au prevăzut o serie de îmbunătățiri ale structurii și comenzi acesteora, prin care se reușește atingererea unui plafon acceptabil privind emisia de zgomot.

O tendință actuală este descrisă în [26], respectiv realizarea unor inverteare ultrasonice. Acestea utilizează module semiconductoare de putere capabile să comute la frecvențe finale, astfel încât spectrul armonicelor obținute în domeniul ultrasonic, să fie inaccesibil pentru operatorul uman. Problemele pe care le ridică această soluție sunt continute în prețul ridicat al acestui tip de echipament (de obicei MOSFET-uri de putere) precum și în opozitia manifestată de organizațiile ecologiste față de utilizarea unor apărate care să emite în domeniul ultrasonic (precum în cazul interzicerii telecomenziilor pe bază de ultrasunete).

Până când prețul acestor ventile va deveni acceptabil la aplicații industriale uzuale, soluția ultrasonică este recomandată doar în aplicații speciale, unde se impun performanțe sonice deosebite, indiferent de costul echipamentului.

Cea mai interesantă soluție, la nivelul actual al performanțelor tehnico-economice ale elementelor semiconductoare de putere dedicate aplicațiilor industriale uzuale, este minimizarea emisiei de zgomot prin comandă adecvată a invertoarelor PWM [25], [27]. Ideea de bază constă în aplicarea tehnicii de eliminare a armonicilor dintr-un spectru realizat printr-un invertor static. În plus, în aceste tehnici cunoscute de relativ multă vreme, s-a adăugat combinarea cu studiile privind percepția fizio-logică a zgomotului, pentru a putea fi selectate în vederea eliminării a acelor armonici față de care organismul uman se mani-

festă mai sensibil [27]. În acest scop s-au utilizat curbele de răspuns auditiv uman (HARC).

Schela acŃionării este prezentată în fig.1.4.

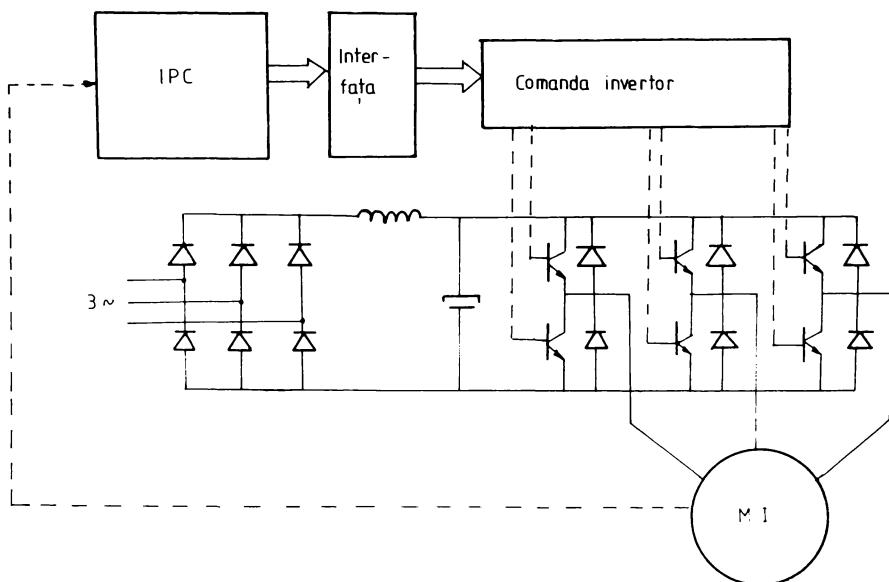


Fig. 1.4. Schela acŃionării cu minimizarea emisiei de zgomot.

La ieșirea invertorului se obŃine o tensiune de forma prezentată în fig.1.5., unde sonicele componente sunt doar cele care contin coeficientii impari ai funcŃiei sinus, și forma expresiei (1.45).

$$u_n = \frac{4}{\pi \cdot n} \left[1 + 2 \sum_{k=1}^{M} (-1)^k \cdot \cos(n \cdot \alpha_k) \right] \quad \dots (1.45)$$

unde s-au notat:

$k = 1, 2, 3, \dots M$ = numărul de ventile pe un sfert de perioadă;

$\alpha_1, \alpha_2, \alpha_3 \dots$ = unghiurile de aprindere (conform fig.1.4)

a_1 = coeficientul fundamentalui;

$a_3; a_5; a_7 \dots$ = coeficientul armonicelor impare.

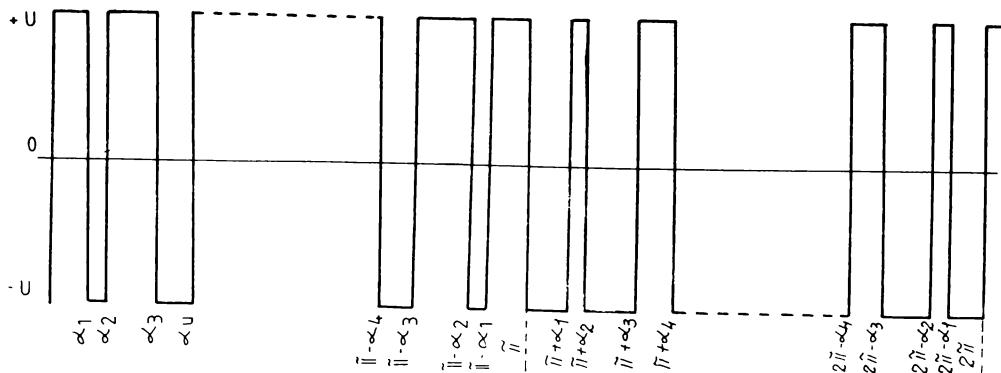


Fig.1.5. Forma de undă a tensiunii modulate în lătime de puls.

Pentru a minimiza zgometul și vibrațiile, fundamentala din spectrul tensiunii trebuie să fie maximizată prin eliminarea armonicelor de frecvență care sunt cele mai deranjante. Deci unghurile de aprindere α_K ($K=1,2,3,\dots$) sunt determinate astfel încit coeficientul a_1 să fie maxim în timp ce setul de coeficienți a_n ($n=5,7,11,13\dots$) să fie nuli.

După cum relevă ecuația (1.45) există M grade de libertate pentru un sfert de perioadă. Dacă un grad de libertate, din afară lui M , este utilizat pentru controlul amplitudinii fundamentalei (a_1), rămân ($M-1$) grade de libertate care pot fi selectate pentru eliminarea a ($M-1$) armonici care sunt nedorite. În cadrul sistemului invertor-motor sistemul de armonici suprimate ($M-1$) sunt alese pentru a corespunde frecvențelor de rezonanță ale MI, care implică cele mai nefavorabile răspunsuri în vibrații și zgomet.

Frecvențele de rezonanță ale MI se determină experimental. Armonicele nedorite sunt selectate pentru a fi eliminate prin ponderarea răspunsului în frecvență al sistemului mecanic cu specificările ANSI (ANSI S 1.4. - 1971) referitoare la determinarea nivelului sonic (fig.1.6).

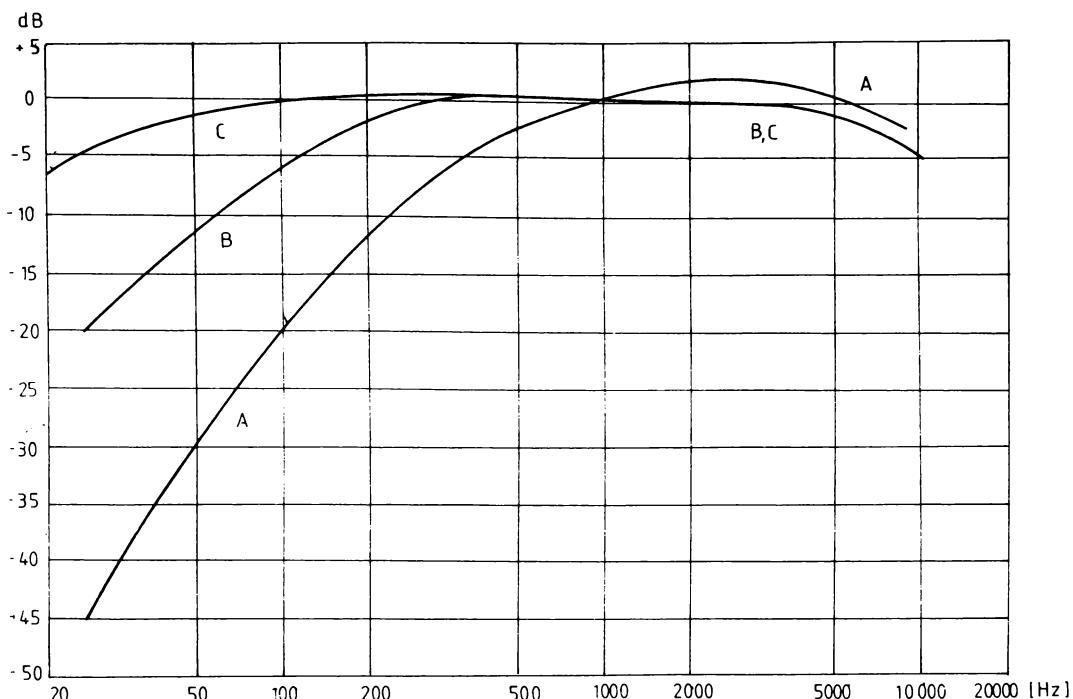


Fig.1.5.4. Standardul ANSI - S.1.4 - 1971

Standardul ANSI, prin caracteristicile sale ponderate, reflectă frecvențele care au o mai mare importanță pentru sunetul uman și realizează o discriminare a frecvențelor joase, pe modelul matematic al sistemului fiziologic auditiv uman.

Această nouă formă de undă PWM este aplicată ca tensiune de alimentare MI, iar răspunsul masinii este reexaminat. Procesul de reexaminare continuă pînă cînd zgomotul, ponderat prin curbele HARC, este minimizat.

Utilizarea metodei de ponderare HARC conduce la reduceri procentuale ale nivelului de zgomot între 29,4 % (3,08dB) pînă la 61,8% (8,37dB), în comparație cu soluțiile conventionale.

de PWM.

1.5. INFLUENTA DEZECHILIBRULUI ROTORULUI ASUPRA GENERARII FORTELOR RADIALE LA MASINA DE INDUCTIE

In cadrul paragrafului 1.3. s-a prezentat modelul matematic bazat pe teoria cimpurilor invirtitoare, capabil sa furnizeze informatii suficiente de exacte asupra comportarii sonice a MI cu rotor in colivie. Modelul matematic respectiv, cel mai des utilizat in prezintă, operează cu o serie de aproximatii pentru a reduce calculul aferent in limite acceptabile unor investigatii practice. Cea mai importantă ipoteză simplificatoare care reprezintă neconsiderarea excentricităților rotorului. Pe de altă parte, studiul lui Völler [17] demonstrează prin măsurători practice influența deosebită de importanță pe care o are dezechilibrul mecanic al rotorului asupra emisiei de vibratii la mașinile electrice. Mărirea considerabilă a nivelului de zgomot și vibratii ale MER prin echilibrarea defectuăsă a rotorului se doboarează atât funcționării zgomotoase a unui rotor dezechilibrat cât și apariției unor excentricități în funcționarea sa. Iar apariția excentricităților în funcționarea rotorului conduce la amplificarea forțelor radiale în raport cu situația ideală și prin această la creșterea nivelului de zgomot. Devine evident faptul că doar o proiectare electromagnetică atentă nu rezolvă problema unei funcționări sonice periculoase a MER, în spatele a tipului cel mai utilizat astăzi, respectiv a MI.

Din aceste motive se vor prezenta în continuare influențele dezechilibrului mecanic asupra excentricității rotorului și posibilitățile de modelare matematică a întrefierului unei MI șăptă într-o astfel de situație. S-a urmărit ca modelul matematic obținut să poată fi ușor înglobat în modelul anterior, dedicat analizei forțelor radiale.

Fără a intra în elementele teoriei echilibrării corpurilor rigide, care vor fi prezentate în capitolul 2, pentru a putea dezvolta subiectul propus este nevoie să pornim de la cîteva concluzii privind comportarea corpurilor dezechilibrate, aflate în mi-

care de rotație. În acest caz, pot exista, din punct de vedere teoretic, două situații limite, prezentate în fig. 1.6.a,b:

- dezechilibrul static (fig.1.6.a) - cind axa de rotație este paralelă cu axa geometrică a rotorului. Excentricitatea este constantă, la un moment dat, pentru punctele de pe suprafața rotorului;

- dezechilibrul dinamic (fig.1.6.b) - cind axa de rotație trecând prin centrul de masă al rotorului descrie o mișcare conică. În această situație, modelarea excentricității este mult mai dificilă.

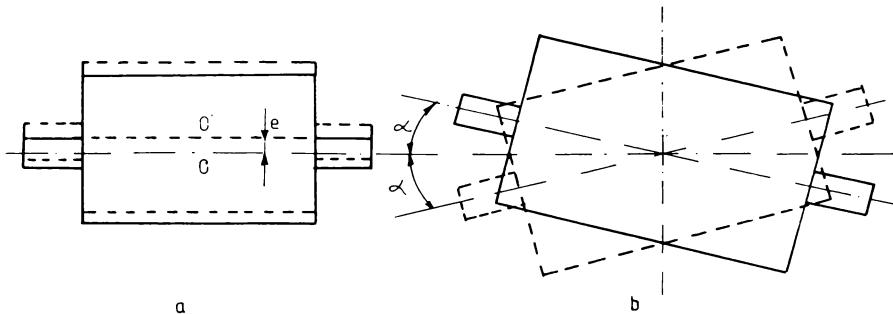


Fig.1.6. Cazurile teoretice de dezechilibru mecanic la un rotor - solid.

În practică aceste cazuri teoretice nu sunt găsite decât în cazuri foarte rare și cu totul accidental. Majoritatea covârșitoare a situațiilor practice sunt reprezentate de dezechilibrul mixt, deci de combinarea în diferite raporturi ale celor două tipuri teoretice. Din această cauză, expresia excentricității va fi determinată în situația reală, a dezechilibrului mixt. Într-un astfel de caz geometria întrefierului este prezentată în fig.1.7., iar pe baza ei este construit un tub de cimp.

Situația prezentată în fig.1.7. este exagerată din punct de vedere cantitativ, pentru a evidenția mai clar influența pe care o are un întrefier excentric asupra geometriei unui tub de cimp. După cum se poate observa mărimea întrefierului este determinată de poziția unghiulară a rotorului și de poziția punctului de măsură în lungul axei longitudinale. Este util să observați faptul că în determinarea mărimii întrefierului intervine și

tipul dezechilibrului mechanic care provoacă excentricitatea, dar care au valori total aleatoare din punctul de vedere al analizei actuale.

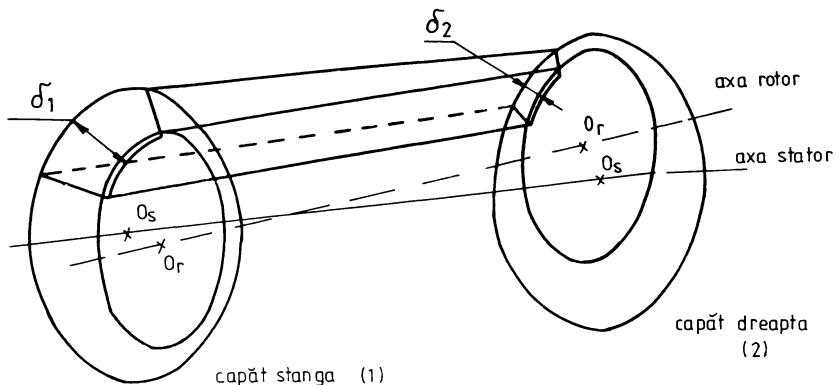


Fig. 1.7. Tub de cîmp în situația unui întrefier excentric.

Capetele rotor-stator din partea stîngă au fost notate cu indicele 1, iar cele din partea dreaptă cu indicele 2. În acord cu această rotație mărimele întrefierului la cele două capete ale rotorului, δ_1 și δ_2 reprezintă funcții de pozițiile periferice ale excentricităților ε_1 și ε_2 . Această situație a capetelor de rotor față raport cu statorul este prezentată în fig. 1.8., unde s-au mai notat:

r_r = raza rotorului (considerat neted);

r_s = raza statorului (considerat neted);

$\varepsilon_1, \varepsilon_2$ - excentricitățile la capetele stînga, dreapta ale rotorului;

γ - unghiul măsurat față de axa orizontală a rotorului, în funcție de care se exprimă întrefierul;

$\delta_{1(\gamma)}, \delta_{2(\gamma)}$ întrefierul măsurat la capetele stînga, dreapta ale rotorului.

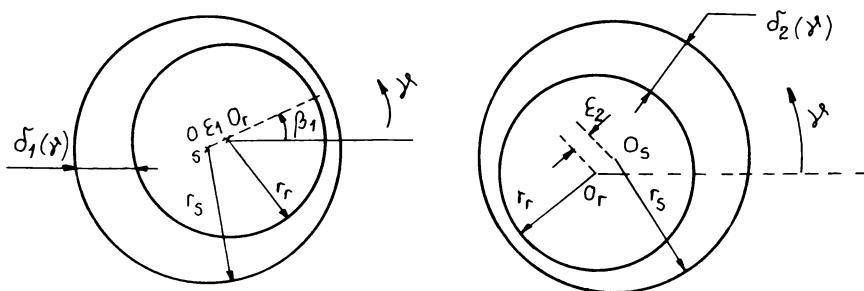


Fig.1.8. Excentricitatea exprimată la capetele rotorului.

Dacă notăm cu β_1 , valoarea unghiului γ pentru care întrefierul $\delta_1(\gamma)$ este minim, va rezulta valoarea maximă a întrefierului pentru unghiul $\gamma = \beta_1 \pm \frac{\pi}{2}$. Situația este valabilă pentru capătul din stînga al rotorului și unghiul β_1 a fost reprezentat în fig.1.8.. Pentru a nu complica desenul prea mult, la capătul din partea dreaptă nu a fost notat unghiul β_2 , similar ca semnificație.

Deci există un unghi β_2 care în situația $\gamma = \beta_2$ determină un întrefier minim $\delta_2(\gamma)$, iar pentru valoarea $\gamma = \beta_2 \pm \frac{\pi}{2}$ se obține valoarea maximă a întrefierului, la capătul drept al rotorului.

Dacă se notează prin δ , întrefierul în situație în care poziția rotorului este fără excentricități, valoarea sa este:

$$\delta = \frac{D_{si} - D_{re}}{2} \quad \dots (1.46)$$

unde: D_{si} - diametrul interior al statorului;

D_{re} - diametrul exterior al rotorului.

Fără de această notație, valoarea întrefierului minimal este:

$$\delta_{\min} = \delta - \varepsilon \quad \dots (1.47)$$

iar la întrefierului maximal este:

$$\delta_{\max} = \delta + \varepsilon \quad \dots (1.48)$$

Pentru capetele de rotor, relațiile (1.47), (1.48) devin:

$$\begin{aligned} \delta_{1\min} &= \delta - \varepsilon_1 & \delta_{2\min} &= \delta - \varepsilon_2 \\ \delta_{1\max} &= \delta + \varepsilon_1 & \delta_{2\max} &= \delta + \varepsilon_2 \end{aligned} \quad \dots (1.49)$$

Dependența întrefierului la cele două capete ale rotorului, făcă de poziția acestuia, determinată de unghiul γ , respectiv $\delta_1(\gamma)$, $\delta_2(\gamma)$ este prezentată în fig. I.9. Deoarece din observațiile anterioare asupra unghiurilor β_1 , β_2 , deci a pozițiilor care determină valorile maxime și minime pentru mărimea întrefierului, a rezultat o periodicitate armonică și alura variatiei întrefierului este tot armonică.

În conformitate cu fig. I.9., expresiile matematice ale întrefierului în funcție de unghiul γ , pot fi aproximate prin funcțiile:

$$\delta_1(\gamma) = \delta - \varepsilon_1 \cdot \cos(\gamma - \beta_1) \quad \dots (1.50)$$

$$\delta_2(\gamma) = \delta - \varepsilon_2 \cdot \cos(\gamma - \beta_2)$$

Urmărind variația întrefierului făcă de coordonata axială x pentru o poziție fixă a rotorului, se poate afirma că aceasta este liniară, între valorile $\delta_1(\gamma)$ și $\delta_2(\gamma)$. Acest tip de variație se reprezintă grafic în fig. I.10.

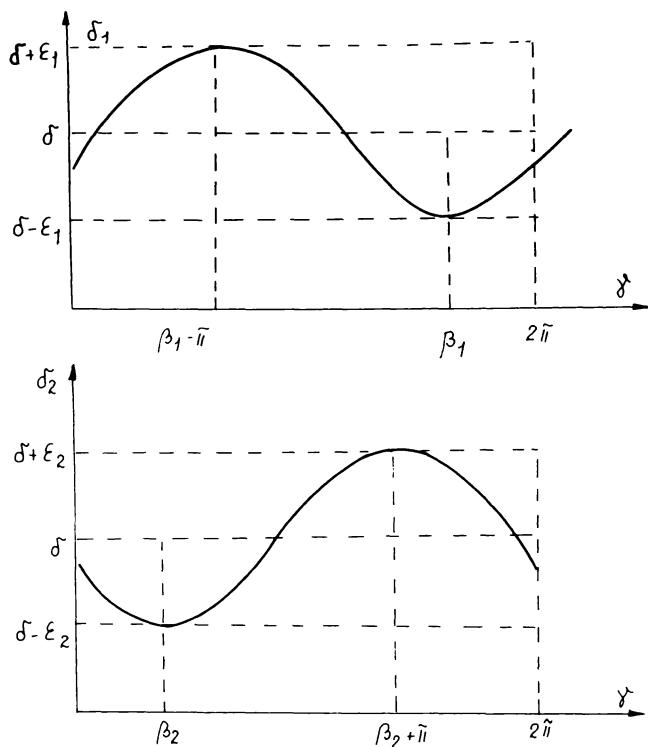


Fig.1.9. Variatia intrefierului la capetele rotorului, functie de γ

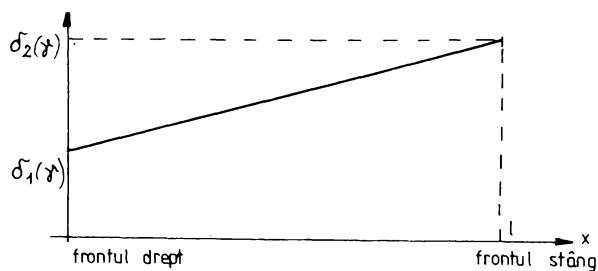


Fig.1.10. Evolutia intrefierului pe axa longitudinala

Matematic, această variație a întrefierului se exprimă:

$$\delta_{(x)} = \frac{\delta_2(\gamma) - \delta_1(\gamma)}{l} \cdot x + \delta_1(\gamma) \quad \dots (1.51)$$

unde: l - lungimea între cele două capete ale rotorului considerate.

Inlocuind (1.50) în (1.51) se obține pentru întrefier expresia:

$$\begin{aligned} \delta_{(x, \gamma)} &= \frac{\delta_2 \cdot \varepsilon_2 \cdot \cos(\gamma - \beta_2) - [\delta_1 \cdot \varepsilon_1 \cdot \cos(\gamma - \beta_1)]}{l} \cdot \\ &\quad \cdot x + \delta_1 \cdot \varepsilon_1 \cdot \cos(\gamma - \beta_1) = \\ &= \frac{(x-1) \cdot \varepsilon_1 \cdot \cos(\gamma - \beta_1) + \delta_1 \cdot l - \varepsilon_2 \cdot x \cdot \cos(\gamma - \beta_2)}{l} \end{aligned} \quad \dots (1.52)$$

Dacă se consideră doar un dintă, este acceptabilă aproximarea că pentru coordonata axială x de dimensiunea unui dintă, întrefierul are o valoare constantă, dată fiind variația liniară între limitele $\delta_1(\gamma)$, $\delta_2(\gamma)$ pentru întreaga lungime l a rotorului considerat.

Deoarece teoria anterior prezentată în paragraful 1.3., introduce influența prezentei creșterilor în armături și a saturării magnetice, prin intermediul permeantei magnetice (numindu-se uneori și modelul undei permeantei) este indicat ca expresia obținută pentru variația întrefierului să fie continută tot de expresia permeantei magnetice. Pentru aceasta se va considera un tub de cimp, prezentat în fig.1.11.

Maximul permeantei Λ_{\max} , este în aceste condiții:

$$\Lambda_{\max} = \int_0^l d\Lambda_{\max} = \mu_0 \cdot b \int_0^l \frac{dx}{\delta(x)} \quad \dots (1.53)$$

unde: b = deschiderea crestăturii.

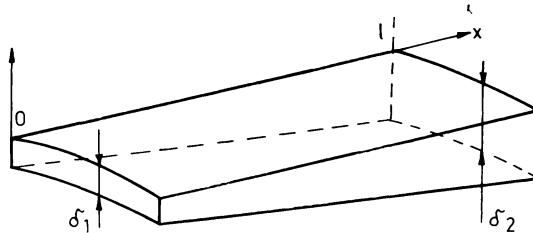


Fig.1.11. Tub de cimp elementar.

Inlocuind (1.51) în expresia (1.53) se obține:

$$\Delta_{\max} = \rho_0 \cdot b \int_0^l \frac{dx}{\frac{\delta_2(x) - \delta_1(x)}{1} + \delta_1(x)} = \\ = \rho_0 \frac{b \cdot l}{\delta_2(x) - \delta_1(x)} \cdot \ln \frac{\delta_2(x)}{\delta_1(x)} \quad \dots (1.54)$$

In ecuația (1.54) se înlocuiesc expresiile $\delta_1(x)$, $\delta_2(x)$, respectiv (1.50):

$$\Delta_{\max} = \rho_0 \cdot b \cdot l \frac{\ln \frac{\delta - \varepsilon_2 \cdot \cos(\gamma - \beta_2)}{\delta - \varepsilon_1 \cdot \cos(\gamma - \beta_1)}}{\varepsilon_1 \cdot \cos(\gamma - \beta_1) - \varepsilon_2 \cdot \cos(\gamma - \beta_2)} \quad \dots (1.55)$$

Pentru compresarea expresiei (1.55) se notează $S_e(x)$

intrefierul echivalent:

$$\delta_e(\gamma) = \frac{\epsilon_1 \cdot \cos(\gamma - \beta_1) - \epsilon_2 \cdot \cos(\gamma - \beta_2)}{\ln \frac{\delta - \epsilon_2 \cdot \cos(\gamma - \beta_2)}{\delta - \epsilon_1 \cdot \cos(\gamma - \beta_1)}} \quad \text{cc. (1.56)}$$

Expresia permeantei maxime se poate scrie acum sub forma comprimată:

$$\Delta_{\max} = \mu_0 \cdot \frac{b \cdot l}{\delta_e(\gamma)} \quad \dots (157)$$

După cum se observă, expresiile intrefierului sau permeantei magnetice (1.55) (1.56) (1.57) sunt perfect integrabile în modelul matematic care analizează forțele radiale din MI. Prin această contribuție, modelul matematic prezentat anterior este completat cu ultimul element care fusese neglijat. În acest mod, analiza forțelor radiale și deci a comportamentului sonic al MI reușește să înglobeze atât influențele electromagnetice (oleasarea infășurărilor în crestături, saturarea circuitului magnetic) cît și cele mecanice (excentricitatea rotorului datorată dezechilibrului mecanic).

Concluzia care rezultă este că o bună performanță privind nivelul de zgomot și vibratii în funcționarea MI se poate atinge doar acționând competent pe trei direcții:

- proiectarea electromagnetică cît mai frigrijită a MI;
- alegerea unor comenzi optimale capabile să eliminate armonicele deranjante în situația alimentării MI prin invertor statice;
- reducerea excentricităților rotorului printr-o corectă operare de echilibrare dinamică.

Propunându-ne îmbunătățirea calității MI de putere mică și medie, din punctul de vedere al comportării sonice și al nivelului de vibratii, am aleas a treia direcție din cele prezentate, respectiv reducerea nivelului de vibratii prin eliminarea exen-

tricităților rotorice datorate dezechilibrelor mecanice. S-a considerat că această cauză este de o importanță deosebită, ea putind anula performantele atinse prin proiectarea electromagnetica și prin comanda optimă a electronicii de putere.

Cazul MI de putere mică și medie ridică în plus problema adaptării operației de echilibrare la o producție de serie mare și foarte mare, care impune un grad final de productivitate prin folosirea unor fluxuri de uzinare automatizate.

În același timp, domeniul abordat reprezintă o zonă de graniță în care sunt necesare cunoștințe de mașini electrice, actuatori electrice, analiza semnalelor și utilizările calculatoarelor numerice, oferind prin aceasta o vastă posibilitate de inovare, de depășire a soluțiilor clasice, în vederea obținerii unor MI cu performanțe tehnice superioare, care să se încadreze în cerințele de calitate actuale.

CAPITOLUL II

2. MASINA DE ECHILIBRAT DINAMIC. MODEL MATEMATIC, REALIZARI, TENDINTE ACTUALE, CLASIFICARI

Pentru a obtine o comportare performantă din punct de vedere sonic al MI de putere mică și medie este necesară adaptarea elementelor teoriei generale a echilibrării corpurilor rigide la situația concretă precum și urmărirea principalelor realizări și tendințe actuale din domeniul mașinilor de echilibrat.

2.1. ELEMENTELE TEORIFI ECHILIBRARII ROTOCARELOR RIGIDE. DEZECHILIBRUL STATIC. DEZECHILIBRUL DINAMIC.

In cadrul acestui capitol se va utiliza terminologia specifică problemelor de echilibrare și din această cauză, prin rotor, vom înțelege un corp solid aflat în mișcare de rotație.

Dezechilibrul unui rotor se definește drept o forță care apare la corpul rotitor datorită nesuprapunerii totale între axa de rotație și axa principală de inerție sau, altfel spus, existenței unei excentricități între centrul de greutate al rotorului și axa sa de rotație. Prezența acestor excentricități generează forțe centrifuge, care, la valori mari ale excentricităților și la turări ridicate, depășesc de mai multe ori greutatea proprie a rotoarelor. În plus, la mașinile electrice, în special la MI, prezența excentricităților amplifică forțele radiale de natură electromagnetică.

Desi excentricitatea centralului de greutate al rotorului poate avea diferite cauze (defecțiuni de montaj și prelucrări efectuate mecanice sau termice), teoria echilibrării se ocupă doar de situația apariției excentricității datorită structurii

neomogene a rotoarelor. În cazul particular al MI, indiferent de tipul constructiv al rotorului, prin tehnologia de fabricare suntem situați în acest caz de structură neomogenă:

Din punct de vedere teoretic se descriu două tipuri de dezechilibre:

- dezechilibru static - cind centrul de greutate al rotorului se află excentric față de axa de rotație;

-dezechilibru dinamic - cind centrul de greutate al rotorului se află pe axa de rotație, dar prin acțiunea cuplurilor de inerție centrifugale, capetele rotorului prezintă excentricități față de axa de rotație.

În situațiile practice, dezechilibrul mecanic al rotoarelor se consideră mixt, format din acțiunea simultană a unui dezechilibru static și a unuia dinamic.

Mărimea care determină cantitativ dezechilibrul, care s-a impus în prezent, prevăzută și de standardele românești, este micronul [μm] o mărime raportată, definită prin expresia:

$$e = \frac{m_1 \cdot r}{M} \quad [\mu m], [\mu] \quad \dots (2.1)$$

unde: e - dezechilibrul exprimat în microni;

M - masa rotorului [Kg] :

m_1 - masa de echilibrare [g] :

r - raza față de axa de rotație unde este plasată masa de echilibrare [mm].

În afara standardelor privind gradul de echilibrare al diferitelor mașini și echipamente, s-au elaborat o serie de formule empirice pentru estimarea dezechilibrului maxim admis [28] :

- pentru mașinile în cazul cărora raportul dintre masa rotorică și cea statorică se poate approxima unitar, dezechilibrul admis este:

$$e = \frac{2 \cdot 10^8}{n^2} \quad [\mu] \quad \dots (2.2)$$

- pentru mașini și echipamente cu care omul vine în contact direct în timpul funcționării (echipament electrocasnic, scule electrice):

$$e = \frac{6000}{n} \quad [\mu] \quad \dots (2.3)$$

Pentru ambele formule (2.2), (2.3) n = turată ME rot./min. .

Există mai multe modele utilizate pentru obținerea unor formule analitice aplicabile diferitelor geometrii de piese supuse operației de echilibrare. Dintre acestea, se va analiza modelul rotorului cilindric, care corespunde geometriei uzuale a rotoarelor MI de putere mică și medie.

Pentru situația dezechilibrului static, presupunem un rotor de formă cilindrică, perfect echilibrat, de masă M , simetric față de axa X-X' (conform fig.2.1.). La distanță r față de axa de simetrie X-X' se plasează masa suplimentară m_s și se antreneză rotorul la turata Ω . De asemenea, se consideră că rotorul poate să se deplaceze liber în plan orizontal.

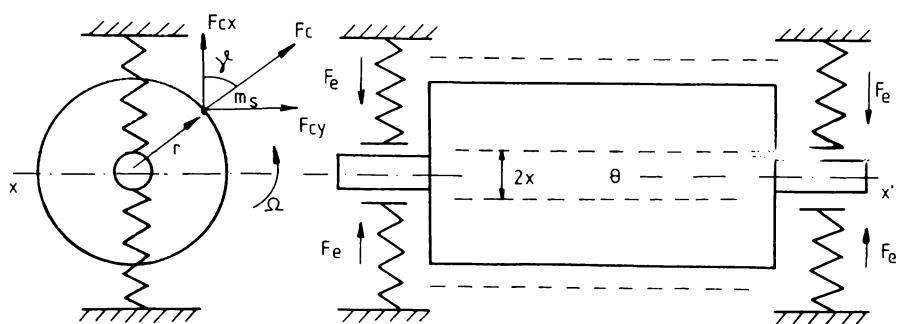


Fig.2.1. Modelul dezechilibrului static.

Sub acțiunea forței centrifuge determinată de masa m_s suportii elastică se vor deplasa cu valoarea x , iar forța din suporti este:

$$F_e = 2 \cdot k \cdot x \quad \dots (2.4)$$

unde: k = factor de proporționalitate.

Freeările rotorului cu aerul, la deplasări mici, se consideră proporționale (prin constanta R) cu viteza orizontală a oscilațiilor.

$$F_{fa} = R \cdot \frac{dx}{dt} \quad \dots (2.5)$$

Componenta după direcția orizontală a forței centrifuge este:

$$F_{cx} = m_s \cdot r \cdot \Omega^2 \cdot \cos \Omega \cdot t \quad \dots (2.6)$$

Așupra rotorului de masă M , acționează și forțele de inertie F_i :

$$F_i = M \cdot \frac{d^2x}{dt^2} \quad \dots (2.7)$$

In aceste condiții, echilibrul forțelor este:

$$F_{cx} - F_e - F_{fa} = F_i \quad \dots (2.8)$$

$$F_{cx} = F_i + F_e + F_{fa}$$

$$m_s r \cdot \Omega^2 \cdot \cos \Omega \cdot t = M \frac{d^2x}{dt^2} + R \frac{dx}{dt} + 2k \cdot x \quad \dots (2.9)$$

Ecuția (2.9) reprezintă ecuația unei mișcări oscillatorii

avind soluție:

$$x = K \cdot \cos(\Omega t - \varphi) \quad \dots (2.10)$$

Din (2.10) se obțin:

$$\frac{dx}{dt} = - K \cdot \Omega \cdot \sin(\Omega t - \varphi) \quad \dots (2.11)$$

$$\frac{d^2x}{dt^2} = - K \cdot \Omega^2 \cdot \cos(\Omega t - \varphi) \quad \dots (2.12)$$

Se obține din (2.9), (2.10), (2.11), (2.12)

$$\begin{aligned} & \cos \Omega t (- M \cdot k \cdot \Omega^2 \cdot \cos \varphi + 2kK \cdot \cos \varphi + R \cdot \Omega \cdot K \cdot \sin \varphi - m_s \cdot r \cdot \Omega^2) + \\ & + \sin \Omega t (- M \cdot k \cdot \Omega^2 \cdot \sin \varphi + 2kK \cdot \sin \varphi - R \cdot \Omega \cdot K \cdot \cos \varphi) = 0 \end{aligned} \quad \dots (2.13)$$

Rezultă sistemul:

$$\begin{aligned} - M \cdot k \cdot \Omega^2 \cdot \cos \varphi + 2kK \cdot \cos \varphi + R \cdot K \cdot \Omega \cdot \sin \varphi &= m_s \cdot r \cdot \Omega \\ \dots (2.14) \end{aligned}$$

$$- M \cdot k \cdot \Omega^2 \cdot \sin \varphi + 2kK \cdot \sin \varphi = R \cdot K \cdot \Omega \cdot \cos \varphi$$

Din (2.14) se obține:

$$\operatorname{tg} \varphi = - \frac{R \cdot \Omega}{2k - M \cdot \Omega^2} \quad \dots (2.15)$$

Unghiul γ de defazaj între direcția orizontală și direcția pe care se află plasată masa m_s , va avea 90° pentru o pulsăriție Ω de valoare:

$$\Omega = \sqrt{\frac{2k}{M}} \quad \dots (2.16)$$

Turatia corespunzătoare se numeste turatie de rezonanță statică n_s , a sistemului compus din rotorul de masă M și perechea de rezerve elastice.

$$n_s = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{2k}{M}} \quad \dots (2.17)$$

Modelul prezentat este valabil pentru turatii mult mai mici decât n_s . Dacă viteza de lucru la care se realizează echilibrarea se apropie de n_s , dezechilibrul initial m_a va determina o desplasare mai mare a centrului de rotație față de centrul de greutate, iar relația între masa de echilibrare m_e și excentricitatea suplimentară este exprimată prin (2.18), conform [29] [30] [31] [32].

$$m_e = \frac{m_s \cdot (\varepsilon + d)}{r} \quad \dots (2.18)$$

Pentru analiza comportării oscilatorii a rotorului MI sub acțiunea dezechilibrului dinamic, se va alege modelul matematic al rotorului cilindric, cu masa concentrată în două rotoare-disc plasate la capetele rotorului cilindric real. Acest model convine practicii echilibrării dinamice deoarece ratoarele reale ale MI oferă posibilități de intervenție în două planuri.

Realizarea dezechilibrului mecanic se face încărcând cele două discuri ale modulului, considerate perfect echilibrate, cu masele suplimentare m_{s1} , m_{s2} , conform Fig.2.3. În plus, pentru realizarea echilibrului static, dispunerea maselor suplimentare trebuie să respecte condiția:

$$m_{sl} \cdot r_1 = m_{s2} \cdot r_2 \quad \dots (2.19)$$

unde: r_1, r_2 = distanțele de plasare ale maselor m_{sl}, m_{s2} .

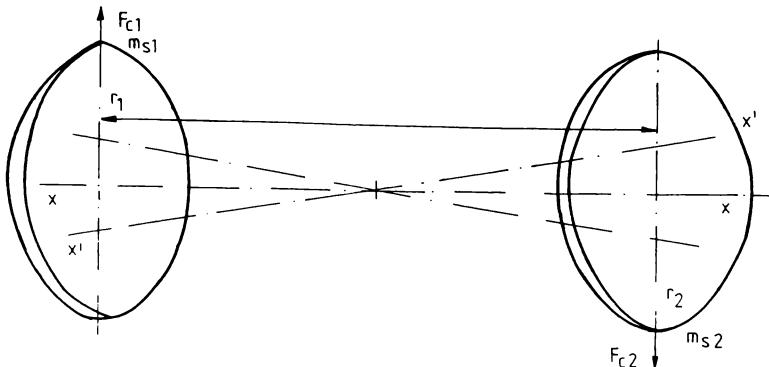


Fig.2.2. Modelul dezechilibrului dinamic

Sub acțiunea cuplului format de cele două forțe centrifuge datorate maselor suplimentare ($F_{cl} = m_{sl} \cdot r_1 \cdot \Omega^2; F_{c2} = m_{s2} \cdot r_2 \cdot \Omega^2$) rotorul nu se va mai rota în jurul axei X-X, ci în jurul axei X'-X', în ipoteza că lagările sunt libere. Axe X'-X' trece prin centrele de greutate ale celor două rotoare - disce, descriind două suprafete conice cu virfurile în centrul de greutate al sistemului și formând unghiul solid cu axa X-X. Recareea la acest tip de dezechilibru, centrul de greutate al ansamblului se află chiar pe axa de rotație, nu poate fi pusă în evidență starea de dezechilibru decât prin retragerea ansamblului, de unde și denumirea de dezechilibru dinamic.

Ecuatia diferențială a miscării sistemului sub acțiunea cuplului descris anterior este:

$$J_v \cdot \frac{d^2\alpha}{dt^2} + B \cdot \frac{d\alpha}{dt} + 2 k \cdot c^2 \cdot \alpha = m_s \cdot r \cdot \Omega^2 \cdot b \cdot \cos \Omega \cdot t \quad \dots (2.20)$$

unde s-au notat:

J_v - momentul de inertie al rotorului față de axa verticală;

α - unghiul între axa de rotație și cea de inertie;

k - const. elastică a lagărelor de sprijin, elastice;

$R \cdot \frac{d}{dt}$ - cuplul corespunzător forței de frecare cu aerul, la deplasări mici;

$2 k \cdot c^2 \cdot \alpha$ - cuplul rezistent datorat lagărelor elastice;

$m_s \cdot r \cdot \Omega^2 \cdot t \cdot \cos \Omega \cdot t$ - cuplul componentei orizontale a forței centrifuge.

Solutia generală a ecuației diferențiale (2.20) este:

$$\alpha = k \cdot c \cdot \cos(\Omega \cdot t - \Psi) \quad \dots (2.21)$$

unde k și Ψ se determină astfel să satisfacă (2.20).

În mod similar cazului de la dezechilibru static, rezultă:

$$\text{în } \Psi = \frac{R \cdot \Omega}{2 k \cdot c + J_v \cdot \Omega^2} \quad \dots (2.22)$$

$$\Omega_d = \sqrt{\frac{2 k \cdot c}{J_v}} \quad \dots (2.23)$$

$$n_d = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{2 k \cdot c}{J_v}} \quad \dots (2.24)$$

unde n_d este turata de rezonanță dinamică a sistemului rotor-suporturi elastice.

Unghiul Ψ reprezintă defazajul între vectorul forței centrifuge F_c și vectorul vibrației maxime $\vec{\psi}$.

2.2 MODELUL MATEMATIC AL MASINII DE ECHILIBRAT DINAMIC

Monografii și studiile dedicate mașinilor de echilibrat [28] [29] [30] [31] [32] oferă mai multe modele teoretice pentru analizarea performanțelor acestor echipamente. Modelul matematic care a fost ales are avantajul de a sugera o serie de măsuri care trebuie să fie luate pentru particularizarea mașinii de echilibrat de uz general la cazul concret al rotoarelor MI de putere mică și medie, realizate în serii mari, cu productivitate ridicată.

Modelul matematic prezintă următoarele particularități:

- se consideră influența masei arborelui de antrenare;
- se consideră influența cuplajelor mecanice rotor-arbore antrenare;
- se neglijă forțele de fricare cu mediul și cele din amortizare;
- se consideră mișcarea rotorului doar în plan orizontal.

În fig.2.7 se prezintă schema cinematică unei mașini de echilibrat considerând un rotor cilindric perfect echilibrat căreia îi se adaugă masa suplimentară m_s .

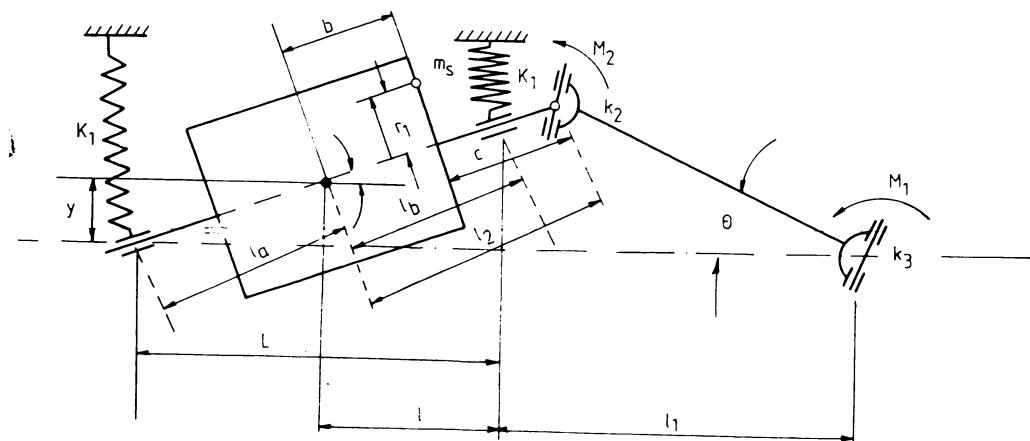


Fig.2.7. Schema cinematică a unei mașini de echilibrat

În fig.2.7 se introduc următoarele notări:

m = masa rotorului

m_2 = masa arborelui de antrenare

m_3 = masa arborelui redusă la rotor

$$m_3 = \frac{m_2 \cdot l_2^2 + J_{z1}}{l_1^2}$$

J_z = momentul de inertie al rotorului în raport cu axa ce trece prin centrul său de greutate

J_{z1} = momentul de inerție al arborelui de antrenare în raport cu axa ce trece prin centrul de greutate

y = deplasarea centrului de greutate al rotorului

Ψ = unghiul de rotire al rotorului în plan orizontal

k_1 = rigiditatea reazămelor în plan orizontal

k_2 = rigiditatea cuplajului exterior

k_3 = rigiditatea cuplajului arborelui

M_1 = momentul inițial al cuplajului exterior

M_2 = momentul inițial al cuplajului arborelui

Ω = viteza unghiulară a sistemului

$m_{sr} \cdot g \cdot r_1$ = mărimea dezechilibrului rotoric

$m_{sa} \cdot g \cdot r_2$ = mărimea dezechilibrului arborelui

b = distanța de la planul de echilibrare la centrul de greutate

l_1 = lungimea arborelui

l_2 = distanța de la cuplajul exterior la centrul de greutate al rotorului

c = distanța de la planul de echilibrare al arborelui la cuplajul acestuia

l_3 = distanța de la centrul de greutate al arborelui la cuplajul acestuia

l_a, l_b = distanțele de la reazămeli rotorului la centrul său de greutate

L = distanța dintre reazămeli rotorului

$$k_a = (k_1 + k_3) / l_1^2$$

$$D = (M_1 + M_2) / l_1$$

Coordonatele care determină poziția rotorului se consideră: deplasarea centrului său de greutate (v) și unghiul de rotoare al rotorului în plan orizontal (Ψ). Această fixare de coordonate arată că se va considera situația reală, respectiv acțiunea unui dezechilibru mixt asupra rotorului.

Ecuatiile tip Lagrange care descriu comportarea ansamblului considerat pentru cele două coordonate alese sunt:

$$(M+m_3) \frac{d^2v}{dt^2} + m_3 \cdot l \frac{d^2\Psi}{dt^2} + (2 k_1 + K_q) v + (r_2/l_1 + k_q \cdot l) \cdot \Psi = \\ = (m_{sp} \cdot r_1 + m_{sq} \cdot r_2 \cdot c / l) \cdot \Omega^2 \cdot \cos \Omega t + P \cdot \cos \Omega t \quad \dots (2.25)$$

$$m_3 \frac{d^2v}{dt^2} - (r_z \cdot r_z \cdot l^2) \frac{d^2\Psi}{dt^2} + (k_2/l_1 + k_q l) \cdot v + [(k_1 \cdot l^2 + \\ + k_2 (l + 2 l/l_1) + k_q \cdot l^2) \cdot \Psi = (m_{sp} \cdot l_1 \cdot b + m_{sq} \cdot r_2 \cdot l \cdot c/l_1) \cdot \\ \cdot \Omega^2 \cdot \cos \Omega t + (F \cdot l + v_1) \cdot \cos \Omega t \quad \dots (2.26)$$

Soluțiile generale ale ec.(2.25) (2.26) sunt de forma:

$$v = V_0 \cdot \cos \Omega t \quad \dots (2.27)$$

$$\Psi = \Psi_0 \cdot \cos \Omega t$$

Neglijind termenii care contin pătratele rapoartelor dintre frecvența proprie a rotorului și frecvența oscilațiilor forțate, soluțiile (2.27) devin:

$$\begin{aligned} \Psi_0 = & - [m_{sr} \cdot r_1 + m_{sa} \cdot c / l_1 \cdot r_2 + p / \Omega^2 - (m_{sr} \cdot r_1 \cdot b + m_{sa} \cdot r_2 \cdot l \cdot c / l_1 + \\ & + (p \cdot l + M_1 / \Omega^2) \cdot m_3 \cdot l / (J_z + m_3 \cdot l^2)) / (M + m_3 \cdot J_z) / (J_z + m_3 \cdot l^2)] \\ & \dots (2.28) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \Psi_0 = & - (m_{sr} \cdot r_1 \cdot b + m_{sa} \cdot r_2 \cdot l \cdot c / l_1 + (p \cdot l + M_1) / \Omega^2 - (m_{sr} \cdot r_1 + m_{sa} \cdot r_2 \cdot \\ & \cdot c / l_1 + p / \Omega^2) \cdot m_3 \cdot l / (m_1 + m_3)) / (J_z + m_3 \cdot l^2 \cdot M / (M + m_3)) \\ & \dots (2.29) \end{aligned}$$

Semnul minus din expresiile (2.28) (2.29) este prezent deoarece sensul oscilațiilor este opus sensului forțelor care le determină. În condițiile de definire ale modelului matematic propus, soluțiile obținute permit următoarele observații:

- amplitudinea oscilațiilor centrului de greutate al rotorului precum și amplitudinea oscilațiilor sale unghiulare în plan orizontal, depind de minimile dacă echilibru lui motorului și arborelui de antrenare;
- elementele elastice ale couplajelor au deformări invers proporționale cu viteza de rotație, fapt care din punct de vedere practic înseamnă că un capăt echilibrat la o anumită turatie este dacă echilibrat la o turatie diferită, perturbând rezultatele măsurătorilor.
- prin neglijarea momentelor initiale din cuplajele M_1, M_2 amplitudinea oscilațiilor nu depinde practic de turatie.

Presupunând arborele de antrenare perfect echilibrat se obțin relațiile:

$$\begin{aligned} \Psi_0 = & - (m_{sr} \cdot r_1 \cdot (l - b \cdot m_3 \cdot l / (J_z + m_3 \cdot l^2)) / (M + \\ & + m_3 \cdot J_z) / (J_z + m_3 \cdot l^2)) \\ & \dots (2.30) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \Psi_0 = & - (m_{sr} \cdot r_1 \cdot (b - m_3 \cdot l / (M + m_3)) / (J_z + \\ & + m_3 \cdot l^2 \cdot M / (M + m_3))) \\ & \dots (2.31) \end{aligned}$$

Din expresiile (2.30) (2.31) se observă un alt factor important care influențează calitatea mașinilor de echilibrat: amplitudinile γ_0 , Ψ_0 depind de masa arborelui de antrenare, care introduce un factor de atenuare a sensibilității mașinilor.

Dacă masa arborelui de antrenare este neglijabilă sau lipsește (cazul mașinilor de echilibrat cu antrenare prin curea), ecuațiile (2.30) (2.31) devin:

$$\gamma_0 = - (m_{sr} \cdot r_1) / M \quad \dots (2.32)$$

$$\Psi_0 = - (m_{sr} \cdot r_1 \cdot b) / J_z \quad \dots (2.33)$$

Cunoscând valoările amplitudinilor γ_0 , Ψ_0 se pot determina amplitudinile oscilațiilor rezăamelor A_1 , A_2 , prin relațiiile:

$$A_1 = - m_{sr} \cdot r_1 (1/M - (b \cdot l_a) / J_z) \quad \dots (2.34)$$

$$A_2 = - m_{sr} \cdot r_1 (1/M + (b \cdot l_b) / J_z) \quad \dots (2.35)$$

Formulele (2.34)(2.35) sunt utilizate la estimarea sensibilității structurii mecanice a mașinilor de echilibrat.

Definind factorul de calitate Q al mașinii de echilibrat prin 30° :

$$Q = (\sqrt{m \cdot k}) / \eta \quad \dots (2.36)$$

unde: m - mărimea masei care ia parte la oscilație

η - coef. de rezistență al sistemului

k - rigiditatea sistemului

În funcție de Q , se prezintă în fig. 2.4 și 2.5 caracteristicile de frecvență ale amplitudinii și fazelor oscilațiilor forțate, conform [29] [30].

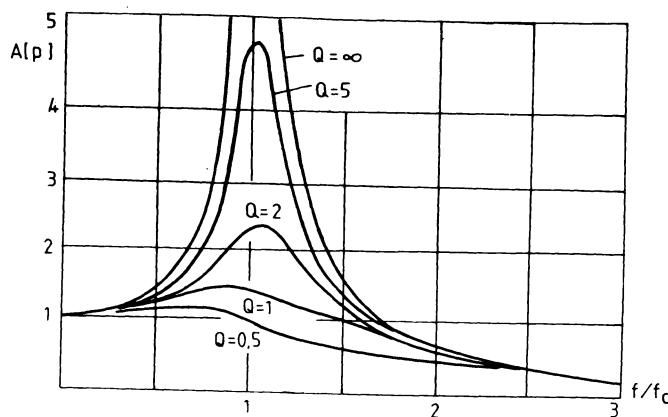


Fig.2.4. Variatia amplitudinii A

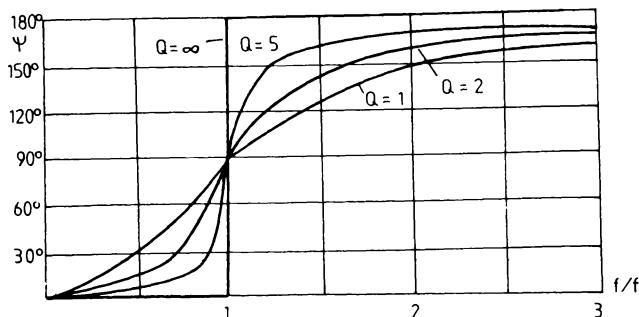


Fig.2.5. Variatia unghiului Ψ .

2.3. REALIZARI SI TENDINTE ACTUALE IN DOMENIUL MASINILOR DE ECHILIBRAT DINAMIC (MED). CLASIFICARI

In prezent există o mare varietate de mașini de echilibrat dinamic (MED) determinată de două tendințe principale:

- impunerea unor performanțe de echilibrare superioare;
- utilizarea unor metode, principii și echipamente din alte domenii de prelucrare a semnalelor și informației, cu dinamică a dezvoltării deosebită în ultimii 10 - 15 ani.

Monografiile amintite [29] ... [32], tratează clasificarea MED doar după condițiile în care se realizează măsurarea dezechilibrului. În funcție de Ω (viteză unghiulară de antrenare), m (masa rotorului și a lagărelor) și k (coeficientul de elasticitate al lagărelor) și notind cu Ω_0 - pulsăția corespunzătoare frecvenței proprii minime:

$$\Omega_0 = \sqrt{k/m} \quad \dots (2.25)$$

Cele trei condiții tratabile teoretic sunt:

- rotorul este antrenat la turăție critică $\Omega = \Omega_0$. Este un regim impropriu pentru echilibrare, deoarece apar oscilații periculoase ale sistemului mecanic rotor - lagăre - trăductori, forțele dezechilibrante fiind compensate doar de forțele de frecare. Direcția deplasării lagărelor este defazată cu 90° față de direcția dezechilibrului real, iar stabilitatea sistemului este prea redusă pentru a putea fi folosit acest regim la măsurători.

- rotorul este antrenat cu $\Omega > \Omega_0$. Regimul se numește supracritic, forțele elastice și cele de frecare sunt neglijabile. Din această cauză lagărele pot fi considerate libere, termenul tehnic consacrat fiind "lagăre moi". Oscilațiile sunt proporționale cu dezechilibrele, între ele fiind un defazaj de 180° . Sistemul se comportă stabil permitând efectuarea măsurătorilor.

- rotorul este antrenat cu $\Omega < \Omega_0$. Regimul se numește subcritic. Dezechilibrul este compensat de forțele elastice, lagărele fiind considerate "rigide". Din această cauză, chiar la dezechilibre importante oscilațiile lagărelor sunt mici. Deplasarea

lagărelor este în fază cu dezechilibrul rotorului, iar stabilitatea sistemului permite efectuarea măsurătorilor.

Corespunzător analizei enunțate, se definesc două clase de MED:

- bazate pe măsurarea amplitudinilor oscilațiilor (mașini cu lagăre moi sau elastice);
- bazate pe măsurarea forțelor (mașini cu lagăre rigide).

Clasificarea prezentată, deși acoperă teoretic întreaga gamă a MED produse, nu oferă criterii practice de sistematizare a diversității de soluții propuse, tocmai din cauza unei prea mari generalizări de influență teoretică. În practica echilibrării, este important ca tipul de echipament comandat să se suprapună cît mai bine peste cerințele pieselor de echilibrat, dar și peste posibilitățile tehnologice, de personal, de întreținere, de montaj etc.

Pentru a putea folosi un ghid de orientare în oferta de MED se propune următoarea clasificare, realizată în urma sistematizării diferitelor tipuri și variante constructive ale marilor firme producătoare (Schenk, Hofmann, Brüel & Kierl):

a) Modul de măsurare al dezechilibrelor:

- cu măsurarea amplitudinii (MED cu lagăre moi)
- cu măsurarea forței dezechilibrului (MED cu lagăre tari, rigide)

b) Principiul de măsurare utilizat:

- filtrare
- redresare comandată
- wattmetric (realizat electromagnetic sau electronic)

c) Natura semnalelor prelucrate:

- analogice
- numerice
- mixte

d) Modul de afișare al rezultatelor:

- global (vectorial)
 - optic
 - cinescopic
- pe baza componentelor mărimilor vectoriale
 - analog
 - numeric
- afișare separată a amplitudinii și defazajului
 - analog

- numeric

- stroboscopic
- marcarea prin scîntei sau impuls laser
- utilizînd un periferic de calculator

e) Unitătile de măsură a rezultatelor afisate:

- microni
- unități relative
- unități fizice tehnologice

f) Modul de realizare al compensării:

- folosind rotor etalon
- fără rotor etalon - cu comparator electronic
 - în funcție de datele geometrice ale rotorului

g) Metode de antrenare a rotorului:

- prin cuplaje mecanice
- prin curea
- prin role tangențiale
- prin metode speciale (cuplaje inductive)

h) Setul de operații efectuate:

- măsurarea dezechilibrului la nivel de amplitudine și fază
- efectuarea automată a operației de echilibrare propriu-zise
 - prin prelucrări mecanice uzuale (găuri, frezare, decupare de material)
 - prin prelucrări speciale (scîntei electrice, impulsuri laser)
 - prin adăugare de material
- cu automatizări parțiale

i) Mobilitatea echipamentului de echilibrare:

- mașini fixe - necesită demontarea rotorului de echilibrat
- mașini mobile - nu necesită demontarea utilajului ce se echilibrează

j) Natura pieselor ce se echilibrează:

- mașini standard universale
- mașini automate (pentru linii de producție de mare productivitate)
- mașini de înaltă sensibilitate
- mașini speciale:

- de foarte mare viteză (20000 + 30000 rot/min)
- cu echilibrare în vid (turbine, palete de ventilator)
- roți auto
- pentru piese de masă foarte mică (giroscopii)
- pentru turări reduse (qvazistatic - la sateliți)
- pentru piese de masă foarte mare (10 t - 50 t) •
- pentru arbori cotiți (echilibrări în mai multe plane)

k) Numărul planurilor de echilibrare

- un plan
- două plane (cele mai multe)
- mai multe plane

l) Modul de montare al rotoarelor

- orizontal
- vertical

m) Tratarea ulterioară a datelor măsurate:

- corecția efectelor de neliniaritate și uzură
- corecția uzurii sculei în cazul prelucrării automate
- realizarea de măsurători statice pentru îmbunătățirea performanțelor fluxului tehnologic
- eliberarea automată a certificatelor de calitate.

Această clasificare permite caracterizarea globală a unei MED și în același timp oferă sinteza principalelor direcții care au stat la baza modernizării MED. Pe baza ei se poate începe studiul de proiectare al unei structuri de MED dedicată unei aplicații anume, așa cum este și cazul rotoarelor MI de putere mică și medie.

In România, la nivelul anului 1990, se produce o gamă de MED universale și speciale care urmărește satisfaceerea principalelor cerințe ale industriei constructoare de mașini. Cele trei serii principale de mașini produse (MEE, MEC, C2) alături de tipurile MESM, MEV-10, MERA 2, MEDRA 2 se clasifică după criteriile enunțate în:

- mașini cu lagăre elastice - MEC 1, MEC 10, MEC 100, MEE 10, MEV 10, MEE 100, MEE 300
- mașini cu lagăre solide - MEE 1000, MEC 1000, MEC 2000

- mașini cu antrenare prin cuplaj mecanic - seria MEE
- mașini cu antrenare prin curea - seria MEC
- indicare stroboscopică - aplicabilă oricărui serii MEE sau MEC
- memorarea și afișarea digitală - seriile MEE-D și MEC-D
- memorarea și afișarea vectorială (pe ecrane cinescop) seria C2 - aplicată atât la antrenarea prin curea cât și prin cuplă
- după masa rotoarelor echilibrate

MEC 1	- mase între	100 g - 1000 g
MEC 10	- " "	1 kg - 10 kg
MEC-100, MEE-1000	- " "	10 kg - 100 kg
MEE 300	- " "	30 kg - 300 kg
MEC-1000, MEE-1000	- " "	100 kg - 1000 kg
MEC 2000	- " "	1000 kg-2000kg

- sensibilitatea cuprinsă între $1 \mu\text{m}$ și $3 \mu\text{m}$ pentru MED generale.

In tab.2.1 sunt prezentate principalele date ale mașinilor de echilibrat produse la Electromotor - Timișoara.

MAȘINI ELECTRONICE DE ECHILIBRAT, TIP ME

Mașinile electronice de echilibrat sunt destinate echilibrării în două plane a rotoarelor rigide în următoarele condiții:

	MEC 10	MEC 100	MEE 160	MEE 300	MESM 100 D	MEE 1 000 D
greutatea rotoarelor	1 - 10 kg	10 - $100 \frac{\text{kg}}{\text{min}}$	10 - 160 kg	30 - 300 kg	10 - 100 kg	300 - 1 000 kg
diametrul rotoarelor	50 - 140 mm	55 - 230 mm	70 - 1 000 mm	70 - 1 000 mm	110 - 300 mm	max. 1 250 mm
diametrul fuselor de rezem	15 - 30 mm	20 - 70 mm	40 - 120 mm	20 - 70 mm	- 110 mm	70 - 140 mm
distanța dintre fusurile de rezem	150 - 100 mm	200 - 700 mm	100 - 100 mm	200 - 2 360 mm	260 - 750 mm	max. 1 100 mm
turația de echilibrare în regim supraccritic	max. $3 500 \text{min}^{-1}$	$1 000 - 2 000 \text{min}^{-1}$	935 min^{-1}	935 min^{-1}	720 min^{-1}	$130 \text{ și } 670 \text{ min}^{-1}$
sensibilitatea mașinii unde :	$1 \mu\text{m}$ $1 \mu\text{m}$	$1 \mu\text{m}$ $1 \text{g } 1 \text{ mm}$	$1 \mu\text{m}$	$1,5 \mu\text{m}$	$10 \mu\text{m}$	$3 \mu\text{m}$

In fig. 2.7 sunt prezentate imaginile generale ale celor mai uzuale tipuri de MED , pentru mase de 10 kg și 100 kg.

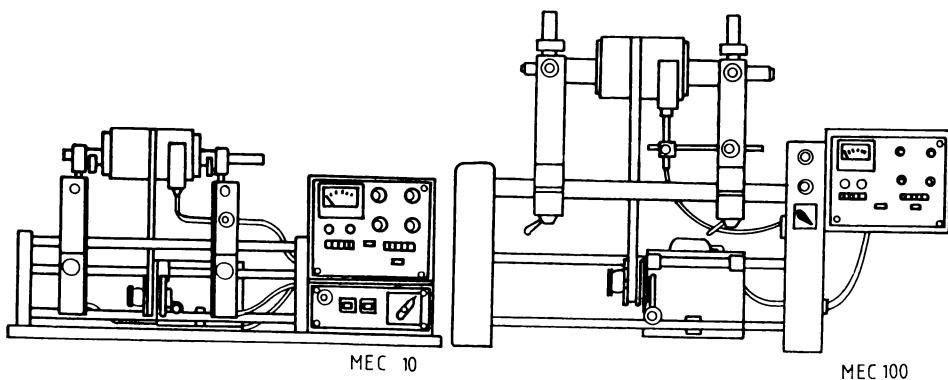


Fig.2.7. Prezentarea MED tip MEC-10 și MEC-100

In fig. 2.8 sunt prezentate tipurile de MED mai speciale din realizarea Electromotor, MEE 1000 D, respectiv MESM 100 D (pentru arbori cotiți).

Măginile de echilibrat speciale produse la Electromotor sunt:

- MESM-100 D - pentru echilibrarea arborilor cotiți cu mase între 10 kg și 100 kg;
- MEV - 10 - pentru echilibrarea rotoarelor tip disc cu acționare în plan vertical și mase între 1 kg și 10 kg;
- MERA 2 - pentru echilibrarea roților auto. (cu demonșarea acestora)
- MEDRA 2 - pentru echilibrarea roților auto (fără demontare).

La realizarea acestor MED s-au folosit o serie de brevete care conțin soluții originale în rezolvarea problemelor tehnice ridicate de echilibrarea rotoarelor. Cele mai multe, după cum se poate urmări în [33] [34] [35] [36] [37] [38] [39] [40] oferă soluții analogice. Este important de subliniat acest lucru, deoarece, în cazul rotoarelor MI de putere mică și medie se va propune o soluție numerică și, prin analiza brevetelor prezente, se pot înțelege mai bine avantajele acestei variante. Atât

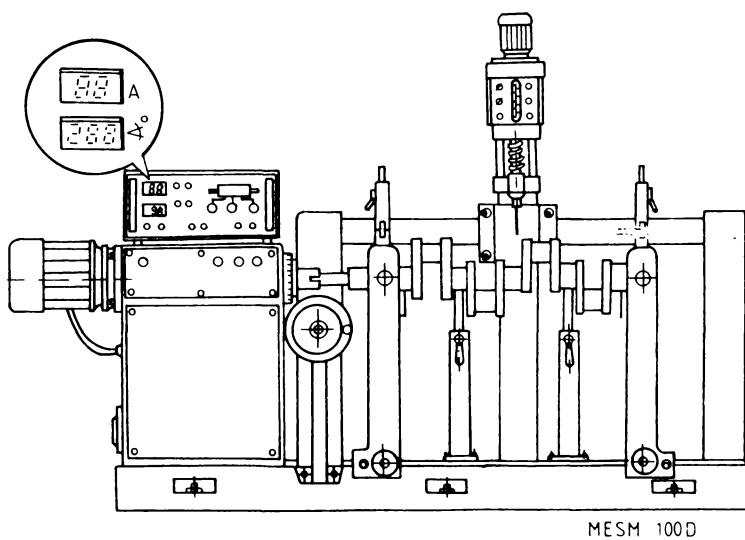
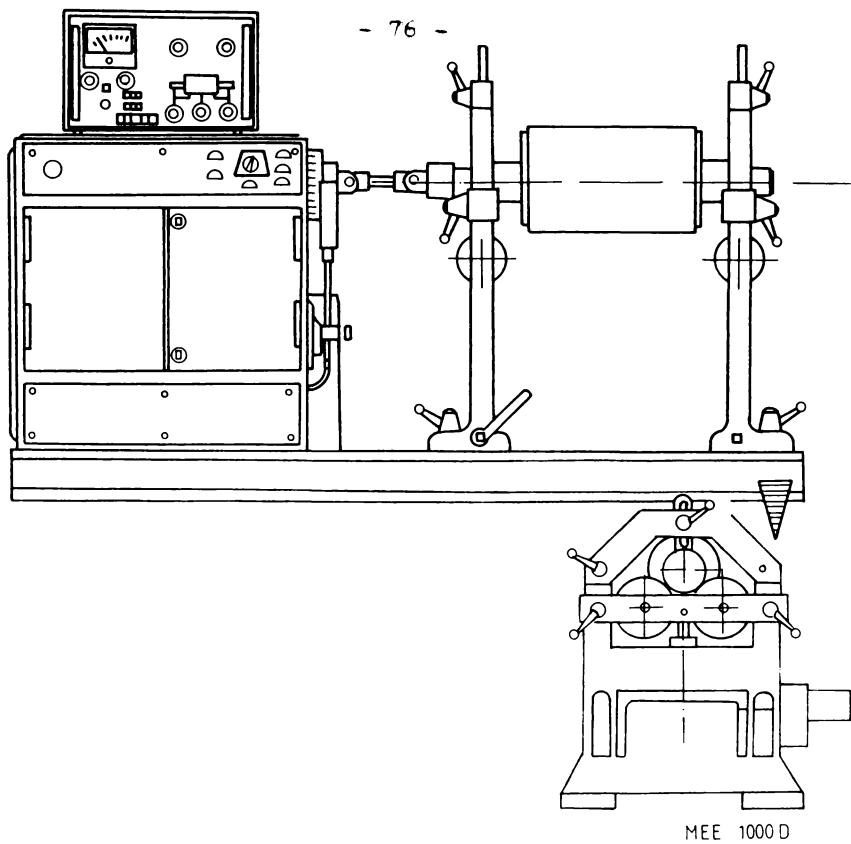


Fig.2.8. Prezentarea MED de tip MEE-1000 D și MESM-100 D

pentru a oferi posibilitatea comparării celor două tipuri de soluții, cît și pentru faptul că reprezintă una din cele mai valoroase brevete românești în domeniul MED se va prezenta o soluție originală, care reușește să rezume și principiile metodei analitice:

A) Brevet nr. 91455 / 6.02.1986. "Mașină de echilibrat cu cinescop".

Datorită usurinței în interpretarea datelor de către operator, de multe ori se preferă soluția de afișare analogică în coordonate polare. Varianta analogică cea mai folosită este cea wattmetrică, utilizând căte un wattmetru cu oglindă pentru fiecare plan de măsură (uzual două planuri). Spoturile reflectate de oglinzole dispozitivelor wattmetrice sunt compuse într-un dispozitiv optic pentru a se obține și fază dezechilibrului. Deși precizia măsurătorilor cu aceste dispozitive optice este deosebit de bună, metoda are două mari deficiente:

- costul ridicat al echipamentului;
- rezistența scăzută la șocuri și vibrații.

Soluția brevetului, prezentată în fig.2.9., propune o mașină de echilibrat cu cinescop, unde trecerea de la coordonate carteziene la coordonate polare se face exclusiv prin mijloace electronice, eliminând și componentele de armonică a două.

In fig.2.9 sunt cuprinse:

- poz. a - blocul de vizualizare pe cinescop a parametrilor dezechilibrului (A, φ) în coordonate polare, pentru un plan de echilibrare.

- poz. b - schema unei mașini de echilibrat cu afișarea simultană a dezechilibrului, pe ambele planuri de echilibrare.

In fig.2.9.-a , bobina de deflexie pe orizontală (1) este conectată la ieșirea sumatorului (2), iar bobina de deflecție pe verticală (3) conectată la sumatorul (4). La intrarea sumatoarelor (2), (4) se aplică semnalele $A \sin \varphi$, respectiv $A \cos \varphi$, care exprimă dezechilibrul, respectiv semnalele $r \cdot \sin \Omega_0 \cdot t$ și $r \cdot \cos \Omega_0 \cdot t$ de la generatorul sinusoidal (5), care formează spotul luminos circular. Se mai aplică sumatoarelor de la blocul de corecție (6) semnalele u_1 și u_2 , care permit aducerea spotului în originea axelor trăsate pe ecran, dacă, prin derivă termică sau prin îmbătinirea componentelor,

el nu mai revine la zero. Blocul de corecție (6) permite etalonarea MED.

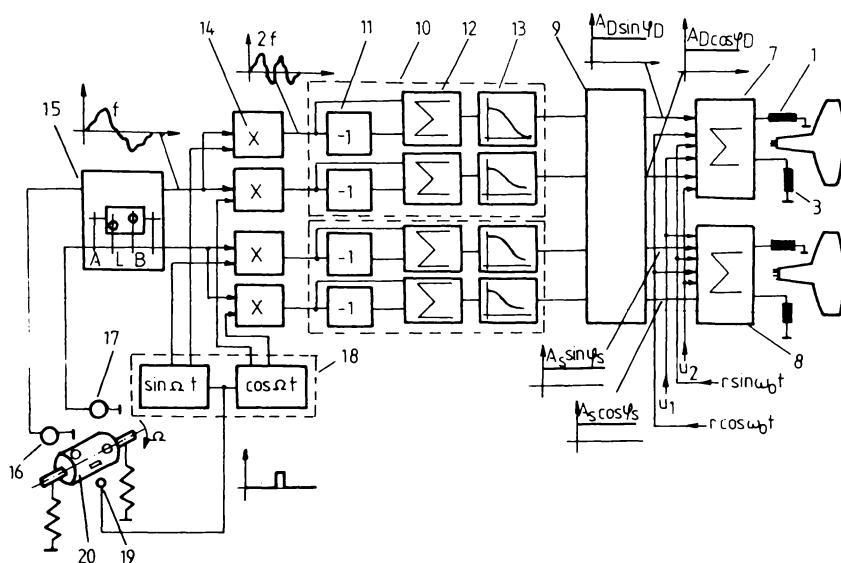
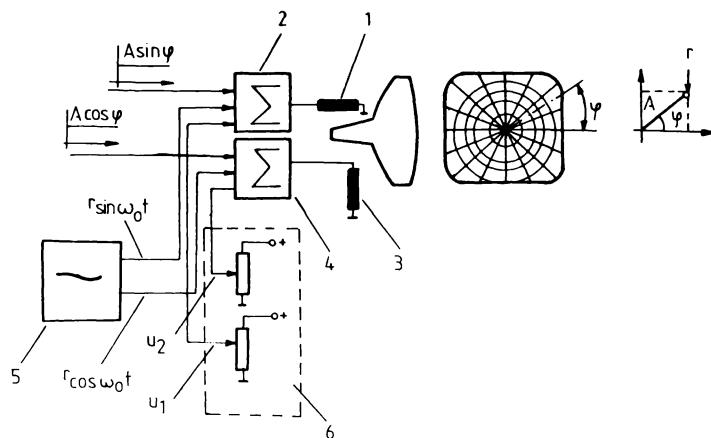


Fig.2.9. Schema brevetului 91455/6.02.1986.

In schema 2.9.b, cu indicii D, S s-au notat elementele corespunzătoare planurilor de echilibrare drept, sting. Apare blocul de memorare (9) care conține și un atenuator, capabil să reducă simultan semnalele pe orizontală și verticală, păstrând constant raportul lor. Memorarea mărimilor $A \sin \varphi$, $A \cos \varphi$ se face prin încărcarea unor condensatoare, plasate la intrarea unor circuite cu impedanță de intrare mare (MOSFET). Blocul de integrare (10), care anulează armonica două, este compus dintr-un invertor (11), un sumator (12) și un filtru trece-jos (13). La intrarea multiplicatorului (14), care precede blocul de integrare (15), se aplică semnalele provenite de la calculatorul analogic (15), care realizează operația de compensare a planurilor. In figură s-au mai notat:

- 16, 17 - traductoare de vibrații
- 18 - generator sinusoidal sincron
- 19 - traductor optic
- 20 - rotor

Analiza brevetelor și a ofertei de MED pe plan mondial, conduce la sistematizarea unor tendințe apărute după 1970: [41] [42] [43] [44] [45] [46] [47] [48] :

- dezvoltarea cu precădere a MED cu lagăre rigide;
- imagini de echilibrat cu acord automat;
- MED având structuri mecanice și traductoare de vibrații diferite de cele standard;
- MED asistate de calculator numeric.

Interesul manifestat pentru MED cu lagăre rigide provine din faptul că deplasarea oscilantă a rotorului fiind nulă, valurile măsurate depind de datele geometrice ale rotorului. În plus, execuția MED este mai simplă în comparație cu soluția care are lagărele elastice.

Se va prezenta brevetul S.U.A. nr. 4250550 "Self - Calibrating Data Collection System for Dynamic Whell Balancing Machine" autori R.Michell, M.Hayt, H.Nelson, care combină problemele de acord automat cu cele de utilizare a sistemelor numerice de calcul.

Invenția conține un sistem de achiziție de date autocalibrat dedicat mașinilor de echilibrat cu lagăre rigide. Circuitele de intrare ale MED, includ filtre ale căror componente R, C

pot să-si modifice parametrii, în funcție de temperatură, vîrstă, frecvență de intrare și să perturbe astfel rezultatele. Eliminarea acestui dezavantaj prin utilizarea filtrelor active este amendată de prețul ridicat al componentelor de acordare și de păstrarea necesității unor periodice recalibrări.

Soluția brevetului porneste de la observația prezentată în fig.2.10., privind caracteristica de frecvență a ansamblului filtru-amplificator care se consideră având o frecvență centrală f_c și sub acțiunea modificărilor elementelor de circuit se obține o nouă caracteristică cu frecvență centrală f'_c .

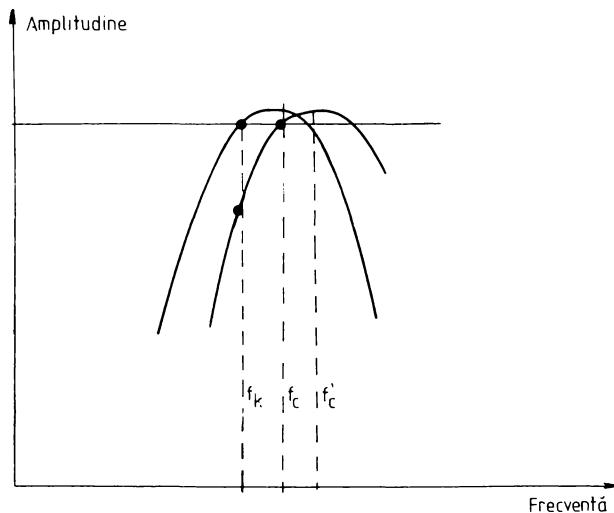


Fig.2.10. Caracteristici de frecvență pentru etajul filtru - amplificator.

Considerind o frecvență exterioară impusă de turăția rotorului, f_k , se observă modificări sensibile ale semnalelor obținute.

Brevetul propune prin schema din fig.2.11., ca un semnal de frecvență cunoscută (egală cu a rotorului de echilibrat) și de amplitudine predeterminată, să alimenteze într-o primă etapă, iar semnalul de ieșire obținut este comparat cu ieșirea așteptată, ale cărei date sunt conținute în circuitele de memorare. În urma

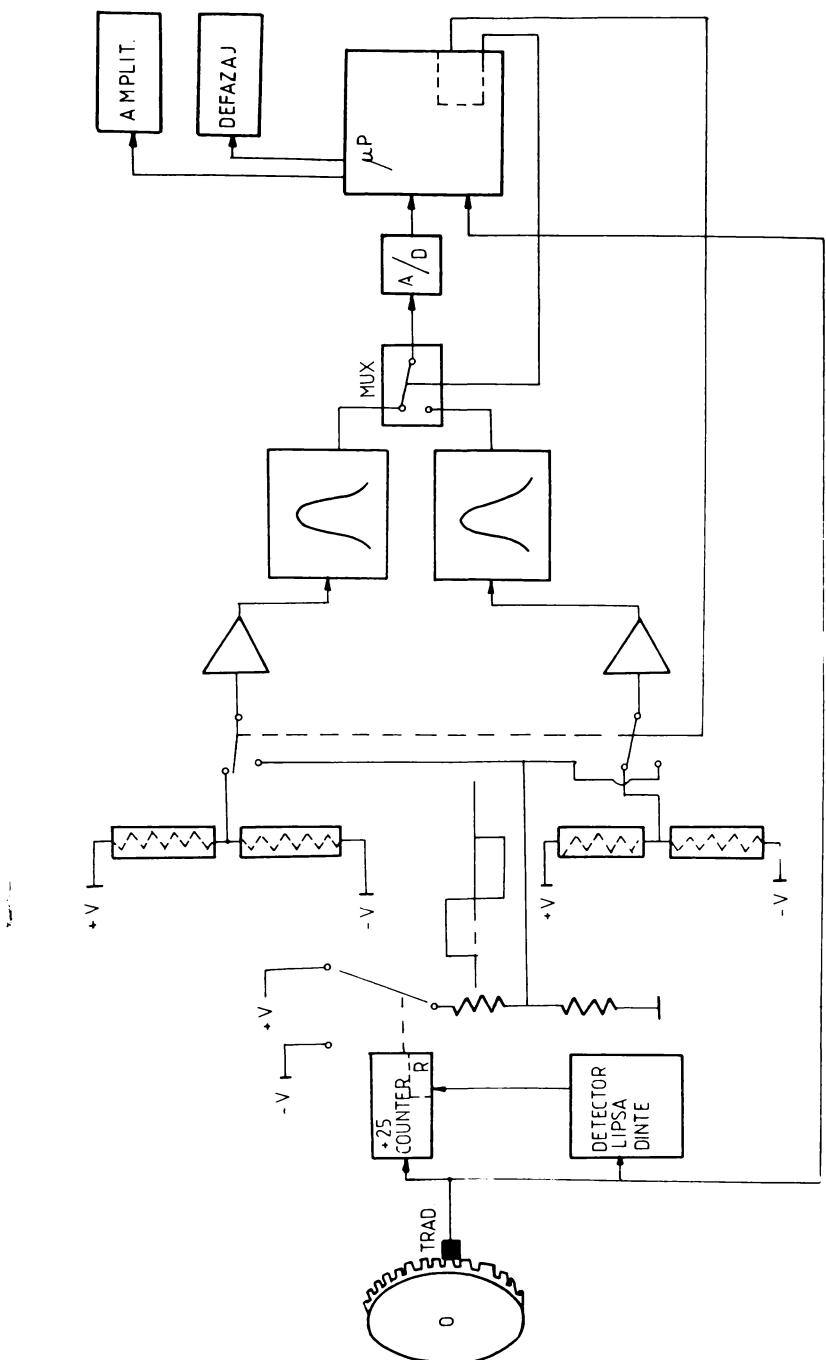


Fig.2.11. Soluția propusă de brevetul SUA nr.4250550.

acestei comparații se determină gradul modificărilor care s-au petrecut în sistem. Această informație este utilizată pentru a determina "factorul de corecție" cu care sunt corectate caracteristicile de fază și frecvență ale semnalelor de traductor aplicate la intrarea sistemului. Cunoscând factorul de corecție, devine posibil ca toate semnalele necunoscute transmise pe această cale de circuit să fie corectate și, prin acest procedeu, semnalul de ieșire este obținut cu acuratețea dorită.

Tendința cea mai răspândită este utilizarea calculatoarelor numerice la echiparea MED. Pornind de la variante simple, utilizarea calculatoarelor la separarea planurilor de măsură și echilibrare, până la variante mai complexe, corespunzătoare mașinilor automate, cu controlul uzurii sculelor de prelucrare.

Astfel, brevetele japoneze cl.7A A29 nr.51-47915 și nr. 46-35513 prevăd că mașina să posede un transformator diferențial care sesizează deplasarea saniei de prelucrare. Semnalele de corecție se aplică unui convertor analog-numeric care comandă motoarele pas cu pas ce deplasază scula. Datele sunt introduse concomitent în memorie, astfel, la fiecare ciclu activ se efectueză un ciclu de corecție a datelor, prin deplasarea saniei pînă când scula atinge suprafața rotorului, fiind ce permite evitarea erorilor posibile datorate uzurii sculei de prelucrare.

Deoarece relația dintre mărimea dezechilibrului și adâncimea de găurieste nelineară (rezentată de unele firme sub forma unor nomograme, funcție de materialul rotorului, geometria sa, diametrul burghiului și adâncimea găurii) pentru mărirea productivității sunt necesare dispozitive de calcul care să realizeze aceste corelări nelineare. Un astfel de sistem este cuprins în brevetul german înregistrat de firma "Carl Schenk AG" (brevet RFG cl.G 01 M1/30 nr.1965090).

Cele mai uzuale programe sunt cele de transpunere a datelor din planurile de măsură în cele de echilibrare. Un astfel de program, realizat de firma "Brüel & Kjaer", este cel prezentat în continuare, cu observația că rularea să durează 3,83 sec..

Acest timp de rulare oferă o posibilitate de comparare cu performanțele metodei propuse în continuare în capitolul 3 și în capitolul 4, pentru echiparea unei MED dedicate rotoarelor MI, realizate în producție pe scară largă.

```
10 DIM C(2,2), D(2,2), E(2,2), F(2,2), G(2,2), H(2,2),
   I(2,2), J(2,2)

12 DIM K(2,2), L(2,2), M(2,2), N(2,2), O(2,2), P(2,2),
   Q(2,2), R(2,2)

14 DIM S(2,2), T(2,2), U(2,2), V(2,2), X(2,2)

20 FOR Y = 1 TO 6

30 READ A(Y), B(Y)

40 NEXT Y

50 LET C(1,1) = A(1) COS(B(1)/57)
60 LET C(1,2) = A(1) SIN(B(1)/57)
62 LET C(2,1) = C(1,2)
65 LET C(2,2) = C(1,1)

70 LET D(1,1) = A(2) COS(B(2)/57)
75 LET D(1,2) = A(2) SIN(B(2)/57)
80 LET D(2,1) = -D(1,2)
85 LET D(2,2) = D(1,1)

90 LET E(1,1) = A(3) COS(B(3)/57)
95 LET E(1,2) = A(3) SIN(B(3)/57)

100 LET E(2,1) = -E(1,2)
105 LET E(2,2) = E(1,1)

110 LET F(1,1) = A(4) COS(B(4)/57)
115 LET F(1,2) = A(4) SIN(B(4)/57)
120 LET F(2,1) = -F(1,2)
125 LET F(2,2) = F(1,1)

130 LET G(1,1) = A(5) COS(B(5)/57)
135 LET G(1,2) = A(5) SIN(B(5)/57)
140 LET G(2,1) = -G(1,2)
145 LET G(2,2) = G(1,1)

150 LET H(1,1) = A(6) COS(B(6)/57)
155 LET H(1,2) = A(6) SIN(B(6)/57)
```

```
160 LET H(2,1) = -H(1,2)
165 LET H(2,2) = H(1,1)
200 MAT I = E - C
205 MAT J = F - D
210 MAT K = G - C
215 MAT L = F - D
220 MAT M = H - D
225 MAT N = E - C
230 MAT O = D   I
235 MAT P = C   J
240 MAT Q = K   L
245 MAT R = M   N
250 MAT S = O - P
255 MAT T = Q - R
260 MAT U = INV(T)
265 MAT V = S   U
270 MAT I = C   M
275 MAT J = D   K
280 MAT K = I - J
285 MAT X = K   U
290 LET Y1 = SQR(V(1,1)  2 + V(1,2)  2)
300 LET Y2 = SQR(X(1,1)  2 + X(1,2)  2)
310 IF V(1,1)  0 THEN 340
320 LET Y3 = 0
330 GO TO 350
340 LET Y3 = 180
350 IF X(1,1)  0 THEN 380
360 LET Y4 = 0
370 GO TO 390
380 LET Y4 = 180
```

```
390 LET Y5 = Y3 + ATN(V(1,2)/V(1,1)) 57
400 LET Y6 = Y4 + ATN(X(1,2)/X(1,1)) 57
410 PRINT "MODULUS AND ARGUMENT OF Q1:", Y2, Y6
420 PRINT "MODULUS AND ARGUMENT OF Q2:", Y1, Y5
500 DATA 170, 112, 53, 78, 235, 94, 58, 68, 185, 115, 77, 104
510 END
RUN
DYNBAL 10:09 KBH MA 01/06/70
MODULUS AND ARGUMENT OF Q1:  1.71758    236.077
MODULUS AND ARGUMENT OF Q2: .927035    121.92
USED      3.83 SEC.
```

CAPITOLUL III

3. MASINA DE ECHILIBRAT DINAMIC CU CALCULATOR NUMERIC PENTRU CELULE AUTOMATE DE ECHILIBRARE A ROTORELOR MASINILOR DE INDUCTIE DE PUTERE MICA SI MEDIE

Pentru echilibrarea rotoarelor MI de putere mica si medie, in cazul unei productii de serie foarte mare, se impun doua cerinte principale MED :

- precizia ridicata a operatiunii de echilibrare pentru a reusi incadrarea MI in limitele de vibratii admise;

- viteza sporita a echilibrarii pentru a realiza indicii de productivitate cerute de uzinarea unui produs in serie foarte mare.

Din conditia a doua rezulta necesitatea elaborarii unei structuri a MED capabila sa se intregeze intr-un flux automatizat de productie a masinilor electrice.

MED actuale realizeaza cea mai mare parte a prelucrarii semnalelor utilizand metode si echipamente analogice. Procesarea semnalelor de traductor cuprinde urmatoarele etape principale:

- obtinerea informatiei primare (amplitudinea si defazajul dezechilibrului), pentru cele doua planuri de echilibrare, din prelucrarea semnalelor provenite de la cei doi traductori plesati pe planele de masură;

- transpunerea datelor obtinute din planele de masură în planele de echilibrare, unde se actionează prin scoatere sau adaus de material (operatia este denumita tehnica separarea plane-

lor).

- operații de calibrare și corecție, în funcție de unitățile de măsură utilizate în fiecare caz (microni, grame, șaibe și greutăți etalon);

- afișarea rezultatelor pentru operator.

Acest flux informațional principal este realizat printr-o structură minimală a MED și în prezent este implementat la cea mai mare parte a MED prin metode și echipamente analogice. Mașinile performante, capabile să se integreze unui flux de producție de serie mare, oferă și alte facilități, care implică prelucrări suplimentare de informație:

- controlul acționării MED (strategii de pornire, viteze de lucru variabile, metode economice de frânare);

- automatizarea operațiilor de extragere sau adaus de material;

- facilitarea și automatizarea operațiilor de montare a rotoarelor pentru echilibrare;

- analiza statistică a parametrilor dezechilibrului inițial, pentru estimarea funcționării întregului proces de producere a rotoarelor și depistarea punctelor care reduc calitatea uzinării;

- eliberarea automată a certificatelor de calitate;

- autotestarea echipamentelor MED .

Realizarea acestor funcții prin echipamente analogice este posibilă, dar crește complexitatea MED, fiind necesar un bloc electronic pentru fiecare funcție. Prin aceasta, indicii de calitate, fiabilitate, preț de cost, costuri de întreținere și reglare a soluției analogice nu mai sunt atrăgători. Astfel, pe plan mondial este evidentă tendința de a integra tot mai mult prelucrarea numerică în structurile MED, beneficiind și de experiența cîștigată în alte aplicații (echipamente de măsură și control, apărăte audio-video, telecomunicații etc). Există mai multe variante de utilizare a soluțiilor numerice, în variante parțiale, oferite de firmele BRUEL & KJAER, SCHENCK, HOFMANN. Cele mai performante soluții aparțin firmei CARL SCHENCK, prin seria CAB 588, CAB 500 și CAB 510, destinate echipării MED universale.

În acest capitol se va prezenta o variantă personală, ori-

ginală, numerică, bazată pe soluțiile din cadrul brevetului de inventie nr. 94622 cu titlul "Mașină de echilibrat cu calculator numeric", pe care am înregistrat-o la Intreprinderea "Electromotor" - Timisoara [60]. Alături de nucleul soluției brevetate am adus o serie de adaptări pentru a integra MED în celulele automate de echilibrare a rotoarelor MI de mică și medie putere.

Pentru a evidenția principiile și avantajele soluției numerice personale se vor prezenta în paralel modurile de rezolvare tradiționale, analogice, respectiv numerice, a etapeilor operațiilor de echilibrare. De asemenea, se vor prezenta separat principiile și structura unei MED numerice standard, dezvoltând într-un capitol separat o serie de echipamente originale pe care le-am proiectat pentru situația concretă a rotoarelor de MI. Structura MED cu calculator numeric este conformă soluției din brevetul nr. 94622, dar echipamentele prin care s-a propus implementarea în cazul prezentei lucrări sunt adaptate ofertei de componente și structuri hard actuale, la nivelul anilor 1993-1994. În acest mod am îmbunătățit performanțele de viteză și precizie realizate de MED precum și capacitatea sa de integrare într-un sistem informațional ierarhizat.

3.1. PREZENTAREA STRUCTURII M.E.D. CU PRELUCRARE NUMERICA A SEMNALELOR

Fără a considera schema de acționare a MED, în fig.3.1. este prezentată structura bloc a soluției numerice, capabilă să realizeze operația de echilibrare în condiții performante de viteză și calitate, superioare variantelor analogice.

In fig.3.1. s-au notat următoarele blocuri funcționale și elemente:

- R - rotor
- T.O. - traductor optic
- T_s, T_d - traductori de vibrații pentru planurile de măsură sting, drept
- A_s, A_d - amplificatoare de semnal pentru traductorii T_s, T_d

BMF	- bloc multiplicare frecvență
f	- frecvență corespunzătoare vitezei de antrenare a rotorului R
$k \cdot f$	- frecvență multiplicată pentru comanda eșantionării semnalelor de traductor
MUX	- multiplexor analogic
CAN	- convertor analog - numeric rapid (12+16 biți)
IPC	- calculator personal de uz industrial

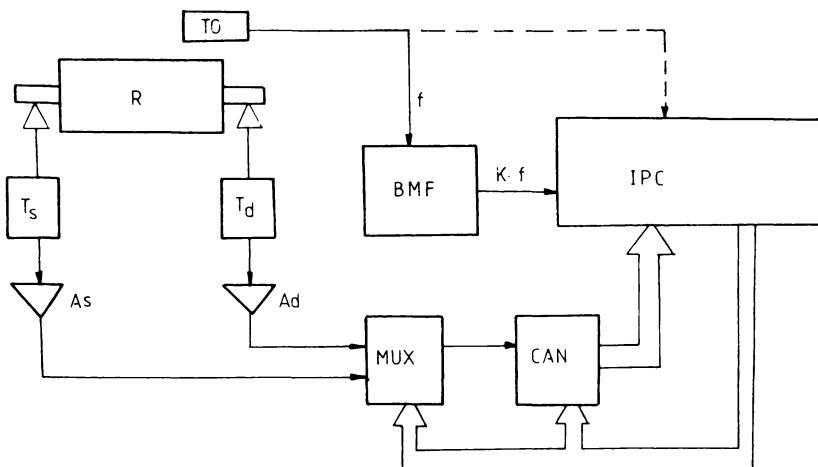


Fig.3.1. Schema bloc a MED cu calculator numeric

Conform schemei prezentate, soluția numerică nu implică modificarea structurii mecanice a mașinilor de echilibrat, fapt ce conduce la un dublu avantaj practic:

- la producător - proiectarea, documentația tehnică, dotarea și organizarea fluxului de uzinare pentru structura mecanică a MED rămân neschimbate.

- la beneficiar - trecerea la varianta numerică nu impune decât înlocuirea părții electronice tradiționale, la MED de uz general, păstrându-se structura mecanică, traductoarele de vibrații și amenajările de fundații speciale, care reprezintă

peste 80 % din costurile totale.

Din schema bloc se disting două tipuri de semnale culese:

- semnale de la traductoarele de vibrații T_s , T_d ;
- semnalul de la traductorul optic TO, care oferă un impuls la fiecare rotație prin citirea semnalului trasat pe rotor.

Prin multiplexorul analogic (MUX), semnalele de la traductoarele T_s , T_d ajung pe rînd la blocul de conversie rapidă analog-numerică (CAN). Este nevoie de un convertor rapid ($t_c < 20 \mu s$) la o rezoluție minimă de 12 biți, pentru a reuși o operație de conversie calitativă și în timp real. În această situație, prin timp real se înțelege obținerea celor k esantioane ($k_{max} = 360$) într-o rotație completă a piesei. Esantioanele obținute astfel caracterizează cu o foarte bună precizie semnalul real, analogic, al traductoarelor de vibrații. Datele numerice, pentru ambele planuri de măsură sunt achiziționate și memorate de IPC, fiind posibilă alegerea soft a planului de esantionat precum și a frecvenței de esantionare. Frecvența de esantionare se poate realiza în două moduri:

- prin BMF, fixând un număr de esantioane ($k.f$) în concordanță cu specificul echilibrării;
- prin varianta soft, măsurînd inițial perioada de rotație a rotorului R în regim staționar, apoi, prin alegerea numărului de esantioane dorit în aplicație, se comandă startul conversiei.

În funcție de tipul traductoarelor de vibrații T_s , T_d , în sprijin de mărimea semnalelor furnizate, se pot utiliza circuitele de amplificare A_s , A_d , pentru a corela aceste semnale cu datele de intrare a blocurilor de conversie. Urmărind o flexibilitate maximă a echipamentului și o sensibilitate reglabilă a MED se recomandă structuri cu factor de amplificare comandat, care astăzi echipează majoritatea plăcilor de achiziție de date ale PC ori ale altor sisteme de măsură și control.

Problema calității traductoarelor și a corelării lor cu etajul de amplificare este comună tuturor MED, inclusiv variantelor clasice. Elementele care particularizează varianta numerică sunt convertoarele analog-numerice rapide și prezența IPC-ului. Chiar de la acest nivel, simplitatea constructivă a soluției numerice sugerează faptul că reducerea extremă a numărului de blo-

curi funcționale specifice variantei analogice se realizează prin prezența calculatorului și transferarea astfel a complexității spre partea soft, prin conceperea și utilizarea unor programe speciale dedicate operației de echilibrare, precum și integrării acestieia într-un flux automatizat, caracterizat prin structuri informaționale ierarhizate.

Prințul element specific este blocul de conversie analog-numerică. În fig.3.1. a fost prezentată o variantă economică a MED, care utilizează un singur bloc de conversie, multiplexând semnalele analogice de la cei doi traductori. Din literatura studiată pînă în prezent și din experiența practică atît în probleme de echilibrare a rotoarelor de MI cît și în problemele proiectării și construcției MED pentru beneficiari specifici economiei românești, se poate afirma că această variantă realizează măsurători în timp real. Aceasta din cauza timpilor suplimentari datorați montării rotorului, acelerării și frânării. În aplicații de mare productivitate, la rotoare cu inerții mecanice foarte mici și prin sisteme auxiliare de încărcare-descărcare a rotoarelor se poate considera și varianta cu două blocuri de conversie, pentru fiecare semnal de traductor. Personal nu cred în viabilitatea practică a acestei soluții, preferind achiziționarea unor convertoare performante din punct de vedere al vitezei. Din această cauză nu am prevăzut în fig.3.1. și această variantă care este, cel puțin din punct de vedere teoretic, posibilă.

3.2. ELEMENTELE TEORETICE ALE PROCESULUI DE ESANTIONARE UTILIZAT DE MASINA DE ECHILIBRAT NUMERICA

Pentru soluția numerică prezentată în fig.3.1. elementul deosebit de important, care poate influența corectitudinea întregii operații de echilibrare, îl reprezintă etapa de eșantionare, deoarece ea furnizează semnalul de intrare pentru întreaga procesare ulterioară. În dezvoltarea teoretică privind procesul de eșantionare, se utilizează următoarele notătii, clasice în teoria eșantionării [49] [50] [51] [52] [53] [54] :

$v(t)$ - semnal analogic

$y(n)$ - semnal eșantionat

T_e - perioada de eșantionare

T - durata semnalului din perioada de eșantionare

$p(t)$ - tren de impulsuri unitare.

Prin aceste notări, se poate scrie, pentru un semnal analogic:

$$y(n) = p(t) \cdot y(t) \quad \dots (3.1)$$

Dezvoltarea în serie Fourier a semnalului periodic $p(t)$ este:

$$p(t) = \sum_{k=-\infty}^{+\infty} S_k \exp(j \cdot 2\pi \cdot t / T_e) \quad \dots (3.2)$$

Coefficienții seriei Fourier, notati cu S_k au expresiile:

$$S_k = 1/T_e \cdot \int_0^{T_e} p(t) \cdot \exp(-j \cdot 2\pi \cdot k \cdot t / T_e) dt \quad \dots (3.3)$$

Deoarece trenul de impulsuri unitare $p(t)$ este definit doar pe intervalul (T, T_e) , expresia (3.3) devine:

$$\begin{aligned} S_k &= 1/T_e \int_0^{T_e} \exp(-j \cdot 2\pi \cdot k \cdot t / T_e) dt = \\ &= (1 - \exp(-j \cdot 2\pi \cdot k \cdot T_e)) / (j \cdot 2\pi \cdot k \cdot T_e) \quad \dots (3.4) \end{aligned}$$

Pentru simplificare, se notează $\omega = 2\pi / T_e$ și se obține din (3.4):

$$S_k = (1 - \exp(-j \cdot k \cdot \omega \cdot T)) / j \cdot k \cdot \omega \cdot T_e \quad (3.5)$$

In aceste condiții, semnalul eșantionat $y_{(n)}$ se scrie prin termenii dezvoltării în serie Fourier:

$$y_{(n)} = \sum_{k=-\infty}^{+\infty} S_k \cdot x_{(t)} \cdot \exp(j \cdot 2\pi \cdot k \cdot t) / T_e \quad \dots (3.6)$$

Transformata Fourier a semnalului $y_{(n)}$ este:

$$F\{y_{(n)}\} = \int_{-\infty}^{+\infty} x_{(n)} \cdot \exp(-j \cdot 2\pi \cdot \nu \cdot t) \cdot dt = Y_{n(\nu)} \quad \dots (3.7)$$

In același timp, utilizând teorema deplasării, se obține centru ν_n :

$$\nu_n(\nu) = \sum_{k=-\infty}^{+\infty} S_k \nu_{(v + k/T_e)} \quad \dots (3.8)$$

centru $k = 0$ rezultă valorile lui S_0 și $\nu_n(v)$

$$S_0 = T / T_e \quad \dots (3.9)$$

$$|Y_n(\nu)|_{k=0} = T/T_e \cdot Y(\nu) \quad \dots (3.10)$$

Rezultatul practic redat prin relația (3.10) este proprietatea că, în banda frecvențelor joase (la limită $k=0$) spectrul semnalului continuu $x_{(t)}$ se regăseste diminuat cu raportul T/T_e în spectrul semnalului $Y_n(\nu)$.

Analizând spectrul semnalului $Y_n(\nu)$ prin intermediul coeficienților dezvoltării Fourier, se constată:

- spectrul original $\nu(\nu)$ se reprezintă în jurul originii, cu amplitudinea ponderată prin raportul T/T_e , pe o lățime de bandă egală cu $2/T_e$, respectiv între frecvențele $-F_m$ și $+F_m$ (un-

de F_m reprezintă frecvența maximă a spectrului $Y(\omega)$;

- restul componentelor $Y_{n(\omega)}$ din succesiunea spectrală sunt decaleate prin ecartul k/T_e ($k = \pm 1; \pm 2; \pm 3 \dots$) și ponderate corespunzător ordinului k considerat.

Condiția impusă în cadrul unui spectru analizat, ca diferențele componente din succesiunea spectrală să nu se întrepătrundă este, în mod obligatoriu, relația dintre frecvențele F_m și F_e (unde F_e se definește prin $F_e = 1/T_e$) să respecte:

$$F_m \leq F_e/2 \quad \dots (3.11)$$

Condiția (3.11) cunoscută în literatură drept teorema esanționării (sau teorema lui SHANNON) prezintă o mare importanță practică, deoarece ea conține condiția de a refa din punct de vedere informațional un semnal continuu, pornind de la semnalul esantionat. Astfel, pentru a putea refa semnalul continuu, este nevoie ca frecvența de esantionare folosită să fie superioară dublului frecvenței maxime conținute în spectrul semnalului analizat.

În cazul echilibrării rotoarelor de MI, în funcție de tipul soluției mecanice a MED și a tipului de traducție este nevoie, la începutul proiectării variantei numerice, de o analiză spectrală a semnalelor de traductor. Determinând frecvența maximă care se găseste în spectrul acestor semnale se alege frecvența de esantionare care va fi supusă blocurilor de conversie analog-numerică. Din literatura dedicată mașinilor de echilibrat, menționată anterior, sunt cunoscute proprietățile varianțelor cu lagăre rigide, de a avea un semnal de traductor mai puternic contaminat cu armonici ale căror valori maxime, în cazul unor căi de rulare corect executate (care nu introduc șocuri mecanice), sunt determinate de tipul de rulment utilizat la montajul căilor de rulare, respectiv de numărul de bile și de poziția lor relativă unul față de altul.

Practica esanționării utilizează trei procedee principale:

- esanționarea prin mediere - în cazul acestui procedeu, se consideră în calculele ulterioare, valoarea medie a semnalului pentru intervalul T .

- esantionarea prin blocare - se consideră valoarea instanțee a semnalului $y_{(t)}$ la momentele $n \cdot T_e$. Semnalul este reținut doar un interval extrem de scurt necesar conversiei analog-numerice;

- esantionarea prin tren de impulsuri ponderale - se folosește drept semnal purtător un tren de impulsuri oarecare.

Pentru operația de echilibrare cele mai convenabile metode sunt primele două, iar datorită performanțelor de viteză ale componentelor hard ale echipamentelor de achiziție de date din cadrul unor IPC, se va considera doar esantionarea prin blocare.

Funcția de atenuare $E(\omega)$ este în acest caz:

$$E(\omega) = \left[(\sin \pi \cdot \omega \cdot T) / (\pi \omega T) \right] \cdot \exp(-j\pi \cdot \omega \cdot T) \quad \dots (3.12)$$

Notând:

$$T = \lambda \cdot T_e \quad \text{unde } \lambda \leq 1$$

$$F_e = 2 \cdot \alpha \cdot F_m \quad \text{unde } \alpha \geq 1$$

se obțin estimările asupra efectului de filtrare prin atenuarea semnalelor $X(\omega)$ cu $E(\omega)$:

$$|E(\omega)| = \left\{ \sin[(\pi \cdot \omega) / (2\alpha)] \cdot (\omega / F_m) \right\} / (\pi \cdot \lambda / 2\alpha) \cdot (\omega / F_m) \quad \dots (3.13)$$

Dacă se dorește ca efectul filtrajului să fie inferior unei valori alese exprimată procentual, $\varepsilon\%$, pe banda spectrului componentei centrale $\omega \in [0, F_m]$ este necesar ca:

$$(\sin \pi \cdot \alpha / 2\alpha) / (\pi \cdot \lambda / 2\alpha) \geq (100 - \varepsilon\%) / 100 \quad \dots (3.14)$$

Impunind o condiție acceptabilă tehnic, $\varepsilon\% = 1\%$, se obține condiția:

$$\lambda/\alpha \leq 0,16 \quad \dots (3.15)$$

In cazul unei esantionări la limita frecvenței obținute prin teorema lui Shannon, (situația $\alpha = 1$ deci $F_e = 2F_m$), se obține:

$$T \leq (16 / 100) T_e \quad \dots (3.16)$$

Dacă se impune o precizie superioară, $\varepsilon\% = 0,1\%$ a semnalului filtrat și alegind o frecvență de esantionare mărită $F_e = 10 F_m$, fapt realizabil din punct de vedere tehnic prin sistemele de achiziție de date, se obține condiția:

$$T \leq 0,2 T_e \quad \dots (3.17)$$

Din relațiile (3.15)(3.16)(3.17) rezultă concluzia cu aplicabilitate practică în procesul de esantionare, că lățimea impulsului de esantionare, λ , are o influență determinantă asupra preciziei de obținere a componentei centrale din semnalul esantionat, deci asupra preciziei esantionării.

3.3. POSIBILITATI DE REALIZARE A ECHIPAMENTULUI DE CONVERSIE ANALOG - NUMERICA

In cazul mașinilor de echilibrat destinate rotoarelor MI, performanțele echipamentului de conversie analog-numerică se determină în funcție de frecvența de esantionare, impusă de urmă-

torii factori:

- viteza maximă de antrenare a rotorului, pe care mulți beneficiari o doresc egală cu viteza de lucru nominală a MI ;
- armonica superioară maximă din spectrele semnalelor de traductori ;
- raportul frecvențelor F_e și F_m .

Pentru cele mai multe cazuri practice, turățiile de echilibrare supuse rotoarelor de MI sunt cuprinse în gama 1000 ± 2000 rot/min. Cu toate acestea, echipamentul de achiziție se va dimensiona luând în considerare turăția maximă de antrenare egală cu 6000 rot/min. În acest fel pot fi potențial acoperite și situații deosebite în cazul turăților MED pentru rotoare rigide. Aplicațiile de supraviteză 6000 ± 40.000 rot/min. și 16.000 ± 150.000 rot/min, în general, nu sunt realizate în țară și în aceste situații rotorul trebuie tratat ca un solid elastic. Deși nu s-a propus rezolvarea acestei probleme, echipamentul numeric permite și dezvoltarea unor aplicații din domeniul supravitezelor.

Armonicele superioare din spectrele semnalelor provenite de la traductorii de vibrații depind de structura mecanică aleasă pentru MED, dar și de modul de realizare practică. Măsurările efectuate la "Electromotor" Timisoara au indicat la structurile mecanice analizate armonici superioare maxime de ordin 20 și 30. Alegind $k=50$ se obține o valoare acoperitoare pentru toate situațiile practice întâlnite.

Prin aceste prezumții, rezultă:

$$F_e \geq 100 F_n$$

unde F_n = frecvență corespunzătoare turăției de antrenare n a rotorului.

Se alege, conform cap.3.2, pentru o bună calitate a procesului de eșantionare $\alpha = 5$.

$$F_e = 500 F_n$$

... (3.18)

In aceste condiții, se obține pentru perioada de esantionare T_e :

$$T_e = 1 / ((n/60) \cdot 500) = 1 / (6000/60 \cdot 500) = 1/50\ 000 \quad [s]$$

... (3.19)

$$T_e = 20 \mu s$$

Structura unui echipament standard de achiziție numerică a semnalelor este prezentată în fig.3.2.

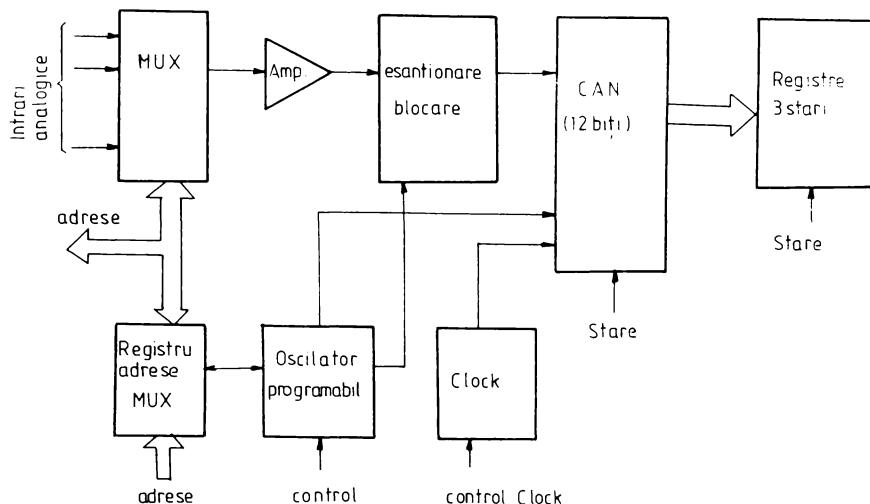


Fig.3.2. Structura standard pentru achiziția de date cu ieșire paralel.

In schema din fig.3.2. s-au notat:

MUX - circuit de multiplexare analogic

Amp - circuit amplificator de măsură pt. blocul de esantionare-blocare

CAN - convertor analog-numeric

Clock - bază de timp cu frecvență controlabilă

Linia de legătură paralelă asigură viteza maximă de transmisie a datelor numerice, dar este mai scumpă decât magistrala serială, necesitând cîte un conductor pentru fiecare bit al registrului de ieșire. Din această cauză, pentru structuri cu rezoluție ridicată (10 biți) sau la aplicațiile unde viteza de transmisie a datelor nu reprezintă o impunere majoră se preferă soluția numerică avind ieșirea serială.

Se vor prezenta o serie de componente din familia CAN produse de firma PERR - BROWN și aplicabile într-o structură de achiziție de date adaptată cerințelor MED cu soluție numerică.

CIRCUITUL ADC 76 - date de bază

- rezoluția: 16 biți (cu posibilități 12, 13, 14, 15 biți)
- intrări analogice: varianta bipolară $\pm 2,5$ V; ± 5 V; ± 10 V
- tempi de conversie: 17 μ s(16 biți); 16 μ s(15 biți); 15 μ s(14biți)
13 μ s(13 biți); 12 μ s(12 biți).
- coduri utilizate: - serial (CSB, CCR)
- paralel bipolar (CCR, CTC)
- clock intern ajustabil 933 ± 1400 KHz
- tensiuni de referință: ± 15 V, +5 V.
- eroarea de offset - max $\pm 0,2\%$ (varianta bipolară)
- eroarea de linearitate: max $\pm 0,006\%$ (varianta JM, AM)
max $\pm 0,003\%$ (varianta KM, BM).

Diagrama conexiunilor circuitului ADC 76 este în fig.3.3.

Pentru opțiunea serială la ieșire sunt posibile două moduri de codare binară (CSB și CCR), iar sincronizarea se realizează prin clock-ul intern.

Semnalul de intrare în circuitul ADC 76 trebuie să fie de impedanță mică, de exemplu semnalul de ieșire al unui amplificator operational. Dacă această cerință nu se realizează în mod direct, se recomandă utilizarea unui buffer amplificator între semnalul de intrare și pinii integratului ADC 76, conform fig.3.4-a.

Frecvența clock-ului intern poate fi controlată în domeniul

de frecvențe 933 + 1400 KHz prin corectarea externă a unui potențiometru multiturn cu o foarte bună imunitate la temperatură (fig. 3.4.-b).

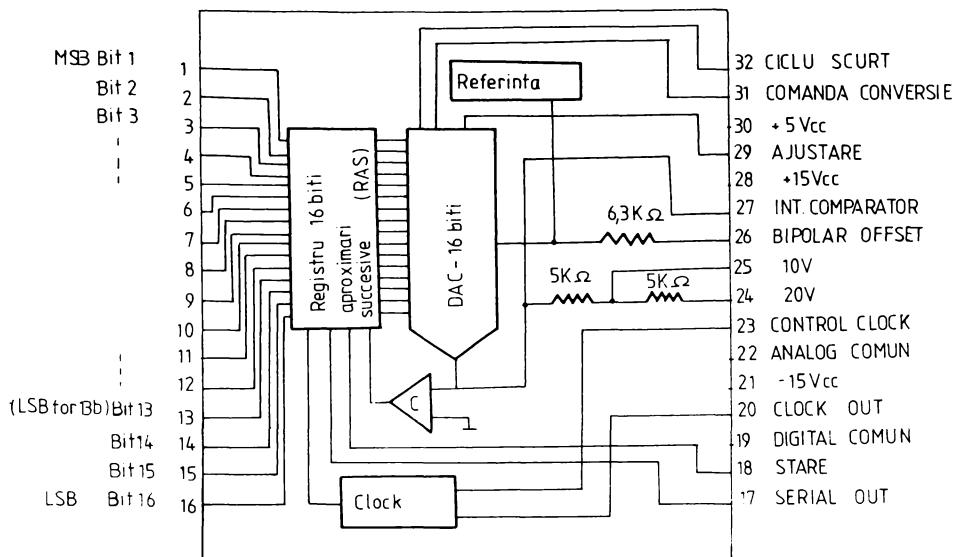


Fig.3.3. Schema conectare ADC 76 (variante JM,KM,AM,BM)

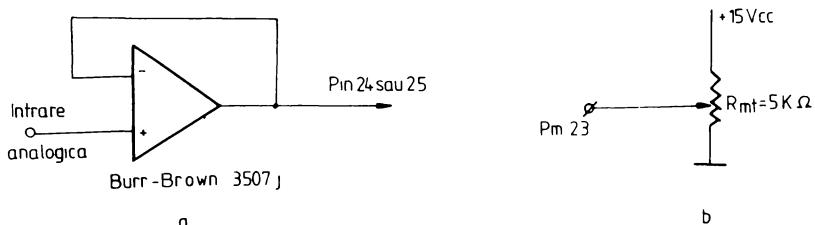


Fig.3.4. Corectările de impedanță și clock intern la ADC 76.

CIRCUITUL ADC 804 - date de bază:

Circuitul ADC 804 reprezintă o variantă optimă pentru domeniul conversiei pe 12 biți. Obținut prin reproiectarea circuitului ADC 800 și eliminând facilitățile de ieșiri paralele, circuitul ADC 804 reușește și o minimizare a dimensiunilor geometrice, fiind cea mai redusă realizare de convertor pe 12 biți, păstrând toate funcționalitățile cerute în aplicațiile practice. Se pot compara datele sale cu cele prezentate anterior:

- rezoluția: 12 biți
- intrare analogică bipolară: $\pm 2,5$ V; ± 5 V; ± 10 V
- timp conversie: $17 \mu s$
- cod binar la ieșire: COB
- clock intern: 92,3 KHz
- tensiuni referință: ± 15 V; + 5 V
- eroare de offset: max $\pm 0,3$ %
- eroare de linearitate: max $\pm 0,012$ %

Diagrama conexiunilor este în fig.3.5.

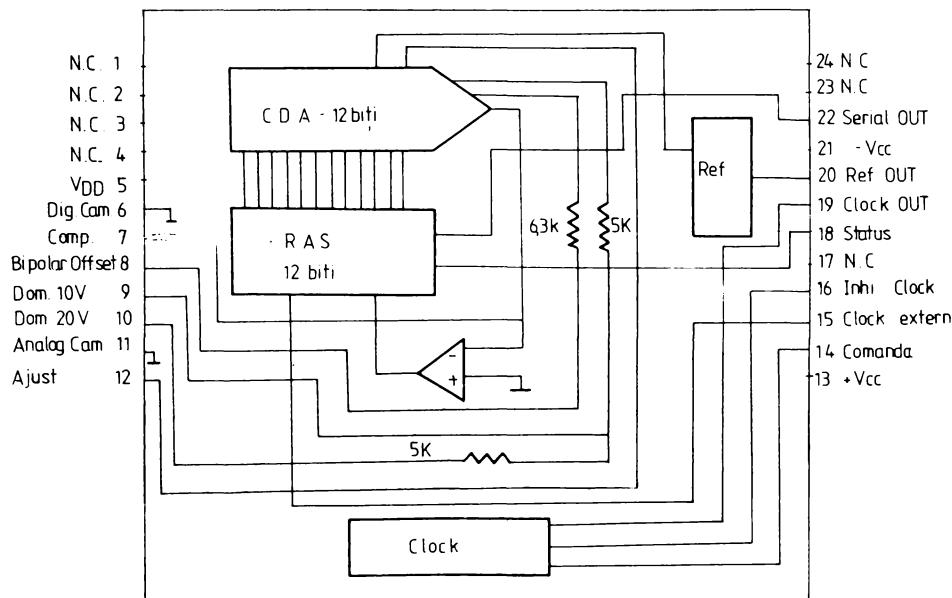


Fig.3.5. Schema de conectare a circuitului ADC 804.

Un alt element important al schemei generale din fig.3.2. îl reprezintă circuitul de eşantionare. De obicei, firmele producătoare realizează pentru fiecare circuit de conversie un tip anume de circuit de eşantionare care să realizeze cuplarea perfectă și să obțină astfel performanțele întregului bloc de achiziție (număr de biți, tempi de conversie). Firma BURR-BROWN a construit pentru ADC 76, ADC 804 integratele compatibile SHC 76 și SHC 804.

CIRCUITUL SHC 76

Reprezintă un circuit de eşantionare pentru CAN de 14 biți, de viteză ridicată și mare precizie. Are prevăzute în structura internă capacitatea de menținere precum și o rețea de minimizare a offset-ului. Schema funcțională se descrie în fig.3.6.

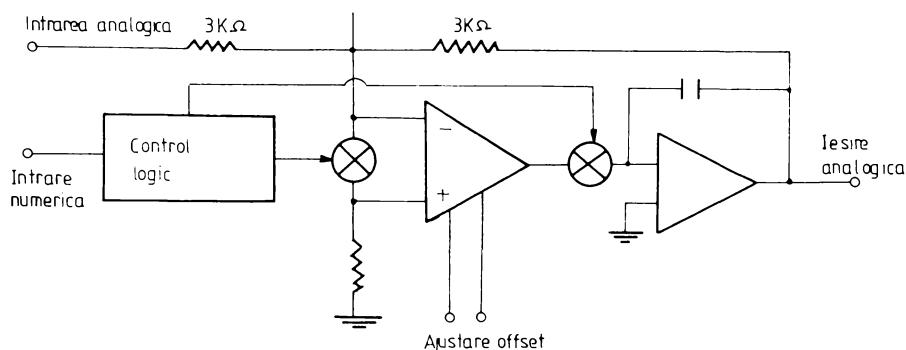


Fig.3.6. Schema de principiu a circuitului SHC 76.

Cuplarea circuitelor ADC 76 și SHC 76 pentru realizarea unui echipament de achiziție numerică se prezintă în fig.3.7.

Firma PURR-BROWN a realizat și circuitul complex ADC600, care conține într-un singur integrat cu 40 de pini, construit pe baza tehnologiilor hibride, următoarele blocuri funcționale: circuitul de eşantionare, convertorul ultra-rapid analog-numeric cu rezoluția de 12 biți, clockul intern, registrele de deplasare, referințele de tensiune. Singurele semnale exterioare necesare funcționării sunt: comanda conversiei și tensiunile de ± 15 V, ± 5 V. Din această cauză ADC 600 reprezintă o soluție atractivă la realizarea unei plăci de achiziție de date.

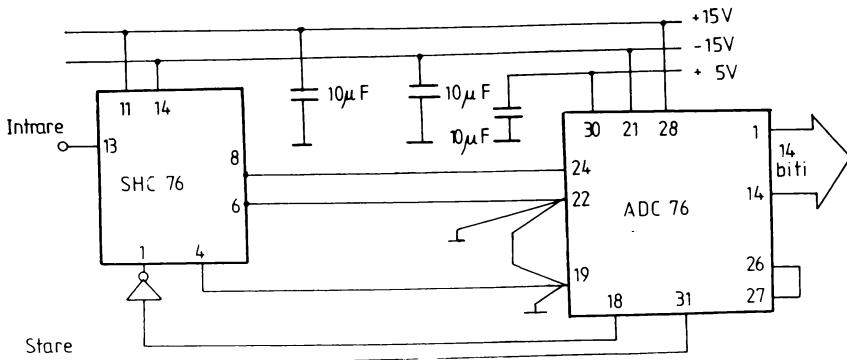


Fig.3.7. Schema de cuplare a circuitelor SHC 76 si ADC 76.

Din cele prezentate, rezultă pentru MED numerice, două variante constructive, care au fiecare avantajele și dezavantajele sale și a căror alegere se va face în funcție de posibilitățile tehnice și de personalul ale constructorului de MED :

- proiectarea și realizarea unui echipament numeric dedicat operațiilor de echilibrare, care va conduce la optimizarea costurilor de execuție și a dimensiunilor, dar care necesită un efort apreciabil de proiectare, deci la mărirea acestor costuri inițiale. În plus apar probleme pe partea de întreținere, deoarece este nevoie de o specializare a personalului pe aceste tipuri de echipamente numerice.

- utilizarea unui echipament standard (IPC) care, desigur, are un preț mai mare și gabarit superior, aduce o serie de avantaje în utilizare: posibilitatea de interconectare cu alte sisteme de comandă și control, rezolvarea problemelor de service prin apelarea unor structuri existente precum și accesul la produse soft performante aplicabile în tehniciile de echilibrare sau la operațiile statistice ulterioare.

Analizând cele două opțiuni, vom propune o serie de echipamente de calcul pentru uz industrial, capabile să deservească MED destinață funcționării într-un flux automatizat, inclusiv etapa inițială a achiziției numerice a semnalelor de traductor.

Un sistem tipic de achiziție de date și control constă în a interfața un proces tehnic real, în cazul de față o MED, cu un IPC. Deoarece nu se produc IPC dedicate echilibrării dinamice, este necesară alegerea acelei structuri care să fie capabilă să rezolve problema enunțată, atât de partea de prelucrare a semnalelor, cât și domeniile de automatizare (porniri, reglări de viteză, frânări, încărcarea-descărcarea rotoanelor, scoatere-adăus de material, furnizarea și analiza datelor specifice).

Structura tipică a unui IPC care realizează un sistem de achiziție de date este prezentată în fig.3.8.

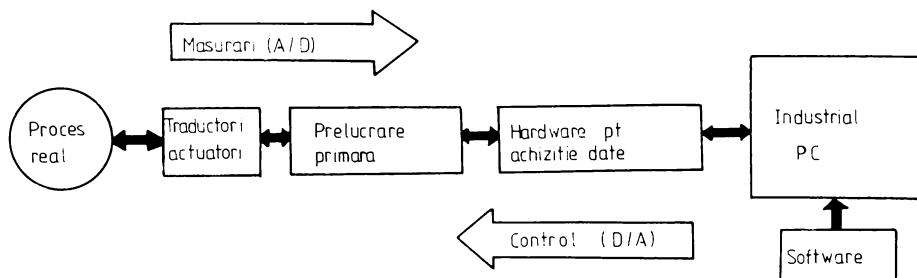


Fig.3.8. Structură de achiziție de date utilizând IPC.

Este recomandată utilizarea modulelor hard provenite de la aceeași firmă producătoare, pentru a facilita interconectarea lor. Oferta de module hard este foarte largă și cu o mare dinamică în privința performanțelor tehnice și de cost. Deoarece etapa de tratare numerică a semnalelor la MED nu reprezintă o aplicație limită, se va obține structura modulară a echipamentului prin folosirea industrial general, obținând astfel și un preț de cost mai scăzut pentru întregul produs.

S-au analizat produsele firmelor "ADVANTECH" și "NATIONAL INSTRUMENTS" la nivelul ofertei pentru anii 1993 și 1994. Pentru obținerea unei structuri modulare de maximă flexibilitate s-au urmărit categoriile de produse: [55] [56]

- module de tratare prealabilă a semnalelor (signal conditioning)
- module de achiziții de date și control.

STRUCTURI DE I.P.C.

Pentru aplicațiile industriale, variantele de birou ale PC devin nefuncționale, datorită mediului unde sunt instalate, care conține agenți corozivi, praf, vibratii mecanice, căldură, la nivale inaceptabile. Un alt factor disturbător al mediului industrial îl reprezintă "zgomotul electric", datorat comutațiilor de curenti de intensități mari, care implică soluții și protecții suplimentare pentru sursele de alimentare și pentru izolațiile electrice.

Dintre IPC produse de firma "ADVANTECH", s-a ales seria IPC-800, cu variantele IPC-810, IPC-820, construite pentru medii industriale dificile, puternic solicitate în vibratii și securi mecanice, care satisfac cel mai bine cerințele unui flux de fabricatie de MI. Varianta economică și dotată cu o tastatură potrivită cerințelor unei MED este reprezentată de IPC-810, care are următoarele date tehnice:

- temperatură de lucru : $0^{\circ} \div 55^{\circ}$ C
- umiditatea relativă : 5 \div 95 %
- altitudinea maximă : 3000 m
- securi (pe durata de lucru) : 10 G (cu durată de 10 s)
- vibratii (pe durata de lucru) : 5 \div 15 Hz - 0,25" (vîrf la vîrf)
15 \div 100 Hz 2,5 G
(vîrf la vîrf)
- greutatea netă : 13 kg
- dimensiuni geometrice : 483 x 452 x 266 mm
- CPU - 80286 / 80386 / 80486
- sursa de alimentare - 150 W (cu funcționare garantată de minimum 50000 ore la încărcare maximă și la temperatură mediului de 25° C)
- disk-drive : 1 HDD (3 1/2")

- standarde de protecție UL, CSA, VDE
- EMI - pt. 220 V : VDE clasa A
- monitor : VGA cu diagonala 10" și rezolutia max 800 x 600
- 7 sloturi compatibile IPM PC /AT
- aplicații recomandate :
 - monitorizarea și controlul proceselor
 - achiziții de date
 - sisteme tehnologice automatizate
 - celule de control
 - laboratoare de cercetare.

MODULE DE AMPLIFICARE SI MULTIPLEXARE

La aplicatia de echilibrare și rotoarelor MI , în funcție de traductorii de vibrații utilizăți se impune amplificarea semnalului de traductor cu un factor specific fiecărei MED și, în plus, o izolare galvanică între traductoare și echipamentul numeric. Trebuie folosite pentru prelucrarea primară a semnalelor, blocuri de amplificare și multiplexare .

Produsul "ADVANTECH" compatibil cu IPC-810, care realizează aceste funcții este PCLD-789, prezentat în fig.3.9.

Principalele date ale modulului PCLD-789 sunt :

- canale intrare : 16
- mărirea semnalului de intrare : max \pm 10 V (depinzind de factorul de amplificare selectat)
- domenii de amplificare : 0,5; 1; 2; 10; 50; 100; 200; 1000.
- mărimea semnalului la ieșire : \pm 5 V
- nelinearități : $0,015 \pm 0,005 \%$
- curent la ieșire : max 20 mA.

Circuitul este dedicat măsurătorilor de semnal mic, de uz general. Posedă și un bloc CJSC pentru măsurarea directă a semnalelor de la termocouple, care, desi în prezentarea generală a aplicației MED nu apar măsurători de temperatură, poate fi utilizat în controlul și protecția acțiunării MED , permitînd monitorizarea temperaturilor atât pe partea de element de execuție, cît și pe partea de electronică de putere.

Potibilitățile largi de amplificare ($0,5 \pm 1000$) și cele

de multiplexare (16 căi analogice) depășesc cerințele unei MED standard și asigură disponibilități pentru automatizarea și controlul operației de echilibrare.

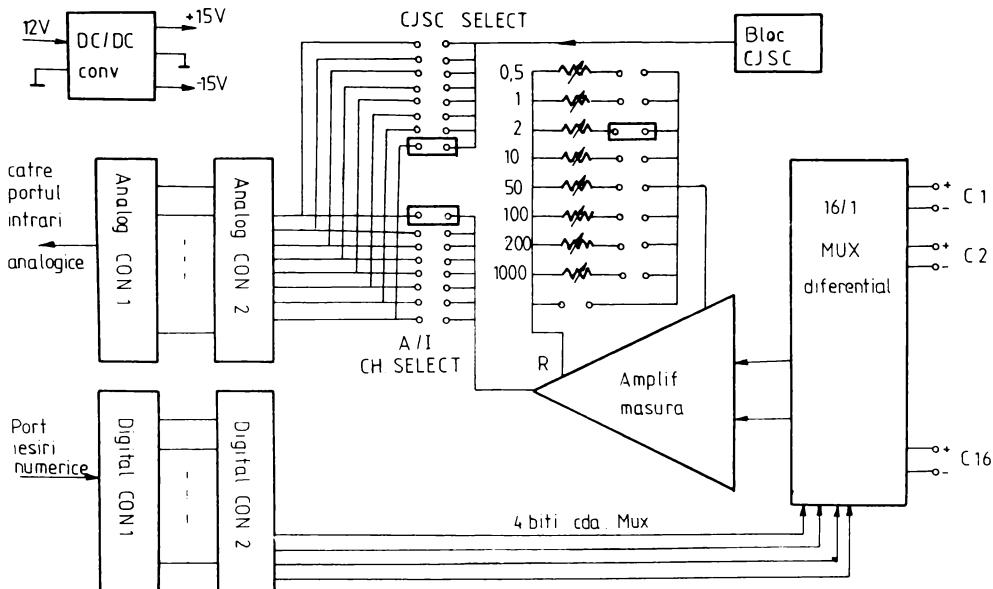


Fig.3.9. Schema modulului PCLD-789.

Familia de module SCXI-1100 reprezintă o altă posibilitate de dotare a IPC. Familia SCXI (Signal Conditioning eXtension for Instrumentation) promovată de firma "NATIONAL INSTRUMENTS" pentru sisteme de achiziții de date și control bazate pe IPC combină flexibilitatea structurilor tip plug-in cu compatibilitatea, zgromotul redus și robustețea structurilor stand-alone.

Structurarea echipamentelor SCXI-1100 este dată în fig. 3.10.

Din schema prezentată rezultă următoarele funcții de bază:

- multiplexarea a 32 de intrări analogice diferențiale, având domeniul de ± 10 V și protecție la supratensiuni în două

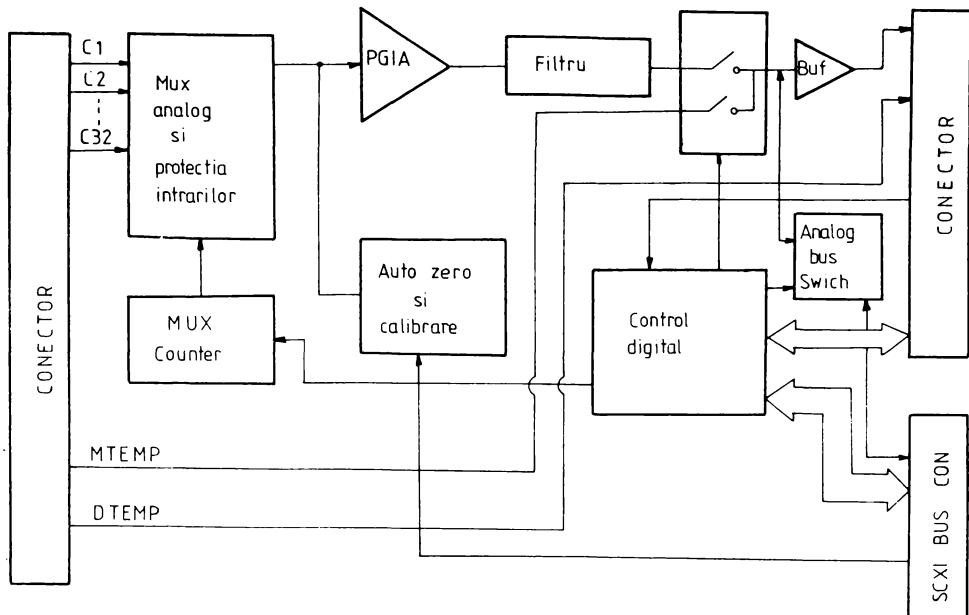


Fig.3.10. Schema modulului SCXI-1100.

variante ± 15 V și ± 25 V;

- amplificator de măsură cu factor de amplificare programabil (PGIA) în domeniul $1 \div 2000$.

- filtru de intrare cu trei moduri de lucru, selectabile:

- banda de trecere 4 Hz
- banda de trecere 10 KHz
- full bandwidth

- calibrare și auto-zero pentru PGIA

- facilități pentru prelucrarea semnalelor de termocouple

- coeficienți de amplificare selectabili software: 1, 2, 5, 10, 20, 50, 100, 200, 500, 1000, 2000.

Modul de conectare al modulului SCXI-1100 cu un IPC este în fig.3.11.

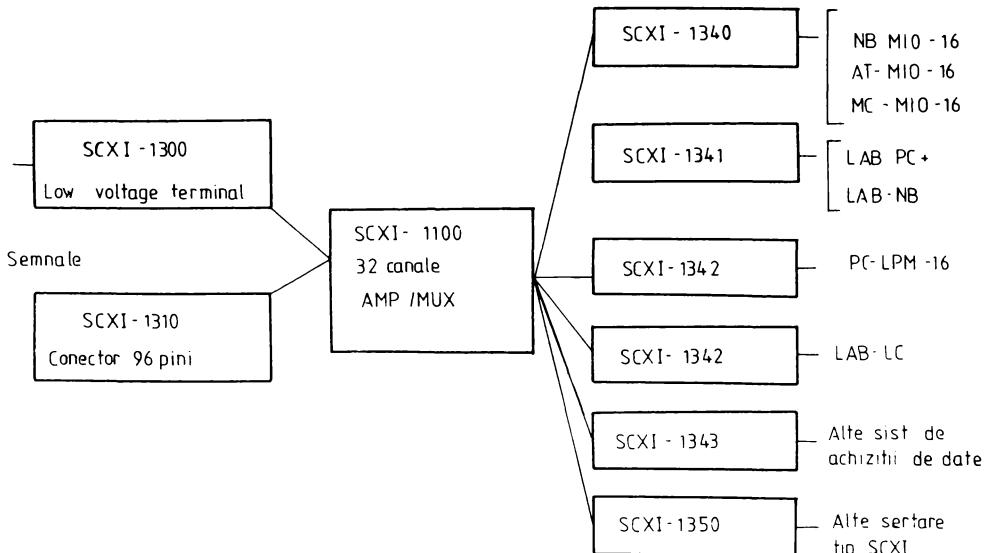


Fig.3.11. Opțiuni de conectare ale modulului SCXI-1100.

Din analiza circuitului SCXI-1100, dincolo de performanțele sale pe partea de achiziție se detasează o caracteristică tehnică aplicabilă în tehnica echilibrării, respectiv posibilitățile de calibrare și auto-zero pentru blocul PGIA. În cap.II a fost prezentat brevetul american "Self-Calibrating Data-Collection System for Dynamic Wheel Balancing Machine" care realizează funcții similare în privința sistemului de amplificare, dar cu aplicație directă la MED.

Dăsi disponibilitățile de intrare sunt prea mari (32 de intrări), echipamentul SCXI-1100 este atractiv și se recomandă aplicatiilor în domeniul MED, prin posibilitățile de autocalibrare și gama largă a coeficientilor de amplificare, care pot ajuta la implementarea unei modalități simple de eliminare a influențelor zgomotelor de fond din halele de producție asupra semnalelor de traductor, soluție ce va fi prezentată în capitolul următor la analiza semnalelor afectate de zgomot.

Dacă se doresc soluții mai economice, cu mai puține intrări,

sunt disponibile modulele SCXI-1120 , SCXI-1121 și SCXI-1130.

Modulele SCXI-1120 și SCXI-1121 multiplexează și amplifică 8 , respectiv 4 canale analogice, realizând și izolare la tensiuni ridicate, pînă la 1500 V , fapt ce conferă o excelentă comportare în mediul industrial. Deoarece structurile sunt asemănătoare, în fig.3.12 se prezintă doar schema modulului SCXI-1120:

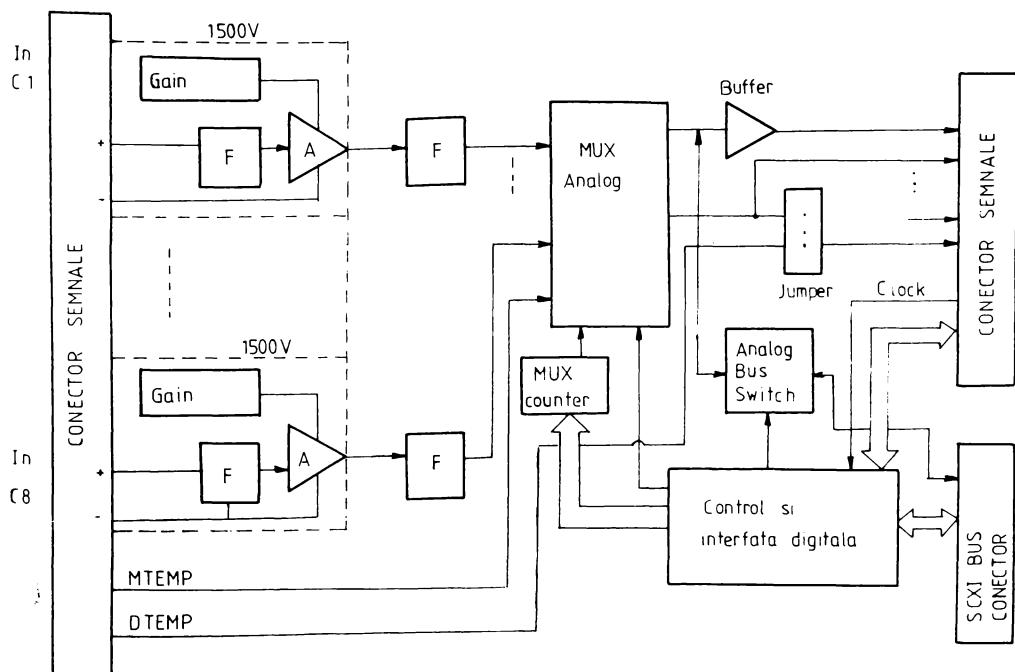


Fig.3.12. Structura modulului SCXI-1120.

Deosebirile principale dintre modulele SCXI-1120 și SCXI-1121, dincolo de numărul intrărilor multiplexate, sunt:

- amplificarea și filtrarea se fac separat, pentru fiecare canal în parte la modulul SCXI-1120 (1121);
- filtrele selectabile au domeniile de trecere 4 Hz și 10 KHz, de tip 3 poli - RC;
- inexistentă posibilităților de calibrare și auto-zero

la circuitul de amplificare, la SCXI-1120 ;

- lipsa protecțiilor în tensiune pe partea de intrare.

In schimb, domeniul factorilor de amplificare si posibilitățile de conectare pe partea de iesire sunt identice (vezi fig. 3.11). Pentru partea de intrare, modulul SCXI-1120 acceptă connectorii SCXI-1320 (pentru semnalele de tensiuni finale) si SCXI-1330 (pentru tensiuni mici).

O variantă interesantă este oferită de modulul SCXI-1140 (fig.3.13) care combină cele două structuri prezentate anterior:

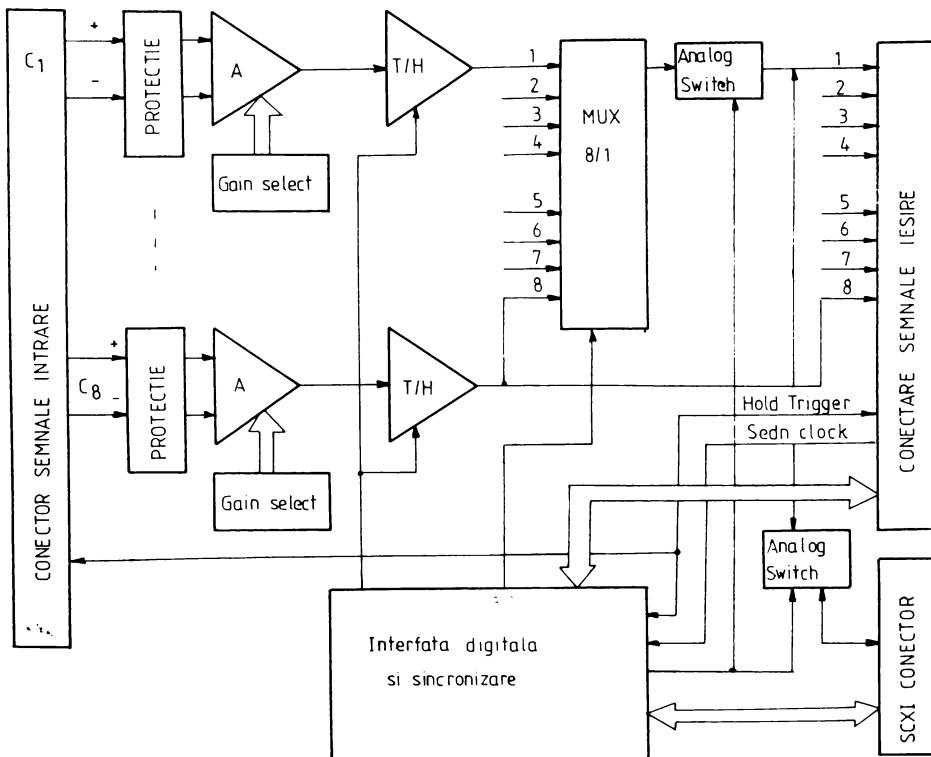


Fig.3.13. Schema modulului SCXI-1140.

Modulul SCXI-1140 reprezintă un echipament cu 8 canale simultane, fiecare canal având un amplificator de măsură de impedanță înaltă și circuit de protecție la tensiune, urmat de un circuit T - H (track and hold) care realizează operația de

esantionare și reținere. Fiecare canal poate lucra independent, cu factor propriu de amplificare selectabil hard. În acest mod, achiziția de date se efectuează cu o intervenție software minimală. Performanțele tehnice, la 25° C, sunt următoarele:

- domenii de amplificare : 1; 10; 100; 200; 500.
- benzi de trecere : 2 MHz, 800 KHz, 500 KHz, 300 KHz, 120 KHz.
- tempi de achiziție : 7 µs (acuratețe 0,012 %)
10 µs (acuratețe 0,06 %)
- putere dissipată : 4 W
- tensiune de ieșire maximă : ± 10 V
- protecția la intrare : ± 15 V (sau ± 30 V).

MODULE MULTIFUNCTIONALE I/O PENTRU IPC COMPATIBILE IBM

Pentru calculatoarele IPC compatibile IBM AT, modulele de achiziție produse de "NATIONAL INSTRUMENTS" sunt prezentate în TAB.3.I.

TAB.3.1.

Canale	AT-MIO-	AT-MIC	AT-MIO-	AT-MIO	LAB	
	- 16 X	G4F5	-16 DH	16H9	16L9	DC +
		AT-MIO	AT-MIO	AT-MIC	AT-MIO	
		-16F5	-16DI	16H25	16L25	
8 DI	8 DI	8 DI	8 DI	8 DI	8 DI	4 DI
Frecv.de achiz. (max)	100 KHz	200 KHz	100 KHz	100 KHz	100 KHz	7,5KHz
Rezoluția (max)	16	12	12	12	12	12
Semnal de intrare	± 10 V	± 10 V	± 10 V	± 10 V	± 10 V	± 5 V
± 5 V	± 5 V	± 5 V	± 5 V	± 5 V	± 5 V	
Domeniile de amplificare	1,2,5, 0,5;1; 10,20, 50,100	1,2,4,8 2,5;10; 1,10, 20;50;	1,2, 100, 100,500	4,8	1,10 20,50, 500	1,2,5,10 20,50, 100
Canale conversie	2	2	2	2	2	2

Timers	3	3	3	3	3	3
RTSI	DA	DA	DA	DA	DA	NU
Software	Lab View, Lab Windows, NI-DAQ,				DAQ Ware	

Pentru aplicația de echilibrare dinamică a rotoarelor rigide, din analiza tabelului, urmărind un caracter general al structurii hard, cel mai potrivit modul este AT-MIO-16X. Deoarece modulul posedă funcții analogice și digitale, timing I/O, este recomandat la dotarea mașinilor automate, pentru controlul și monitorizarea proceselor, la echipamente de testare și măsurare. Această versabilitate subliniază oportunitatea alegerii la echiparea MED, unde sunt necesare atât operații de măsurare cât și secvențe de comandă și control.

Structura bloc a modulului AT-MIO-16X este prezentată în fig.3.14.

Din analiza schemei și a datelor se disting următoarele performante ale circuitului, care interesează aplicația de echilibrare:

- există două NUX-uri analogice, cu protecții de tensiune ± 25 V (la intrare) și ± 15 V (la ieșire), care realizează 8 intrări diferențiale. Semnalele de intrare sunt selectabile soft în variante ± 10 sau 0 ± 10 V, iar circuitul de amplificare este soft-reglabil cu coeficienții de amplificare 1,2,5,10,20,50,100.
- modalitate FIFO (first-in, first-out) pentru 512 cuvinte
- conversie AN și NA
- comanda conversie cu tact intern sau extern
- trei moduri de lucru pentru achiziția de date:
 - achiziție continuă pe un canal
 - achiziție pe multiple canale cu scanare continuă
 - achiziție pe multiple canale cu scanare pe interval.
- posibilitate de calibrare și auto-zero pe partea de PGIA și de calibrare pe partea de conversie Numeric-Analogică.
- posibilități de utilizare software dedicat Lab VIEW, Lab Windows, DAQ Ware, VI-DAQ;

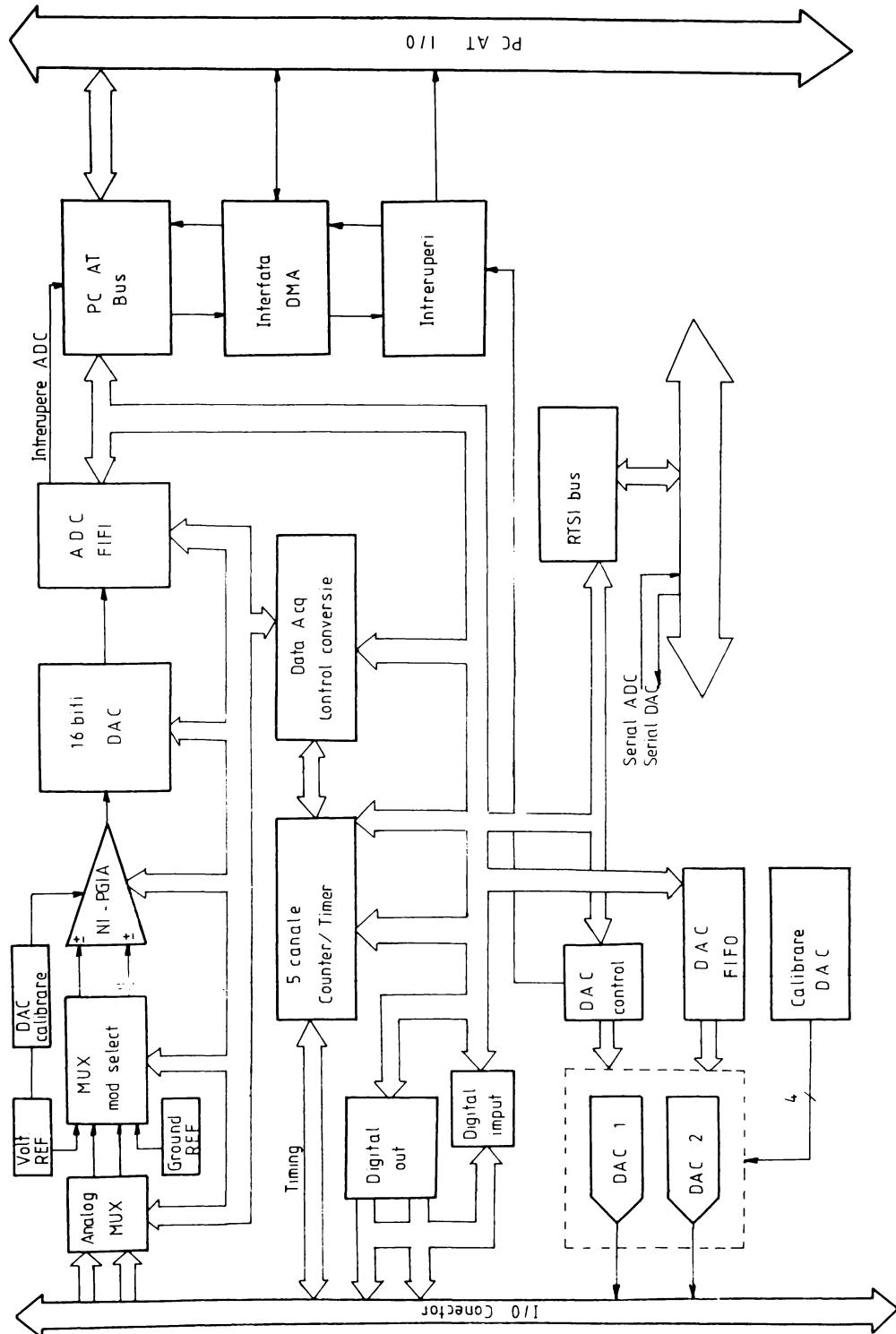


Fig. 3.14. Schema modulului AT-MIO-16Y

- bună stabilitate la temperatură pe domeniul de lucru.

Modulele și circuitele prezентate au oferit tot atâtea variante de realizare a structurii hard a MED, atât pe partea de sistem de achiziție de date cît și ca dotare cu IPC. Fără doar descrierea posibilităților de implementare, subliniind soluția care recurge la adaptarea structurilor modulare pentru aplicații generale, la cazul concret al MED pentru linii automate de mare productivitate, folosite la echilibrarea rotoarelor MI de putere mică și medie.

3.4. METODE DE ANALIZA A SEMNALELOR DE TRADUCTOR LA MASINILE DE ECHILIBRAT DINAMIC FOLOSITE PENTRU ECUALIBRAREA ROTOARELOR ASINILOR DE INDUCTIE DE SERIE NARE

După expunerea MED cu calculator numeric, se prezintă algoritmii după care se efectuează prelucrarea semnalelor de traductor. Pentru a facilita comparația între metoda numerică și metodele traditionale, analogice, se sistematizează caracteristicile și performanțele variantelor analogice, prezintând apoi structurat metoda numerică. Nu trebuie uitat faptul că orice procedeu de analiză a semnalelor se supune în ultimă instanță la doi indici de calitate:

- precizia de obținere a datelor dezechilibrului
- durată unui ciclu de analiză pentru cele două planuri de măsură (care determină productivitatea operației de echilibrare).

3.4.1. METODE DE ANALIZA CLASICE (ANALOGICE)

Din considerante tehnologice inerente construcției unei MED (toleranțe în execuția căilor de rulare, zgromotul mecanic al acțiunii electrice, zgromotul cuplajelor mecanice, izolare relativă prin fundații speciale a MED față de zgromotul industrial, folosirea rulmentilor pe căile de rulare) semnalele de

traductor ale MED cu lagăre rigide contin alături de semnalul util produs de dezechilibrul mecanic al rotorului și un intens spectru de semnale parazite, de obicei armonici superioare față de fundamentală impusă de viteza de antrenare, precum și zgomet aleator, cu ponderi însemnate în semnalul total furnizat de traductor. O sugestivă reprezentare a unui caz real de semnal cules la traductorul unei MED cu lagăre rigide este prezentată în fig.3.15., unde, alături de semnalul real, a fost tracat și semnalul util, determinat de dezechilibrul rotorului. Situația descrisă în fig.3.15 nu reprezintă o exagerare menită să scoată în evidență prezența zgometului. De obicei, în practică astfel de situații se întâlnesc la MED cu o foarte bună proiectare și execuție a mărtii mecanice și dotate cu traductoare de vibrații performante. La MED aflate în exploatare sau chiar la cele noi, din diferite motive, ponderea semnalului util în semnalul total poate fi mult mai mică decât cea sugerată în fig.3.14. Cu cît semnalul util este mai "încercat" în zgomet, cu atât apar dificultăți mai mari pe partea de analiză a semnalelor, de obicei lungind procesul de măsurare sau afectând semnificativ precizia acestora.

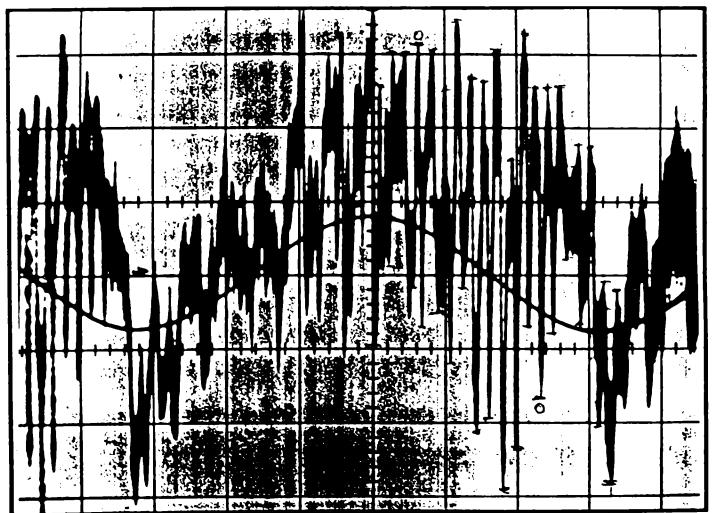


Fig.3.15. Alura semnalului real furnizat de traductorii de vibrații ai unei MED cu lagăre rigide.

Din aceste consideratii sunt necesare metode de extragere a semnalului util si de determinare a amplitudinii si defazajului sau. Trebuie amintit ca in tehnica echilibrarii dinamice, defazajul dezechilibrului se măsoară pentru fiecare plan față de o aceeași origine fixă, arbitrar fixată, dar cunoscută de operator sau de dispozitivul automat de prelucrare. Față de această origine, corespunzător defazajului ales, in sensul de antrenare a rotorului, se va actiona mecanic pentru echilibrare.

In cazul MED analogice, se utilizează trei metode de prelucrare a semnalului de traductor:

- eliminarea semnalelor parazite prin filtre acordate;
- eliminarea semnalelor parazite prin redresare comandată;
- eliminarea semnalelor parazite prin metoda waltmetrică.

Metoda de obținere a semnalului util prin filtre acordate presupune ca acea parte a semnalului de traductor care corespunde frecvenței fundamentale determinată de viteza de antrenare a rotorului, si care, deci corespunde dezechilibrului, să fie amplificată puternic selectiv în detrimentul celorlalte frecvențe din spectrul semnalelor de traductor.

Banda de trecere a filtrelor utilizate in cadrul acestei variante are alura din fig.3.16.

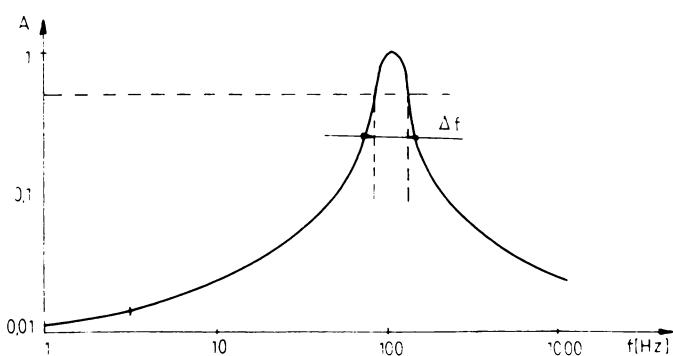


Fig.3.16. Banda de trecere in cazul unui filtru acordat.

O slăbiciune a acestei metode rezidă în faptul că factorul de amplificare nu poate fi sensibil mărit, deoarece în această situație, cele mai mici vibratii ale vitezei de antrenare a rotorului față de valoarea pentru care a fost acordat filtrul, conduce la erori importante, atât în determinarea amplitudinei cît și a defazajului. Procedeul se recomandă să fie utilizat doar în situațiile în care nivelul vibratiilor parazite nu este prea ridicat și numai atunci când viteză de echilibrare rămâne riguros constantă, deci la MED cu antrenare prin cuplaj mecanic.

Eliminarea semnalelor parazite prin metoda redresării comandate nu reușește o foarte bună calitate a echilibrării. În figura de trecere a semnalului, în acest caz, este prezentată în fig. 3.17. Se observă din specificul benzii de trecere că metoda nu elimină frecvențele impare ($3 f_0$, $5 f_0$, $7 f_0$, ...) fapt care influențează negativ rezultatul măsurătorii, reducând astfel precizia metodei.

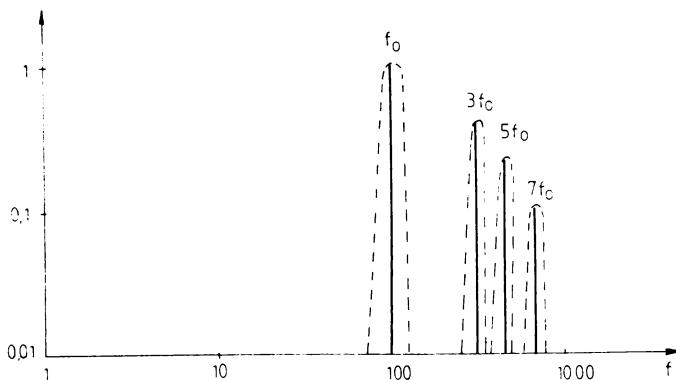


Fig.3.17. Bandă de trecere a metodei redresării comandate.

Eliminarea semnalelor parazite prin metoda wattmetrică (determinată și detectie sincronă în variantele de realizare electronică) reprezintă singurul procedeu analogic care elimină automat vibratiile parazite cu o siguranță absolută. În mod evident este vorba de armonicele superioare care se află în semnalul real de traductor. Vibratiile aleatoare care afectează sem-

nalul impun metode speciale de atenuare.

Banda de trecere la metoda wattmetrică este prezentată în fig.3.18.

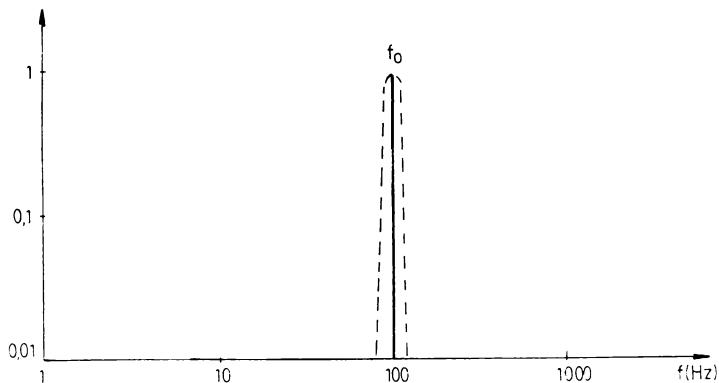


Fig.3.18. Banda de trecere a metodei wattmetrice.

Vibratiile parazite din vecinătatea imediată a frecvenței f_0 , corespunzătoare vitezei de antrenare a rotorului, pot induce variații ale măsurătorilor, dar fără a influența într-un mod semnificativ, din punct de vedere al practiciei echilibrării, rezultatele măsurătorilor.

Principiul wattmetric se implementează sub două mari clase de variante :

- scheme electronice
- echipamente electromagnetice.

Schemele electronice, numite și filtre sincrone, sunt realizate printr-un circuit multiplicator, urmat de un circuit integrator. Acest ansamblu care modelează echipamentul wattmetric furnizează la ieșire un semnal de forma $a \cdot b \cdot \cos \varphi$. În resupunem că termenul $a(t)$ este strict sinusoidal, iar termenul $b(t)$ conține alături de fundamentală și o serie de armonici superioare. Este necesar ca perioada semnalului $a(t)$ să fie identică cu fundamentală continută în $b(t)$. Mărimea de ieșire va fi corespunzătoare fundamentaliei termenului $b(t)$, deoarece toate

integralele produsului $a(t) \cdot b(t)$, pe o perioadă T sau pe un număr întreg de perioade, sunt nule. În acest fel, dacă dispunem de un semnal de referință strict sinusoidal, cu frecvență egală cu a rotorului antrenat, este posibilă extragerea fundamentală, de frecvență egală, din semnalul de traductor, indiferent de gradul de contaminare al acestuia cu armonici parazite. Condiția impusă este ca multiplicarea semnalelor să fie urmată de o integrare pe un număr întreg de perioade. În practică, numărul de perioade integrate este suficient de mare (durata măsurătorii este aproximativ 10 sec., iar perioada de antrenare $0,1 \pm 0,05$ sec., adică se integrează 100 ± 200 de perioade), deci nu mai este absolută cerința teoretică a numărului întreg de perioade, integrarea fiind întreruptă oriunde, după 7-10 sec. fără a influența rezultatul final.

Schimba consacrată de filtrarea sincronă la MFD produse la "Electromotor" Timișoara este prezentată în fig. 3.19.

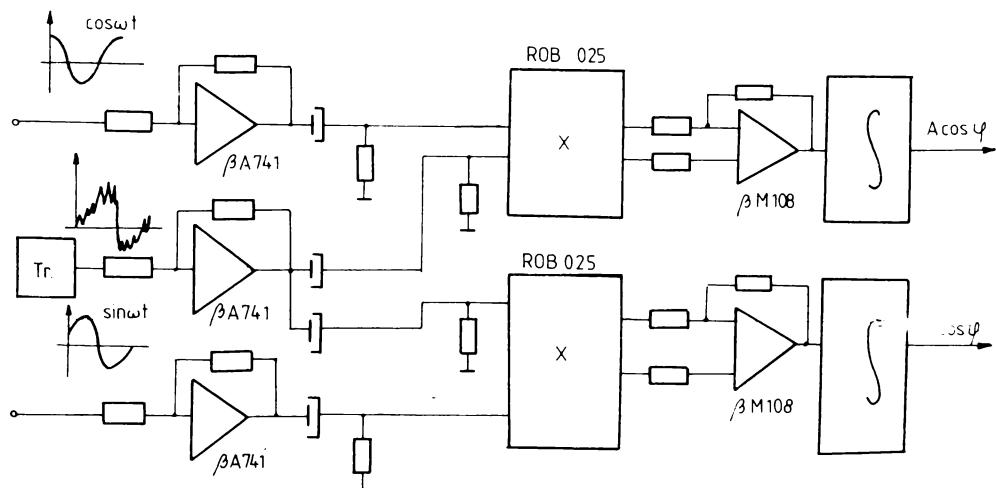


Fig. 3.19. Schimă de filtru sincron realizat cu ROB 025.

Semnalul de traductor, afectat de armonici superioare,

este aplicat circuitelor multiplicatoare, realizate cu integrate ROB 025, după o amplificare prealabilă, obținută simplu, cu circuite uzuale BA 741. Circuitele de multiplicare primesc pe intrările libere semnalele de sincronizare, adică $\sin \omega t$, respectiv $\cos \omega t$. Conform celor prezentate, pentru a obține semnalul util, respectiv fundamentala, fiecare circuit multiplicator este urmat de un circuit integrator. Se obțin astfel tensiuni proportionale cu coordonatele carteziene $A \sin \varphi$ și $A \cos \varphi$, unde:

- A - amplitudinea fundamentalei
- φ - defazajul dintre fundamentală și semnalul de sincronizare ales.

Originea semnalului de sincronizare este aceeași cu originea făță de care operatorul măsoară defazajele pentru intervenția mecanică, și se prezintă cît mai vizibil prin diferite mijloace.

Calitatea principală a filtrelor sincrone și deci a metodei wattmetrice în echilibrarea dinamică rezidă din performanțe de calitate care se pot atinge: se măsoară astfel dezechilibre mai mici de $1 \mu m$ ($1 \text{ gr.mm./kg.rotor}$), practic independent de nivelul perturbațiilor din semnalul inițial și cu o foarte usoară influență a gamei turărilor de echilibrare.

Dezavantajul metodei constă în necesitatea unor semnale strict sincrone cu turăria de antrenare, fapt pentru care metoda a fost folosită mai ales la MED cu antrenare prin cuplaj mecanic. Dar acest tip de antrenare are două inconveniente esențiale:

- reduce sensibilitatea mașinii;
- reduce productivitatea echilibrării, prin operațiile mai dificile de montare a rotoarelor.

Din aceste cauze, în cazul unor structuri de mare productivitate, destinate echilibrării rotoarelor MI de putere mică și medie nu sunt indicate MED antrenate prin cuplaj mecanic.

Metodele clasice prezentate sunt sistematizate în TAB.3.2, unde:

+ +	foarte bine	- -	foarte rău
+	bine	-	rău

TAB.3.2.

	Filtru acordat	Redresare comandată	Wattmetric
Indice de calitate uzual pt.a atinge calit.echilibrării	Q = 2,5	Q = 1	Q = 0,4
Precizie	-	+	++
Gamă de viteză	-	+	+
Măsurători cu viteză variabile	-	+	+
Simplitate în utili- zare	--	+	+
Pret al MED	++	+	-
Raport tolerat semnal util / zgomot	-	+	+

3.4.2. METODA NUMERICA DE ANALIZA A SEMNALELOR DE TRADUCTOR PROPUSSA PENTRU MED CU CALCULATOR

Pentru o corectă apreciere a avantajelor și performanțelor MED cu calculator este necesară următoarea observație referitoare la paragraful precedent, respectiv la soluțiile analogice. Nu trebuie uitat faptul că o mașină de echilibrat pentru piese cu geometrii uzuale, așa cum este cazul rotoarelor MI de putere mică și medie, folosește două planuri de echilibrare și două plănuri de măsură. Din această cauză, schema prezentată în fig.3.19 reprezintă modul de prelucrare al semnalelor doar pentru un plan. Există în practică două soluții constructive care satisfac fie criteriul de cost, fie criteriul de productivitate :

- dacă se dorește minimizarea costului, MED păstrează un singur modul de prelucrare a semnalelor, la intrarea căruia se comută pe rînd semnalele provenite de la cei doi traductori. În acest mod, durata timpului de măsură se dublează (cel puțin), iar operatorul trebuie să rețină rezultatele de pe primul plan, pentru a efectua prelucrarea mecanică.

- dacă se dorește o viteză de măsurare mai bună ($7-10^4$ sec) este nevoie de două blocuri de prelucrare, pentru fiecare traduc-

tor.

Pentru analiza numerică a semnalelor de traductor, în cauzul MED destinată echilibrării automate a rotoarelor MI de putere mică și medie, se propune un algoritm elaborat pe baza metodei grafo-analitice Roth-Perry de descompunere în armonici a curbelor periodice cunoscute. În cazul echilibrării, ceea ce interesează este fundamentală.

Metoda Roth-Perry este o soluție simplă, care obține amplitudinea și defazajul fundamentalei sau armonicelor care interesează. Conform variantei grafice, perioada curbei $y=f(t)$ analizate se împarte într-un număr întreg de subintervale egale, n , determinându-se și ordonatele corespunzătoare acestei diviziuni $v_0, v_1, v_2, \dots, v_{n-1}$.

În etapa următoare, dintr-un centru considerat, se trasează n raze, care fac între ele unghiul $2\pi/n$. Raza de origine va fi considerată raza orizontală, corespunzătoare semi-axei OX .

Dacă interesează armonica de ordin k , pentru calculul amplitudinei acesteia, se plasează pe cele n raze trase, toate ordonatele determinate anterior, astfel încât să facă următoarele unghiuri față de axa de origine, în ordinea plasării ($v_0, v_1, v_2, \dots, v_{n-1}$):

$$1 \cdot k \cdot 2\pi/n ; 2 \cdot k \cdot 2\pi/n ; 3 \cdot k \cdot 2\pi/n ; \dots (n-1) \cdot k \cdot 2\pi/n$$

Dacă o ordonată v_i are valoare negativă, va fi plasată pe prelungirea razei corespunzătoare. Segmentele astfel plasate se adună vectorial, iar suma obținută, împărțită la $n/2$, ne oferă la scara reprezentării grafice, amplitudinea armonicei k . Unghiul pe care îl formează direcția sumei vectoriale cu axa pozitivă verticală este defazajul armonicei de ordin k față de originea semnalului periodic analizat. Defazajul este considerat pozitiv în sens trigonometric și negativ în sens orar.

Deoarece în procesul de echilibrare interesează doar fundamentală, se va alege $k=1$.

Metoda grafică descrisă poate fi exprimată matematic în modul următor, unde prin OM s-a notat suma vectorială obținută:

$$\overline{OM} = v_0 \cdot \exp(i \cdot 0^\circ) + y_1 \cdot \exp(i \cdot k \cdot 2\pi/n) + v_2 \cdot \exp(i \cdot 2 \cdot k \cdot 2\pi/n) + \\ + y_3 \cdot \exp(i \cdot 3k \cdot 2\pi/n) + \dots + y_{n-1} \cdot \exp(i \cdot (n-1) \cdot k \cdot 2\pi/n) \\ \dots \quad (3.20)$$

Componentele reale și imaginare se separă prin :

$$\overline{OM} = v_0 \cdot \cos 0^\circ + y_1 \cdot \cos k \cdot 2\pi/n + v_2 \cdot \cos 2k \cdot 2\pi/n + y_3 \cdot \cos 3k \cdot 2\pi/n + \\ + \dots + y_{n-1} \cdot \cos(n-1)k \cdot 2\pi/n + i(v_0 \cdot \sin 0^\circ + y_1 \cdot \sin k \cdot 2\pi/n + \\ + v_2 \cdot \sin 2k \cdot 2\pi/n + y_3 \cdot \sin 3k \cdot 2\pi/n + \dots + y_{n-1} \cdot \sin(n-1)k \cdot 2\pi/n) \\ \dots \quad (3.21)$$

Componentele reale și imaginare reprezintă proiecțiile sumei vectoriale pe cele 2 axe perpendiculare, fiind proporționale cu componente armonice de ordin k . Din punct de vedere al echilibrului, mărimea \overline{OM} reprezintă o vizualizare vectorială, globală, fără diferențierea defazajului și amplitudinei într-un mod explicit. Partea reală este suma produselor dintre ordonatele v_i și termenii în \cos , iar partea imaginara, suma produselor dintre ordonatele y_i și termenii în \sin . Se obțin deci, pentru cele două componente, expresiile :

$$\sum_{i=0}^{n-1} v_i \cdot \cos ik \cdot 2\pi/n = v_0 \cdot \cos 0^\circ + v_1 \cdot \cos k \cdot 2\pi/n + v_2 \cdot \cos 2k \cdot 2\pi/n + \\ + y_3 \cdot \cos 3k \cdot 2\pi/n + \dots + y_{n-1} \cdot \cos(n-1)k \cdot 2\pi/n \\ \dots \quad (3.22)$$

$$\sum_{i=0}^{n-1} y_i \cdot \sin ik \cdot 2\pi/n = v_0 \cdot \sin 0^\circ + y_1 \cdot \cos k \cdot 2\pi/n + v_2 \cdot \sin 2k \cdot 2\pi/n + \\ + y_3 \cdot \sin 3k \cdot 2\pi/n + \dots + y_{n-1} \cdot \sin(n-1)k \cdot 2\pi/n \\ \dots \quad (3.23)$$

Proportionalitatea cu proiecțiile amplitudinilor armonice

de ordin k se realizează prin termenul $n/2$:

$$\left(\sum_{i=0}^{n-1} v_i \cdot \cos i \cdot k \cdot 2\pi/n \right) / (n/2) = A_k \text{ real} \quad \dots (3.24)$$

$$\left(\sum_{i=0}^{n-1} v_i \cdot \sin i \cdot k \cdot 2\pi/n \right) / (n/2) = A_k \text{ imag.} \quad \dots (3.25)$$

Acum se pot obține mărimile care interesează :

$$A_k = \sqrt{A_k \text{ real}^2 + A_k \text{ imag.}^2} \quad \dots (3.26)$$

$$\operatorname{tg} \varphi_k = A_k \text{ imag.} / A_k \text{ real} \quad \dots (3.27)$$

Desi în cazul echilibrării interesează fundamentala, algoritmul a fost prezentat și realizat în cazul general, pentru a oferi MED și posibilități de analiză spectrală a semnalelor sau de urmărire a unor armonici anume, care la variantele clasice nu se putea realiza cu echipamentul destinat echilibrării. Astfel, MED cu calculator numeric poate să-si autotesteze și partea mecanică, respectiv calitatea căilor de rulare, depistând prin analiză spectrală, prezența unor fisuri sau deformări generatoare de socuri mecanice.

Din cele prezente rezultă că algoritmul Roth-Perry este simplu, rapid, ușor de realizat soft și conține următoarele etape:

- esamionarea semnalelor de traductor pentru una sau mai multe perioade de rotație. Determinarea frecvenței maxime a fost stabilită anterior, dar din considerente practice, privind funcțiile armonice, este suficientă o esantionare din grad în grad.

- multiplicarea semnalelor esantionate, cu funcțiile sin, cos, la argumentele menționate în expresiile (3.22) (3.23) și adunarea rezultatelor obținute

- împărțirea sumelor în sinus și cosinus cu factorul $n/2$

- calculul lui A_k și φ_k conform (3.26) (3.27).

Este ușor de stabilit numărul de operații, pentru un plan de echilibrare al metodei Roth-Perry :

- obținerea lui A_k real : (n) produse + $(n-1)$ adunări +
+ 1 împărțire;
- obținerea lui A_k imag : - " -
- obținerea lui A_k : 2 înmulțiri + 1 adunare + 1 radic.
- obținerea lui Φ_k : 1 împărțire + 1 arctg.

Pentru tot algoritmul, deci pentru 2 planuri de echilibrare, se obțin următoarele operații, în situația divizării perioadei T în n subintervale:

- adunări : ? . n
- produse : ?(n+2)
- împărțiri: ?
- radicali : ?
- arctg : ?

Operațiile care în general consumă mult timp nu sunt numeroase. Singurele operații cu durate ceva mai mari și numeroase sunt produsele, fără ce explică timpii performanți la rulare.

Din cele prezentate, se observă că algoritmul poate fi interpretat și drept o variantă numerică a metodei wattmetrice. Conform tab.3.2. metoda wattmetrică era cea mai precisă din metodele analogice, deci și algoritmul numeric după metoda Roth-Perry este performant din acest punct de vedere. Rezultatele experimentale obținute prin rularea programului cu această metodă numerică, în diferite condiții de contaminare a semnalului și de esanționare a semnalului de traductor, sunt prezentate în cap.IV.

3.4.3. METODE NUMERICE DE ANALIZA A SEMNALELOR DE TRADUCTOR AFECTATE DE ZGOMOT

În practica echilibrării se constată că semnalele de traductor, alături de armonici superioare, mai conțin și componente cu caracter aleator, datorită zgomotului mecanic provenit de la utilajele, mașinile plasate în apropierea NFP. Problema zgomo-

tului aleator este importantă în cazul păsării MED în fluxuri automatizate de producție, cind distanțele dintre utilaje sunt reduse. Gradul de contaminare cu zgomot depinde esențial de modul în care au fost respectate instrucțiunile de montaj și instalare a MED :

- distanțe minime față de utilajele cu grad ridicat de vibrații în funcționare;
- izolarea corespunzătoare a fundației (dimensiuni recomandate și folosirea de materiale absorbante);
- fixarea corectă din punct de vedere mecanic a batiului, respectiv a rezămelor față de fundație.

Pentru variantele analogice ale MED nu sunt prevăzute explicit dispozitive care să decontamineze de zgomot semnalul de traductor sau să îmbunătățească raportul semnal-zgomot, considerindu-se suficiente respectarea condițiilor de instalare și montaj. Din această cauză, în halele cu un conținut mai ridicat de vibrații și zgomot, rezultatele echilibrărilor sunt influențate, cind necesară repetarea operației (echilibrare din mai multe lăsări). În astfel de situații, operatorii (uneori chiar firmele producătoare facilitează realizarea practică) folosesc o pseudometodă de imunizare, pentru care se procedeză în felul următor:

- mașina este pornită fără rotor sau utilizând un rotor etalon, perfect echilibrat
- factorul de amplificare al blocului amplificator de măsură este atenuat așa încât indicațiile mașinii să fie "trase" la zero.
- se consideră acum că sunt eliminate influențele zgomotelor asupra măsurătorilor.

In realitate este simplu de constatăt că această metodă de "imunizare" nu face decât să reducă sensibilitatea mașinii. Fără a modifica raportul semnal-zgomot, deci fără a elimina influența zgomotului asupra corectitudinii măsurătorilor efectuate.

Pentru a elibera recurgerea la lăsări repetate ale rotorului, pentru atingerea performanțelor de echilibrare impuse, operații care reduc productivitatea MED, în situația echilibrării rotoarelor NI de putere mică și medie, cind se impune reducerea

maximă a timpului de echilibrare cu obținerea performanțelor sonice în funcționarea MI, este nevoie de analiza separată a zgomotului aleator din semnalele de traductor.

Spre deosebire de varianta analogică, varianta numerică a MED permite îmbunătățirea raportului semnal-zgomot prin rulearea unor algoritmi destinați trăsării semnalelor, fără modificarea structurii hard-ware prezentată anterior, deci fără investiții suplimentare în dotarea MED. Această posibilitate reprezintă un avantaj major al soluției numerice comparativ cu soluția analogică.

Zgomotul mecanic poate fi modelat matematic ca o clasă specială de procese stohastice, respectiv poate fi considerat un proces ergotic. Procesele ergotice reprezintă o clasă specială a proceselor stohastice stationare care se definesc prin egalitatea dintre valorile medii obtinute pe ansamblul de esantionare al unui proces stochastic și valorile medii temporale ale unei singure realizări reprezentative ale acestui proces. Prin această proprietate se realizează o serie de oportunități de abordare practică a proceselor stohastice, decarece, din punct de vedere tehnic, este mult mai simplu să se lucreze cu o singură realizare din familia esantioanelor, în numele tuturor realizărilor posibile. În acest mod, în cazul concret al analizei semnalelor unei MED, un esantion corespunzător unei rotații complete sau mai multor rotații complete ale rotorului, devine reprezentativ pentru ansamblul de esantioane ale procesului stochastic analizat, deoarece prin mediile temporare ale esantionului se estimează toate valorile medii ale procesului stochastic. Această observație deci considerarea zgomotului mecanic drept proces ergotic, nu este o aproximare forțată, pentru reducerea subiectului matematic, în literatură [57] [58] se demonstrează prin măsurători că zgomitele tehnice, inclusiv cele care interesează în acest caz, pot fi modelate drept procese ergotice.

Sunt posibile mai multe variante de analiză ale semnalelor deterministe afectate de zgomot, aparținând metodelor de corelație:

- teste de peridicitate
- detectarea prezentei unui semnal periodic într-un semnal puternic contaminat de zgomot

- extragerea unui semnal periodic dintr-un semnal afectat de zgomot

- majorarea raportului semnal-zgomot.

In situația echilibrării, prezintă interes doar ultimele două metode deoarece este cunoscută de la început prezenta semnalului periodic produs de dezechilibrul mecanic al rotorului.

Extragerea semnalului periodic dintr-un semnal real afectat de un zgomot puternic presupune utilizarea funcțiilor de intercorelație. Funcția periodică utilizată la calculul funcției de intercorelație, în acest caz, este funcția "tren de impulsuri unitare" (funcția "pieptene") $\Pi(t)$

Dacă $v(t)$ este un semnal periodic, de perioadă T , cunoscută, iar $z(t)$ este zgomotul, semnalul total $x(t)$ este:

$$x(t) = v(t) + z(t) \quad \dots (3.28)$$

unde: $v(t)$ și $z(t)$ sunt necorelate.

Semnalul $x(t)$ se intercorelează cu un semnal auxiliar $y(t)$, periodic, având aceeași perioadă T , ca și semnalul $v(t)$. În cazul nostru, cind se folosește funcția $\Pi(t)$ se poate scrie:

$$y(t) = y(t_0 + nT) = \Pi(t) \quad \dots (3.29)$$

iar pentru $\Pi(t)$ există expresia:

$$y(t) = \Pi(t) = \sum_{n=1}^{N} \delta(t - nT_e) \quad \dots (3.30)$$

unde: T_e = perioada impulsurilor unitare.

Prin aplicarea intercorelației între $x(t)$ și $\Pi(t)$ se obține:

$$C_{xy}(2) = C_{vv}(2) + C_{zz}(2) \quad \dots (3.31)$$

pentru situația, existentă practic $\tau \gg \tau_A$ se obține:

$$C_{z_{\text{m}} z} (\tau) = 0 \quad \dots (3.32)$$

ceea ce determină, cu erorile de estimare specifice, relația:

$$C_{x_{\text{m}} z} (\tau) = C_{p_{\text{m}} z} (\tau) \quad \dots (3.33)$$

Pe baza relației (3.33) rezultă posibilitatea de extragere a semnalului periodic $p(t)$ încăt în zgromotul $z(t)$, utilizând un tren de impulsuri unitare $\Delta(t)$. Este nevoie de obținerea esantionată a semnalului real $x(t) = p(t) + z(t)$ la o frecvență superioară celei Shannon, $F_e > 2F_y$. Calculul numeric al funcției de intercorelație se exprimă prin relația 3.34.

$$C_{xv}(k) = 1/(N-k) \sum_{n=1}^{N-k} x_n \cdot v_{n+k} \quad k=0, 1, \dots, (k-1) \quad \dots (3.34)$$

unde timpul de întirzire τ este:

$$\tau = k \cdot T_e \quad \dots (3.35)$$

$$T_e = 1 / F_e$$

k = numărul maxim de esanțioane al funcției de corelație

N = numărul de esanțioane ale semnalelor $x(t)$, $v(t)$.

In mod ușor se recomandă:

$$k = (1/5 \dots 1/10) \cdot N \quad \dots (3.36)$$

Din această cauză, în practică se aproximează în mod curent $N-k \approx N$, iar relația de calcul a funcției de intercorelație devine:

$$C_{xy}(k) = \frac{1}{N} \sum_{n=1}^{N-k} x_n \cdot y_{n+k} \quad \dots (3.37)$$

Analizînd relaþia (3.37) care permite calculul funcþiei de intercorelaþie si comparînd-o cu expresiile numerice ale algoritmului Roth-Perry se constată cã numărul de operaþii matematice necesare acestui calcul este aproxiatativ egal cu cel al detecti-ei sinerone numerice, deci durata de prelucrare a semnalului se dublează. Din această cauză propunem o altă metodă care își propune majorarea raportului semnal-zgomot. Este important în ale-gerea algoritmului să nu existe un număr mare de operaþii de în- mulþire, împărtire care determină durata rulării programului, pen-tru a nu reduce semnificativ productivitatea operaþiilor de echilibrare.

În lucrarea [59], Max J. erată cã, dacă se propune pentru semnal periodic expresia :

$$x(t) = \sqrt{2} E \cos(2\pi t/T + \varphi) \quad \dots (3.38)$$

iar pentru zgomotul de putere \tilde{E}_z^2 se acceptă cã este centrat, atunci raportul semnal-zgomot initial este :

$$R_i = E^2 / \tilde{E}_z^2 \quad \dots (3.39)$$

Autocovarianþa semnalului mixat rezultă din (3.28) și (3.32):

$$C_{xx}(\tau) = C_{pp}(\tau) = E^2 \cdot \cos 2\pi f \cdot \tau_0 \quad \dots (3.40)$$

Pentru $\tau_0 \gg \tau_1$, $C_{pp}(\tau_0)$ este periodică și se poate scrie :

$$C_{pp}(\tau_0) = C_{pp}(\tau_0 + T) = C_{pp}(\tau_0 + 2T) = \dots = C_{pp}(\tau_0 + kT) \quad \dots (3.41)$$

Deoarece C_{xx} se exprimă prin :

$$C_{xx} = 1/(N+1) \sum_{n=0}^N b(t, \tau + nT) = E^2 \cdot \cos 2\pi f \tau_0 \quad \dots (3.42)$$

unde:

$$b(t, \tau + nT) = (p(t) + z(t)) \cdot (p(t-(\tau - nT)) + z(t-(\tau - nT))) \quad \dots (3.43)$$

Se obține mărimea raportului semnal-zgomot la ieșirea correlatorului :

$$R_o = N / (4/R_i + 2/R_i^2) \quad \dots (3.44)$$

Relația (3.44) arată că semnalul semnal-zgomot crește proporțional cu numărul de perioade N , deci proporțional cu durata de înregistrare a semnalului $x(t)$.

Pe baza acestor observații, se propune înregistrarea, respectiv eșantionarea unui număr mai mare de perioade, efectuând ulterior media aritmetică a eșantioanelor din perioadele înregistrate:

$$x_1 = (x_{11} + x_{12} + \dots + x_{1N}) / N$$

$$x_2 = (x_{21} + x_{22} + \dots + x_{2N}) / N \quad \dots (3.45)$$

$$x_k = (x_{k1} + x_{k2} + \dots + x_{kN}) / N$$

Alegind N cu diferite valori, în cap.IV se va urmări experimental îmbunătățirea calității măsurătorilor. Este de observat că în acest algoritm operațiile cele mai numeroase sunt adunările, deci viteza de rulare nu se va modifica semnificativ.

CAPITOLUL IV

LIMBAJE SI PROGRAME UTILIZATE LA IMPLEMENTAREA ALGORITMILOR DE ECHILIBRARE LA M.E.D. CU CALCULATOR NUMERIC DEDICATE ROTOARELOR M.I. DE PUTERE MICA SI MEDIE

Cazul concret al rotoarelor MI de putere mică și medie impune MFD cerintelor principale axate pe performanțele de viteză și precizia. Fiind cunoscut caracterul de serie foarte mare al producției acestor gabarite de MI se poate afirma că în această situație, accentul se deplasează hotărîtor spre performanțele de viteză, deci de productivitate, ale MFD. Chiar și precizia echilibrării se poate analiza ca o condiție implicită a productivității, deoarece ea asigură echilibrarea dintr-o singură lansare. Din aceste motive este necesară orientarea către limbajele de programare pentru sistemele în timp real. Un sistem de calcul în timp real (TR) implică preluarea rapidă a datelor de intrare, efectuarea prelucrărilor numerice într-un interval de timp suficient de mic și transmiterea datelor la utilizator astfel să se mai poată influența desfășurarea fenomenului descris de datele de intrare. Un astfel de sistem este structurat on-line, datele de intrare fiind introduse de la locul de generare, iar informațiile de ieșire finale sunt transmise direct la locul lor de utilizare. Evident, elementul esențial care oferă caracterul de sistem în timp real îl reprezintă timpul de răspuns. Pentru un sistem on-line, definirea globală a timpului de răspuns este dată prin intervalul dintre momentul în care se produce un eveniment în procesul controlat și momentul în care sistemul de calcul transmite un răspuns referitor la acel eveniment.

Nu există un prag temporal general pentru sistemele în TR, timpi de răspuns acceptabili definirii anterioare depinzând de caracteristicile proceselor tehnice.

Sistemele de calcul în TR trebuie să optimizeze în mod egal, toate cele trei elemente ale unei automatizări: comunicațiile, calculul și comanda. Continutul general al noțiunii de TR conduce la definirea unor clase largi de aplicații:

- viteza de răspuns nu este impusă ca o valoare absolută fiind definită de dinamica proceselor comandate.

- datele de intrare pot fi introduse direct sau de un operator uman.

- un sistem în TR nu trebuie să genereze obligatoriu acțiuni directe de comandă, el poate doar furniza datele necesare operatorului uman.

Evoluția sistemelor on-line au făcut posibile următoarele variante de aplicare practică, determinate de caracterul concret al procesului condus :

- sisteme in-line = datele de intrare sunt preluate de la traductoare direct, iar rezultatele prelucrării lor sunt transmise operatorului uman care intervine în evoluția procesului.

- sisteme conversationale - sunt sisteme on-line - în care introducerea datelor cît și afisarea rezultatelor se face de la calculator, operatorul uman nu mai este limitat, el putind introduce mesaje sau comenzi pentru calculator.

- sisteme tranzacționale - sunt sisteme on-line, interactive, unde, pentru asigurarea unor viteze de răspuns mari, numărul și tipul de comenzi ce pot fi introduse de operator este strict limitat.

- sisteme în timp real înglobate (embedded) - sistemul de calcul face parte dintr-un sistem tehnic complex. Această direcție s-a dezvoltat pe măsură apariției microcalculatoarelor și microprocesoarelor, inserate în sistemele tehnice sau chiar în produse tehnice.

Din această scurtă prezentare a sistemelor în TR rezultă necesitatea cunoașterii procesului tehnic pentru a particulariza noțiunile generale care definesc TR. De asemenea sunt im-

portante și informațiile privind calificarea personalului operator, posibilitățile de solicitare fizice și psihoperceptive în estimarea timpilor de reacție.

MED construite pentru rotoarele MI de putere mică și medie, produse pe scară foarte mare, funcționează atât în structuri automatizate de producție cît și deservite de operatori, în ambele situații fiind necesară o productivitate ridicată a operației de echilibrate. În funcție de cele două situații se structurează:

- sisteme în timp real înglobate.
- sisteme tranzactionale în timp real.

Pentru a realiza un sistem de calcul în TR trebuie rezolvate următoarele categorii de probleme :

- probleme privind proiectarea și implementarea aplicației în TR;

- probleme legate de aspectele soft ale aplicației : limbi de programare adaptate problemelor de TR, metode de programare destinate aplicațiilor în TR, sisteme de operare;

- probleme specifice privind aspectele hard ale aplicației.

Deoarece aspectele hard și cele referitoare la proiectarea și implementarea aplicației în TR pentru MED cu calculator numeric au fost expuse în capitolele anterioare, în continuare se vor analiza doar problemele ridicate de limbajele de programare precum și de aspecte concrete și performanțele realizate de programele de care le-am elaborat pentru această aplicație.

Pentru o aplicație în TR domeniul soft se structurează în general după cinci module distințe funcționale :

- programul de culegere a datelor din procesul tehnologic;
- programul de actualizare a bazei de date specifice situației concrete:

 - programul de calcul propriu-zis, conform algoritmului implementat;
 - programul de generare a comenziilor către procesul tehnologic;
 - programul de generare a mesajelor, semnalizărilor, raportelor.

Conform acestor caracteristici generale ale aplicațiilor în TR, este necesară precizarea principalelor elemente în cazul concret al MED cu calculator numeric construite pentru echilibrarea rotoarelor MI produse în serii foarte mari și în primul rînd se impune definirea timpului de răspuns pentru a putea fixa apoi corect limitele în care procesul de echilibrare poate fi considerat în TR.

Deoarece în monografiile privind sistemele în timp real (61)(62)(63) sau tratînd problematica mașinilor de echilibrat (29)(30)(31)(32) nu am întîlnit conceptul de TR pentru procesul de echilibrare dinamică, a fost nevoie de elaborarea unei definiții personale, în conformitate cu specificul operatiei de echilibrare.

"Om consideră astfel operația de echilibrare dinamică efectuîndu-se în condiții de timp real, dacă echipamentul de măsură și calcul poate furniza pentru toate planele de echilibrare, mărimile caracteristice dezechilibrelor (amplitudini, unghiuri) exprimate în unitățile fizice fixate de utilizator, în intervalul de timp corespunzător frînării MED de la turăția nominală la zero.

Conform definiției enunțate, echilibrarea dinamică poate fi subdivizată în trei intervale funcționale, în cîrful căroror este necesară sincronizarea aspectelor legate de comportarea dinamică a sistemului mecanic al MED, respectiv acțiunea echipamentelor de achiziție și prelucrarea numerică a semnalelor:

- intervalul de accelerare al rotorului - t_a - rotorul este adus la turăția nominală de echilibrare. Atingerea acestei valori se realizează prin două metode : prescrierea timpului t_a , ca valoare acoperitoare pentru gama de rotoare echilibrate sau prin urmărire variației turăției rotorului, considerîndu-se atinsă valoarea nominală prescrisă în momentul cînd eroarea între două valori de turății succesiv măsurate este mai mică decît eroarea prescrisă.

- intervalul de turăție constantă (de măsurare) - t_m - este durata de timp în care are loc esantionarea semnalelor de la cele două traductoare de vibratii. Trebuie subliniat faptul că la MED dedicat rotoarelor MI de puteri mici și medii, acest interval este esențial în determinarea indicelui de productivitate a echilibrării. În cazul MED analogice cu lagăre solide, t_m este

cunrins în intervalul $(8 \text{ s} \pm 20 \text{ s})$ pentru un plan de echilibrare, cu garantarea parametrilor de calitate. Pentru a reduce t_m pentru cele două plane de echilibrare, soluția consacrată în cazul MED analogice este dublarea dispozivelor electronice pe căile de detectie sincronă, reducere a planelor și afisare a rezultatelor. Practic are loc o dublare a echipamentului electronic, cu creșterea corespunzătoare a prețului total al MED. Dar și în aceste condiții t_m nu poate fi micșorat sub durata de $7 \text{ s} \pm 10 \text{ s}$, fără diminuarea calității operației de echilibrare.

- intervalul de frânare - t_f - rotorul este adus de la turatia nominală la repaus, pentru a se trece la echilibrarea efectivă, prin intervenția operatorului sau prin acțiunea dispozitivelor de poziționare - prelucrare automatizate. În cadrul soluției numerice prezente, intervalul t_f este utilizat pentru rularea algoritmului de prelucrare a semnalelor și de afisare a rezultatelor obținute.

Din cele prezentate rezultă o modificare esențială a utilizării celor trei intervale funcționale la MED cu calculator numeric, față de soluția tradițională a MED cu echipamente analogice. Astfel, la MED analogice, intervalul de turatie constantă (de măsurare) are ca și mai mare durată ($8 \text{ s} \pm 20 \text{ s}$ pentru un plan de măsură) deoarece acest regim de funcționare este folosit pentru prelucrarea semnalelor de traductor, inclusiv pentru realizarea separării planelor de măsură, respectiv de echilibrare și pentru afisarea rezultatelor.

In cazul MED cu calculator numeric, intervalul de turatie constantă este folosit doar pentru achiziția numerică a semnalelor de traductor, prelucrarea acestora efectuindu-se în cadrul intervalului de frânare. Acceptând pentru MED construite pentru rotații de putere mici și medie, gama de turatii de echilibrare nominale cunrinsă în intervalul (1200 rot/min - 6000 rot/min) și considerând numărul maxim de intervale esantionate egal cu 50 (în cazul semnalelor de traductor puternic afectate de armonici parazite precum și de semnale aleatoare provenite din zgromotul industrial al mediului în care este plasat MED), rezultă în aceste ipoteze un interval $t_m \in (0,5 \text{ s} \pm 2 \text{ s})$. Dacă se discută situația unui semnal de traductor perturbat în limite uzuale, timpul de achiziție, t_m , devine $(0,25 \text{ s} \pm 1 \text{ s})$.

Rezultă astfel o reducere semnificativă a intervalului t_m (de circa $20 \div 30$ de ori) și prin aceasta a întregului timp de echilibrare, fapt ce conduce la două rezultate remarcabile :

- creșterea productivității operației de echilibrare (indice al calității globale a echilibrării foarte important în cazul producției de mașini electrice de putere mică și medie).

- reducerea costului unei operații de echilibrare prin reducerea duratei de antrenare a rotorului.

Schematic, repartitia duratelor de funcționare pentru cele două tipuri de MED, a fost prezentată în fig.4.1.

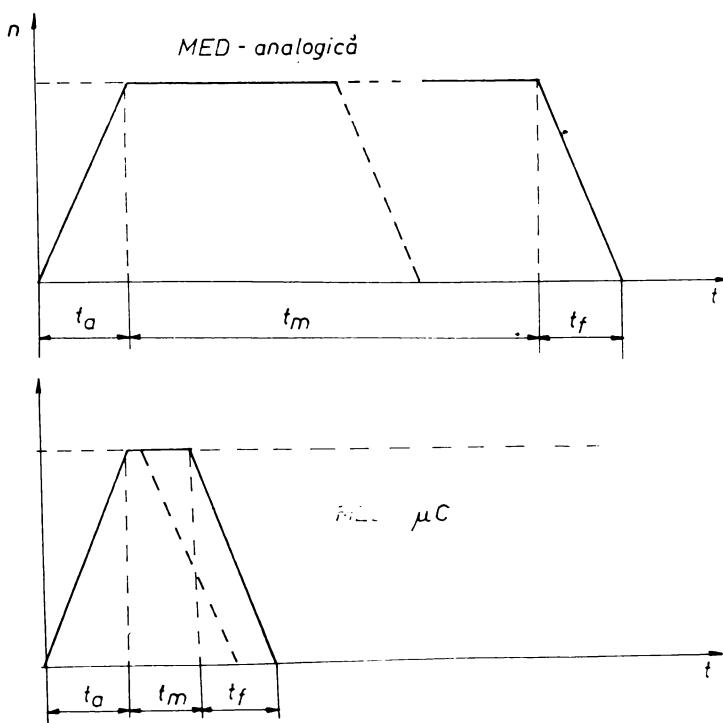


Fig.4.1. Duratele de funcționare la cele 2 tipuri de MED .

Trebuie subliniat faptul că perfectionările aduse variantelor analogice nu au fost suficiente pentru a obține rezultate comparabile cu cele obținute în cadrul soluției numerice. Astfel, cercetările personale finalizate printr-o serie de brevete aplicate la MED produse la "Electromotor" Timisoara (64)(65)(66)(67) (68) desigură îmbunătățit o serie de parametrii ai operației de echilibrare, nu au reușit să asigure performanțele de precizie și productivitate atinse de varianta numerică. În plus, soluțiile analogice nu au reușit să rezolve în termeni acceptabili industrial, respectiv cu o complexitate și un preț de cost rezonabile, problema reducerii zgromotului din semnalele de traductor, fapt ce conduce, prin nerealizarea acestei imunități, la perturbarea rezultatelor și la mărirea timpului de echilibrare.

4.1. LIMBAJUL FORTRAN . PROGRAMME REALIZATE

Alegerea unui limbaj de programare în care să se scrie algoritmii corespunzători funcționării unei MED prezintă mai multe aspecte de care un producător trebuie să țină seama :

- disponibilitățile hard utilizate la soluția numerică;
- posibilitățile de service pe care le poate susține;
- conlucrarea cu firmele producătoare de calculatoare și de soft;
- dorința de a împl... în monopol asupra acestei variante de WED.

Pe baza acestor aspecte se deduce două variante majore în fixarea limbajelor utilizate :

- folosirea unor limbiaje cu mare răspândire pentru utilizatori, care să fie implementate pe structuri de MED dotate cu IPC , prin care se asigură facilități de instalare, depanare și dezvoltare ulterioară a programului principal;
- folosirea unor limbiaje specializate pe aplicații industriale, capabile să realizeze atât pe IPC cât și pe calculatoare mai putin performante, proiectate doar pentru aplicația MED ,.

prin care se poate facilita un monopol al prelucrării, instalării depanării și dezvoltărilor ulterioare.

In cele ce urmează vor fi prezentate două variante, care să ilustreze fiecare tendință.

Prima soluție propune utilizarea unui program scris în limbajul FORTH și corespunde grupei limbajelor specializate pe aplicații industriale. Literatura de specialitate (69)(70)(71)(72) prezintă limbajul FORTH ca fiind rezultatul activității lui Ch.H. Moore, care a dorit elaborarea unei soluții simple de programare, respectiv unei soluții care să asigure fiabilitate, compactate și viteză de execuție. Astfel, produsul elaborat FORTH, se deosebește radical de celelalte limbaje de nivel înalt, prin modul de îmbinare și interacțiune a celor două cerințe : compatibilitatea cu structura hard și satisfacerea cerințelor utilizatorilor.

Performanțele limbajului FORTH, care îl impunem în dezvoltarea unei aplicații industriale, sunt :

- crearea de limbaje orientate pe problemă, respectiv pe structura datelor de prelucrat și modul lor de interacțiune prin care o aplicație carecăre este caracterizată.

- caracterul de "fuzzy languages" - dispariția granitelor ferme între limbaj și aplicație. Integrarea unei aplicații sub FORTH se realizează ascendent astfel fiecare modul creat devine o nouă comandă definită de utilizator, procedura continuând pînă la obținerea unei singure comenzi a cărei apelare duce la executia întregii aplicații. Prin aceasta este facilitată și instruirea personalului fără calificare în informatică la utilizarea echipamentelor, urmate sub FORTH, decarece el va utiliza doar un set redus de comenzi definite prin nume căt mai apropiate de procesul tehnic comandat:

- flexibilitatea limbajului - oferită prin procedura anterioră, care permite atașarea rapidă a noi blocuri unei aplicații existente, specifice cerințelor concrete de utilizare.

- productivități sporite în editarea textului sursă. Literatura de specialitate enunță estimări productivități în medie de 2 ori mai ridicate în comparație cu limbajele de nivel înalt și de 3-10 ori mai ridicate față de codificarea în limbaj de asamblare.

- viteza de execuție ridicată, uneori superioară cu cea a codului obiect generat de o serie de compilatoare. Față de rularea în limbaj de asamblare, viteza se reduce cu 40 % în medie, dar există posibilități de a codifica în limbaj de asamblare sub FORTH comenzi cu durate critice, rulând astfel la viteza unității centrale.

- codul executabil este extrem de compact.

- programarea structurată, modularizată și ierarhizată prin niveluri funcționale prin structuri clasice de control de tip BEGIN - WHILE - REPEAT ; BEGIN - UNTIL , DO - LOOP , CASE , BEGIN - AGAIN ; IF - THEN ; IF - ELSE - THEN .

- facilități de acces la memorie și dispozitive periferice, analog limbajelor de asamblare. Aceste posibilități permit crearea de drivere specializate pentru interfețele hardware atașate calculatorului conform fiecărei aplicații.

- performante maxime la cost minim de elaborare a asamblului hard-soft, pe orice suport hardware dorit prin faptul că este necesară codificarea în limbaj de asamblare doar a nucleului de primitive FORTH, care reprezintă 10-15 % din volumul total al setului de comenzi. Restul se codifică tot în FORTH, folosind setul de primitive.

Fără a prezenta în detaliu limbajul FORTH și semnificațiile cuvintelor-instrucțiuni utilizate în scrierea programului de echilibrare, se prezintă blocurile funcționale principale, cu scurte observații asupra efectelor acestora. Din această prezentare va apărea și principala dificultate a limbajului FORTH, respectiv puternica personalizare a programelor elaborate. Totuși din performanțele de flexibilitate exceptionale, fiecare utilizator va împregna aplicația FORTH cu modul său de a structura respectiva problemă, fapt care conduce la transparenta programului în raport cu autorul acestei și la un grad ridicat de dificultate față de alți utilizatori, care doresc să cunoască aplicația în intimitatea elaborării programului. Această particularitate conduce și la posibilități simple de a asigura monopolul asupra unei aplicații.

4.1.1. MODULUI DE REALIZARE AL PREZENTARILOR GRAFICE

MED cu calculator numeric pentru echilibrarea rotoarelor MAS de putere mică și medie au nevoie, atât în regimul de funcționare în structură automatizată de producție cât și în regimul autonom, cu asistență operatorului uman, de a prezenta sintetic și sugestiv, prin mesaje grafice sau tip text, o serie de date privind operația de echilibrare, rezultatele acesteia, dimensiunile și geometria rotorului. Cele mai importante date care influențează direct calitatea echilibrării, fiind parametrii în funcție de care se calculează transpunerea rezultatelor din planurile de măsură în cele de echilibrare sunt elementele geometrice și dimensionale ale rotorului. Pentru a facilita căt mai mult activitatea operatorului uman și pentru a folosi disponibilitățile grafice ale ED cu calculator, în cadrul acestei etape, pe display se va afisa conturul geometric al rotorului cu principalele dimensiuni geometrice necesare operării de echilibrare, precum și mesajul prin care se chestionează dacă la noua echilibrare rotorul este de același tip sau este nevoie de o nouă introducere a dimensiunilor. În situația în care rotorul de echilibrat are alte dimensiuni față de precedentul, programul lansează setul de mărimi necesare a fi completat, iar introducerea valorilor acestora este efectuată de operator, de la tastatură.

Imaginea prezentată pe display este conformă cu fig.4.2.
În fig.4.2. se prezintă toate elementele care ar putea să apară în desenarea unui rotor, din punct de vedere al echilibrării dinamice. De obicei, desenul este mai simplu, prin următoarele observații:

- $R_1 = R_2$,

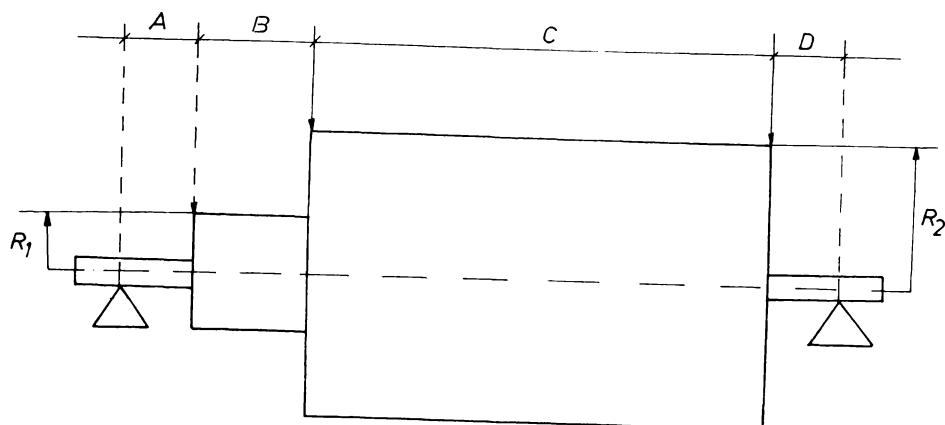
- P și C devin o singură dimensiune.

Programul care realizează reprezentarea grafică este :

:	GRAF	1	4°	65	11°	65	9°	66	110	66	4°		
95		11°	95	90	94	11°	90	4°	9°	95	91	65	91
95		11°	40	110	40	110	95	111	6°	111	95	11°	60

210	60	110	61	160	61	160	40	160	100	159	60	159
100	110	100	210	100	110	99	160	99	60	75	90	75
60	76	90	76	60	85	90	85	60	84	90	84	60
75	60	85	61	75	61	85	160	75	190	75	160	76
190	76	160	85	190	85	160	84	190	84	190	75	190
85	189	75	189	85	68	45	182	45	68	40	68	75
182	40	182	75	50	65	50	95	200	60	200	60	100
68	86	73	91	68	86	63	91	63	91	73	91	182
86	187	91	182	86	177	91	177	91	187	91	90	66
37	60	90	66	93	60	160	61	157	55	160	61	163
55	30	80	220	80								

40 0 DO DRAW LOOP :



A =

B =

C =

D =

R₁ =

R₂ =

Fig.4.2.

Programul care realizează scrierea dimensiunilor pe ecran precum și plasarea datelor în locatii prestabiliște de memorie este următorul :

```
: GRAF 2      4  ROW  11  COL  65  EMIT  15  COL  66  EMIT
    22  COL  67  EMIT  27  COL  68  FMIT
    10  ROW  4  COL  82  EMIT  49  EMIT  33  COL
    82  EMIT  50  EMIT
    18  ROW  8  COL  65  EMIT  61  EMIT  19  ROW
    8  COL  66  EMIT  61  EMIT
    20  ROW  8  COL  67  EMIT  61  EMIT  21  ROW
    8  COL  68  EMIT  61  FMIT
    28  ROW  8  COL  82  EMIT  49  EMIT  61  EMIT
    24  ROW  8  COL  82  EMIT  50  FMIT  61  EMIT
    25  ROW  1  COL  ;
AA  26  ROW  1  COL  19  SPACES  25  ROW  1  COL  ;
=A  DUP  52  000!  18  ROW  11  COL  .  AA ;
=B  DUP  52  002!  19  ROW  11  COL  .  AA ;
=C  DUP  52  004!  20  ROW  11  COL  .  AA ;
=D  DUP  52  006!  21  ROW  11  COL  .  AA ;
=R1  DUP  52  008!  23  ROW  11  COL  .  AA ;
=R2  DUP  52  010!  24  ROW  11  COL  .  AA ;
```

In cazul unui rotor simplu se fac următoarele modificări:

- nu se mai definește R1
- nu se mai definește D
- pentru desenul din fig.4.2 are loc următoarea transformare:
 $A = A$ $B = B + C$ $C = D$.

4.1.2. MODULUL DE REALIZARE AL ECHILIBRARII DINAMICE IN DOUA PLANURI

Pentru programul de calcul este necesară definirea următorului set de cuvinte care nu aparțin nucleului FORTH.

```
: D+ - S SWAP OVER DABS ;  
: D+ - R ROT D+ - ;  
: DS# R D+-S I # O SWAP ROT R U#  
D+ D+-R ;  
: DO= R O= R O= + 2 - O= ;
```

Programul care implementează algoritmul de analiză numerică pentru planul drept de măsură este :

```
: CALCD  
50740 ?E DO= IF O 50760 ! THEN 50730 ?E DO=  
IF 90 50760 ! ELSE 50740 ?E ABS 50736 E ABS  
M/MOD ROT DROP 50750 ?! O >R BEGIN 50750 ?E  
I SIN 10 000 # I COS M/MOD ROT DROP DIVINUS D+  
SWAP DROP O< R> 1 + >U UNTIL R> 2 - 50760  
! THEN 50730 ?E SWAP DROP O IF 180 50760 E  
- 50760 ! THEN 50740 ?E SWAP DROP O< IF 50760  
E MINUS 360 + 50760 ! THEN 50730 ?E DABS  
50740 ?E DABS D+ DO= IF .O 50790 ?! O 50760  
! THEN 50740 ?E DO= IF 50730 ?E 50790 ?!  
THEN 50740 ?E DABS 50760 E SIN ABS M/MOD ROT  
DROP 10 000 DS# DUP 50790 ?! O< IF 50730 ?E  
50790 ?! THEN 50790 ?E 180 50770 E / M/MOD ROT  
DROP 50790 ?! ;
```

Pentru planul de măsură stîng, programul are aceeași formă, doar că locațiile de memorie utilizate vor fi diferite. S-a utilizat, din motive de simetrie și usurință de depanare ori dezvoltare a programelor, trecerea de la locațiile tip 50 700 la locații 51 700.

```
: CALCS  
51740 ?E DO= IF O 51760 ! THEN 51730 ?E DO=  
IF 90 51760 ! ELSE 51740 ?E DABS 51736 E IPS
```

```
M/MOD ROT DROP 51750 2! 0 >R BEGIN 51750 2E  
I SIN 10000 Mx I COS M/MOD ROT DROP DMINUS D+  
SWAP DROP 0< R> 1 + >R UNTIL R> 2 - 51760  
! THEN 51730 2E SWAP DROP 0< IF 180 51760 E  
- 51760 ! THEN 51740 2E SWAP DROP 0< IF 51760  
E MINUS 360 + 51760 ! THEN 51730 2E DABS 51740  
2E DABS D+ DO= IF .0 51790 2! 0 51760 ! THEN  
51740 2E DO= IF 51730 2E 51790 2! THEN 51740  
2E DABS 51760 E SIN ABS M/MOD ROT DROP 10000  
DSx 2DUP 51790 2! 0< IF 51730 2E 51790 2! THEN  
51790 2E 180 51770 E / M/MOD ROT DROP 51790  
2! ;
```

In acest mod, programul de calcul pentru ambele plane de măsură se scrie simplu:

```
CALC      CALCD      CALCS ;
```

După cum a fost prezentat anterior, unul din marile avantaje ale utilizării calculatorului numeric în echiparea MED este posibilitatea reprezentărilor grafice diferite, adecvate aplicației, fără modificarea resurselor hard-ware. Pentru a facilita editarea acestor reprezentări am elaborat două cuvinte noi în vocabularul FORTH, prin care se rezolvă simplu redarea dreptunghiurilor și triunghiurilor. Programul FORTH standard are posibilități grafice pentru punct, dreaptă și elipsă.

DREPT

```
50900 ! 50905 ! 50910 ! DUP 50915 ! 50905 E  
+ 50920 ! 50900 E 50910 E 50920 E 50910 E 2DUP  
50920 E 50925 E 2DUP 50915 E 50925 E 2DUP  
50915 E 50925 E 2DUP 50915 E 50910 E 4  
0 DO DRAW LOOP ;
```

TRIE

```
50950 ! 50955 ! DUP 10000 SWAP 60 SIN * /  
50950 E + 50960 ! 2 ' 50965 ! 50955 E  
50950 E 50955 E 50965 E + 50960 E 2DUP  
50955 E 50965 E - 50960 E 2DUP 50955 E 50950
```

E 3 0 DO DRAW LOOP ;

Programul standard de echilibrare mai cuprinde și modulul de reducere a planelor, respectiv de transpunere a cuplurilor din planele de măsură în planele de echilibrare. Considerind o situație clasică, înlocuire s-au notat cu :

- F_1 ; F_2 = forțele determinate în planele de măsură
- H_1 ; H_2 = forțele din planele de echilibrare
- a = distanța de la planul de măsură la cel de echilibrare pentru capătul din stînga ($F_1 - H_1$)
- b = distanța dintre planele de echilibrare ($H_1 - H_2$)
- c = echivalentul lui a pentru capătul din dreapta al rotorului ($H_2 - F_2$) ,

rezultă următoarele expresii pentru H_1 și H_2 :

$$H_1 = F_1(1+a/b) - F_2(c/b) \quad \dots (4.1)$$

$$H_2 = F_2(1+c/b) - F_1(a/b) \quad \dots (4.2)$$

Pentru scrierea programului se realizează următoarele locații de memorie, prin programele anterioare de citire a datelor rotorului, respectiv de prelucrare primară a semnalelor:

$F_1 \rightarrow 50790$; $F_2 \rightarrow 51790$; $a \rightarrow 52000$; $b \rightarrow 52002$;
 $c \rightarrow 52004$

Programul de reducere a planelor în aceste condiții este următorul:

```
: REDPL
      52002 E 52004 E + 52012 ! 50790 2E 52000 E
      DS* DMINUS 51790 2E DS* D+ 1000 DS* 52012 E
      M/MOD ROT DROP 2DUP 52014 2! 50790 2E D+
      50790 2: 52002 E 52004 E + 52012 ! 50790 2E
      52000 E DS* DMINUS 51790 2E 52000 E DS* 52012
```

E K/MOD ROT DROP 2UP 52014 2! 51790
DMINUS 51790 2! ;

4.2. PROGRAME PENTRU ECHILIBRARE SI TESTAREA ALGORITMULUI REALIZATE IN VISUAL - BASIC

Limbajul VISUAL-BASIC a fost ales pentru scrierea acestor programe datorită facilităților sale grafice precum și a opurtunităților de modularizare a unei aplicații complexe.

Amplasarea funcțională a unei MED impune o serie de investiții importante (structură mecanică, fundații speciale, structuri izolante, absorbante față de restul mediului industrial) care realizează și o particularizare puternică a MFD. Deoarece comportarea MFD clasice depinde în bună măsură de tipul și calitatea amplasării acesteia, iar structura de MED propusă se doară să nu fie influențată în calitatea echilibrării de acesti factori, a fost nevoie de simularea unui vast domeniu de situații posibile, pentru a extrage parametrii optimi de lucru.

Elementul fundamental de care am tinut seama a fost specificul echilibrării rotoarelor ME de puteri mici și medii, respectiv inserarea acestei operații tehnologice în fluxul productiv. Din această cauză, MED funcționează într-un mediu industrial puternic contaminat de vibrații și zgomot, deci semnalele de traductor ale MED prezintă o importantă componentă de zgomot, de semnal aleator suprapus semnalului util. Ponderea componentei aleatoare nu poate fi determinată teoretic, ea fiind condiționată de situațiile concrete ale mediului industrial în care MED funcționează.

Prin cele 2275 de programe rulate, fiecare corespunzând unei anume funcționări a MED, s-a acoperit domeniul posibil al situațiilor care se pot include în termenul de "funcționare normală". Nu au fost simulate situațiile de deteriorare și eșilor de rulare la MED și nici distrugerea axelor rotoarelor ME.

Programul prin care s-au simulaț cele 2275 de posibilități de funcționare este următorul :

```
Global NA, NE, NP, MA As Integer
Global Smax As Single
Global dA(), dF(), cA(), cF() As Single
Global semnal() As Single 'redim pe C1 Ok_b.Click
Global Semnal1Per() As Single 'redim pe C1 Ok_b.Click
Global esant As Single
Global aleator As Single
Global index As Integer
Global Const pi = 3.141593
```

```
Sub Ok_b_Click()
    NP = Val(tNP.text)
    NE = Val(tNE.text)
    MA = Val(tMA.text)
    ReDim semnal(0 To NE) 'semnal cu zgomot, filtrat
    'prin mediere, pt.calcule
    ReDim Semnal1Per(0 To NE) 'semnal cu zgomot, nefiltrat
    'prin mediere, pt.reprezentare grafica
    Do While F2.cbA.listcount
        F2 cbA.RemoveItem 0
        F2 cbF.RemoveItem 0
    Loop
    For i% = 1 To NA
        a$ = "A" + Str$(i%) + "=" + Str$(dA(i%))
        f$ = "F" + Str$(i%) + "=" + Str$(CInt(dF(i%)) * 180 / pi)
        F2 cbA.AddItem a$
        F2 cbF.AddItem f$
    Next
    F2 L1 visible = 0
    F2 Refresh
    F2 Show
    F2.P1.scalewidth = NE
    F2.P1.visible = 0
End Sub
```

```
Sub Form_Load()
    msg$ = "Introduceti ordinul armonicilor" + Chr$(13) + Chr$(10)
    msg$ = msg$ + "celei mai inalte"
    NA = Val(InputBox$(msg$, "Intr.nr. max. arm.", "7"))
    ReDim dA(1 To NA)
    ReDim dF(1 To NA)
    'initializare armonicile 1 si 3
    dA(1) = 90
    dF(1) = 60 * pi / 180 'in radiani
    dA(3) = 50
    dF(3) = 30 * pi / 180 'in radiani
End Sub
```

```
Sub Form_Click()
    F2.P1.Refresh
    F2.P1.visible = 0
End Sub
```

```
Sub h_Click()
    msg$ = "NE=numarul de esantioane " + Chr$(13) + Chr$(10)
    msg$ = msg$ + "NP=numarul de perioade " + Chr$(13) + Chr$(10)
    msg$ = msg$ + "MA=maximul semnalului aleator."
    MsgBox msg$
```

End Sub

```
Sub OkA_Click ()  
    i% = cbA.listindex + 1  
    If i% >= 1 Then  
        dA(i%) = Val(tA.text)  
        cbA.list(i% - 1) = "A" + Str$(i%) + "=" + Str$(dA(i%))  
    End If  
End Sub  
  
Sub OkF_Click ()  
    i% = cbF.listindex + 1  
    If i% >= 1 Then  
        dF(i%) = Val(tF.text) * pi / 180 'valori in radiani  
        cbF.list(i% - 1) = "F" + Str$(i%) + "=" + Str$(CInt(dF(i%) * 180 / pi))  
    End If  
End Sub  
  
Sub g_b_Click ()  
    'pentru cazul in care s-au modificat valori armonici,  
    'se actualizeaza lista din combobox-ul cu grafica  
    Do While F3 cbG.listcount  
        F3 cbG.Removeitem 0  
    Loop  
    For i% = 0 To NA - 1  
        ss$ = "A" + Format$(i% + 1, "#0") + "=" + Format$(dA(i% + 1), "#00") + " F" +  
        Format$(i% + 1, "#0") + "=" + Format$((dF(i% + 1) * 180 / pi), "#00")  
        F3 cbG.AddItem ss$  
    Next  
    F3.Show  
    F3.P1.Refresh  
    F3.P1.scalewidth = NE  
    'gaseste maximul semnalului pt stabilirea scarii de reprezentare  
    Smax = 0  
    For i% = 0 To NE  
        If semnal(i%) > Smax Then  
            Smax = semnal(i%)  
        End If  
    Next i%  
    If Smax > 10 Then  
        F3.P1.scaleheight = 2 * 10 * (CInt(Smax / 10) + 1)  
        F3.L1.caption = Format$(F3.P1.scaleheight / 2, "##")  
        'etichetele de maxim grafic  
        F3.L2.caption = Format$(-1 * F3.P1.scaleheight / 2, "##")  
        F3.L3.caption = "0"  
        'linii de caroaj - culoare light-cyan <- 11  
        For i% = NE / 10 To NE Step NE / 10  
            F3.P1.Line (i%, 0)-(i%, F3.P1.scaleheight), QBColor(11)  
        Next i%  
        For j% = F3.P1.scaleheight / 20 To F3.P1.scaleheight Step F3.P1.scaleheight / 20  
            F3.P1.Line (0, j%)-(F3.P1.scalewidth, j%), QBColor(11)  
        Next j%  
        'abscisa - culoare rosie <- 4  
        F3.P1.Line (0, F3.P1.scaleheight / 2)-(NE, F3.P1.scaleheight / 2), QBColor(4)  
        F3.P1.currentx = 0  
        F3.P1.currenty = F3.P1.scaleheight / 2 - semnal(0)  
        'traseaza semnalul mediat - culoare black <- 0  
        F3.P1.DrawWidth = 2  
        For i% = 0 To NE  
            F3.P1.Line -(i%, F3.P1.scaleheight / 2 - semnal(i%)), QBColor(0)  
        Next
```

```
'traseaza semnal nemediat - culoare light-red <- 12
F3.P1.DrawWidth = 1
F3.P1.currentx = 0
F3.P1.currenty = F3.P1.scaleheight / 2 - Semnal1Per(0)
For i% = 0 To NE
    F3.P1.Line -(i%, F3.P1.scaleheight / 2 - Semnal1Per(i%)), QBColor(12)
Next

Else
    F3.P1.scaleheight = 20
    F3.L1.caption = Format$(F3.P1.scaleheight / 2, "####")
    'etichetele de maxim grafic
    F3.L2.caption = Format$(-1 * F3.P1.scaleheight / 2, "###")
    F3.L3.caption = "0"
    'linii de caroaj - culoare galbena
    For i% = NE / 10 To NE Step NE / 10
        F3.P1.Line (i%, 0)-(i%, F3.P1.scaleheight), QBColor(6)
    Next i%
    For j% = F3.P1.scaleheight / 20 To F3.P1.scaleheight Step F3.P1.scaleheight / 20
        F3.P1.Line (0, j%)-(F3.P1.scalewidth, j%), QBColor(6)
    Next j%
    'abscisa - culoare rosie
    F3.P1.Line (0, F3.P1.scaleheight / 2)-(NE, F3.P1.scaleheight / 2), QBColor(4)
    F3.P1.currentx = 0
    F3.P1.currenty = F3.P1.scaleheight / 2 - semnal(0)
    'traseaza semnalul
    F3.P1.DrawWidth = 2
    For i% = 0 To NE
        F3.P1.Line -(i%, F3.P1.scaleheight / 2 - semnal(i%)), QBColor(0)
    Next
    'traseaza semnal nemediat - culoare light-red <- 12
    F3.P1.DrawWidth = 1
    F3.P1.currentx = 0
    F3.P1.currenty = F3.P1.scaleheight / 2 - Semnal1Per(0)
    For i% = 0 To NE
        F3.P1.Line -(i%, F3.P1.scaleheight / 2 - Semnal1Per(i%)), QBColor(12)
    Next
End If
End Sub

Sub tNA_Change ()
    Do While cbA.listcount
        cbA.RemoveItem 0
        cbF.RemoveItem 0
        F2 cbG.RemoveItem 0
    Loop
End Sub

Sub gs_b_Click ()
    L1.visible = -1
    P1.visible = -1
    L1.Refresh
    P1.Refresh
    esant = 2 * pi / NE
    Randomize
    aleator = 0
    For i% = 0 To NE
        semnal(i%) = 0
        For j% = 1 To NP
```

```
For k% = 1 To NA
    aleator = MA * (2 * Rnd - 1)
    semnal(i%) = semnal(i%) + dA(k%) * Sin(i% * k% * esant + dF(k%)) + aleator
Next k%
If j% = 1 Then
    Semnal1Per(i%) = semnal(i%)
End If
Next j%
semnal(i%) = semnal(i%) / NP
P1.forecolor = QBColor(9)
P1.Line (i%, 0)-(i%, 10)
Next i%
L1.visible = 0
P1.visible = 0
End Sub

Sub Form_Click ()
    F2.Refresh
    L1.visible = 0
End Sub

Sub xit_Click ()
    End
End Sub

Sub Command1_Click ()
    End
End Sub
```

```
Sub xit_Click ()  
    End  
End Sub  
  
Sub cbG_Change ()  
    arm = cbG.listindex + 1  
End Sub  
  
Sub done_Click ()  
    index = cbG.listindex + 1 'numarul armonicii selectate  
    If index <= 0 Then  
        index = 1  
    End If  
    P1 forecolor = QBColor(index)  
    P1 currentx = 0  
    P1 currenty = P1.scaleheight / 2 - dA(index) * Sin(0 * index * esant + dF(index))  
    For i% = 0 To NE  
        P1 Line -(i%, P1.scaleheight / 2 - dA(index) * Sin(i% * index * esant + dF(index)))  
    Next  
End Sub  
  
Sub c_p_Click ()  
    ReDim cA(1 To NA)  
    ReDim cf(1 To NA)  
    For i% = 0 To NE  
        aI = aI + semnal(i%) * Cos(i% * esant)  
        bI = bI + semnal(i%) * Sin(i% * esant)  
    Next i%  
    aI = 2 / NE * aI  
    bI = 2 / NE * bI  
    cA(1) = Sqr(aI * aI + bI * bI)  
    If bI <> 0 Then  
        cf(1) = Atn(aI / bI)  
    Else  
        cf(1) = pi / 2      'toate calculele pentru faze se fac in radiani  
    End If  
    'si se prezinta in grade  
    If cf(1) < 0 Then  
        cf(1) = pi + cf(1)  
    End If  
    If dA(1) <> 0 Then  
        msg$ = "Calculat A=" + Format$(cA(1), "#####.00000") + Chr$(13) + Chr$(10)  
        msg$ = msg$ + "Eroare A=" + Format$((cA(1) - dA(1)) / dA(1), "##0.00000 %") +  
        Chr$(13) + Chr$(10) + Chr$(10)  
  
        msg$ = msg$ + "Calculat F=" + Format$(cf(1) * 180 / pi, "##### 00000") + Chr$(13) +  
        Chr$(10)  
        msg$ = msg$ + "Eroare F=" + Format$((cf(1) - dF(1)) * 180 / pi, "##0.00000") + " grd"  
        MsgBox msg$, 0, "Rezultate"  
    Else  
        MsgBox "Nu pot calcula eroarea relativ a unei marimi nule ", 0, "Rezultate"  
    End If  
End Sub  
  
Sub Command1_Click ()  
    End  
End Sub  
  
Sub Label2_Click ()  
    F4 Show  

```

End Sub

Sub Command2_Click()

F4.Show

End Sub

In cele ce urmează s-au utilizat următoarele notări :

A_1 - amplitudinea fundamentală din semnalul de traductor

A_3, A_5, A_7 - amplitudinile armonicelor impare din semnalul de traductor

A_4, A_6, A_8 - amplitudinile armonicelor pare din semnalul de traductor

A_{20}, A_{30} - amplitudinile armonicelor de ordin înalt din semnalul de traductor

ALE - zgometul (componentă aleatorie) din semnalul de traductor (dacă ALE=75, se modelează zgometul prin generația unei secvențe aleatoare în domeniul 0,75)

NL - numărul de lansări

NP - numărul de perioade mediate

NE - numărul de eșantioane dintr-o perioadă

$e_A \%$ - modulul erorii de amplitudine, exprimat procentual

$e_f {}^\circ$ - modulul erorii de fază exprimat în grade

MAX - maximul erorilor

Pentru modelarea unui domeniu cît mai larg de structuri mecanice de NED, au fost construite următoarele 7 variante privind spectrul semnalului de traductor :

V_1 - definită prin: $A_1=100 ; A_3=30 ; A_5=20 ; A_7=10$

V_2 - definită prin: $A_1=100 ; A_3=70 ; A_5=50 ; A_7=30$

V_3 - definită prin: $A_1=100 ; A_3=70 ; A_5=50 ; A_7=30$
 $A_4=30 ; A_6=30 ; A_8=30.$

V_4 - definită prin: $A_1=100 ; A_3=70 ; A_5=50 ; A_7=30$
 $A_4=30 ; A_6=30 ; A_8=30 ; A_{20}=10 ; A_{30}=20$

V_5 - definită prin: $A_1=100 ; A_3=50 ; A_5=30 ; A_7=20 ; A_4=20$
 $A_6=20 ; A_8=20 ; A_{20}=70 ; A_{30}=100$

V₆ - definită prin: A₁=100 ; A₃=20 ; A₅=10 ; A₇=10 ;
A₄=10 ; A₆=10 ; A₈=10 ; A₂₀=30 ; A₃₀=50

V₇ - definită prin: A₁=100 ; A₃=20 ; A₅=10 ; A₇=10 ; A₄=10 ;
A₆=10 ; A₈=10 ; A₂₀=100 ; A₃₀=200 .

In lipsa semnalului aleator, cele 7 variante de structuri de semnal vor avea următoarele erori de amplitudine și fază, la aplicarea algoritmului numeric :

V₁ : e_A = 0,49 % ; e_f = 0,16°

V₂ : e_A = 0,58 % ; e_f = 0,19°

V₃ : e_A = 0,58 % ; e_f = 0,19°

V₄ : e_A = 0,58 % ; e_f = 0,19°

V₅ : e_A = 0,46 % ; e_f = 0,15°

V₆ : e_A = 0,54 % ; e_f = 0,17°

V₇ : e_A = 0,46 % ; e_f = 0,15°

Toate aceste rezultate s-au obținut pentru o esantionare din grad în grad, deci N.E = 360. Rezultatele obținute sunt remarcabile, deoarece MED analogice funcționează cu erori de fază de 5° - 6°, iar cele de amplitudine se înscriu în domeniul 6 % - 10 %.

Acest prim set de rezultate a fost obținut fără a considera influența semnalului aleator, deci fără ruleerea segmentului de program care îmbunătățește raportul semnal-zgomot. Deoarece interesul acestei aplicații îl reprezintă tocmai echilibrarea dinamică în prezență zgomotului, au fost similate în continuare doar situații de funcționare a MED cu semnalele de traductor perturbate de zgomot. În tabelele TAP.4.1. ... TAP.4.7. sunt prezentate rezultatele operației de echilibrare pentru cele 7 variante de structuri de semnal de traductor, dar afectate de zgomot. Gradul de afectare este diferit și s-a obținut prin modificarea intervalului din care se extrag valorile aleatoare. S-au ales următoarele situații : ALE = 20; 40; 60; 80; 100. Este important de subliniat faptul că s-au ales și ponderi mari ale zgomotului, care nu se regăsesc într-o funcționare normală, la o corectă montare a MED. Această opțiune s-a realizat pentru a putea verifica perfor-

<i>NR.</i>	<i>ALE</i>	20	40	60	80	100
<i>1</i>	1,635	13,583	23,026	11,824	15,087	
	1,528	0,283	5,988	4,612	10,237	
<i>5</i>	0,082	0,771	2,082	3,337	1,225	
	0,699	1,298	1,877	2,055	4,264	
<i>10</i>	0,655	1,138	4,092	1,948	2,234	
	0,149	1,195	0,363	0,581	0,517	
<i>20</i>	0,481	0,040	1,019	1,685	1,665	
	0,268	0,552	0,451	0,416	0,481	
<i>30</i>	0,481	0,176	0,292	0,551	2,855	
	0,121	0,008	0,166	0,464	1,479	
<i>40</i>	1,118	1,355	1,066	4,551	2,343	
	0,029	0,110	0,765	0,192	1,416	
<i>50</i>	0,542	0,203	1,125	0,752	3,696	
	0,075	0,072	0,048	0,233	0,837	
<i>60</i>	0,037	0,801	1,061	1,109	1,617	
	0,302	0,288	0,562	0,622	0,458	
<i>70</i>	0,341	0,304	1,511	0,711	0,734	
	0,118	0,134	0,528	0,879	0,532	
<i>80</i>	0,367	1,111	1,808	0,174	0,590	
	0,085	0,061	0,193	0,465	0,359	
<i>90</i>	0,684	0,305	0,662	0,511	0,727	
	0,411	0,221	0,069	0,088	1,426	
<i>100</i>	0,621	0,003	0,139	0,525	0,168	
	0,047	0,097	0,547	1,229	1,101	

TAB. 4.2.

<i>ALE</i> <i>NR.</i>	20	40	60	80	100
1	1,043 2,096	2,227 7,691	10,998 5,385	7,445 7,706	11,592 5,136
5	0,508 0,483	3,122 0,375	2,652 0,382	3,797 0,060	1,109 0,441
10	1,218 0,300	2,688 0,467	2,543 2,882	3,908 0,668	6,895 2,437
20	0,745 0,157	0,617 0,615	0,452 0,206	2,192 0,181	2,887 1,077
30	0,206 0,461	0,552 0,228	2,218 0,848	0,064 0,364	0,115 0,152
40	0,598 0,076	1,042 0,595	0,136 0,993	1,511 0,676	1,205 0,422
50	0,803 0,499	1,127 0,416	0,385 0,297	2,869 1,435	1,055 0,626
60	0,516 0,089	0,047 0,279	0,282 0,148	0,711 1,585	1,471 1,106
70	0,797 0,136	0,377 0,292	0,400 1,115	1,439 0,458	1,272 0,373
80	0,733 0,036	1,247 0,596	0,761 0,388	2,286 0,678	1,547 0,413
90	0,323 0,047	0,822 0,143	0,462 0,228	0,622 0,393	1,911 0,936
100	0,847 0,445	0,856 0,088	0,154 0,293	0,132 1,568	0,787 0,185

TAB. 4.3.

<i>NR.</i>	<i>ALE</i>	20	40	60	80	100
1		2,180 1,756	4,152 3,322	5,534 2,482	11,172 9,047	5,657 5,502
5		0,479 0,588	2,177 0,342	2,882 0,787	1,735 1,152	0,278 2,606
10		0,562 0,691	1,069 0,149	2,837 0,416	4,219 2,410	0,377 3,857
20		0,123 0,162	2,079 0,669	0,609 1,463	4,042 0,550	2,118 1,124
30		0,717 0,522	0,611 0,848	0,811 1,598	0,585 1,059	3,604 1,328
40		0,408 0,396	0,595 0,227	2,268 1,296	0,852 0,145	3,266 0,921
50		0,255 0,399	1,281 0,333	0,528 1,318	0,977 0,214	2,425 1,203
60		0,397 0,383	1,850 0,619	0,385 0,062	2,335 1,093	0,321 0,311
70		0,646 0,357	,076 0,459	0,941 1,106	0,169 0,356	2,860 0,825
80		0,438 0,208	0,426 0,714	0,707 0,184	1,464 0,209	1,003 1,211
90		0,483 0,948	0,836 0,054	0,474 0,007	1,369 0,002	1,042 0,495
100		0,440 0,101	0,738 0,147	0,869 0,402	1,695 0,142	0,776 0,274

TAB. 4.4.

<i>ALE NR.</i>	20	40	60	80	100
1	3,156 3,351	14,500 5,860	2,093 5,633	8,095 3,530	6,392 16,845
5	1,422 0,971	3,088 0,512	7,280 3,050	6,569 2,958	1,004 11,078
10	0,922 0,482	0,269 0,220	2,968 0,403	1,492 1,926	8,489 9,665
20	0,655 1,472	2,451 0,825	2,961 2,986	1,234 1,512	2,198 1,104
30	0,075 1,026	0,178 1,470	2,416 0,109	1,268 0,322	1,899 1,820
40	0,133 0,311	0,212 1,360	3,703 2,208	0,619 1,420	2,176 2,254
50	1,267 0,400	0,440 4,211	1,617 0,369	2,757 0,982	2,353 3,391
60	0,051 0,006	2,253 0,717	1,046 0,855	0,274 0,112	0,645 0,799
70	0,542 0,277	1,899 0,235	0,251 0,439	2,314 0,532	1,523 1,723
80	0,168 0,179	1,678 0,802	1,147 0,238	2,751 0,626	4,122 0,962
90	0,399 0,292	1,277 0,556	0,662 1,855	0,216 0,906	3,924 0,072
100	0,546 0,141	1,645 0,114	0,229 0,309	1,178 1,577	0,285 0,875

TAB. 4.5.

<i>NR.</i>	<i>ALE</i>	20	40	60	80	100
1		3,417 3,205	9,505 4,419	11,988 8,179	14,288 2,568	23,845 2,115
5		1,872 1,303	5,171 5,462	9,055 5,083	1,593 8,869	3,921 5,733
10		1,008 0,338	1,745 0,705	2,278 0,755	1,237 1,927	9,239 2,464
20		0,047 0,343	1,603 0,919	3,628 0,946	6,212 0,076	8,819 0,434
30		0,373 0,058	1,328 0,044	2,300 0,388	0,862 0,544	0,955 1,080
40		1,239 0,244	1,548 0,048	2,540 1,544	0,760 0,859	0,614 2,836
50		0,158 0,316	0,222 0,217	1,598 0,822	2,170 0,186	2,104 0,768
60		1,766 0,592	1,827 0,909	1,188 2,321	0,296 1,361	2,169 1,255
70		0,419 0,635	0,328 0,480	3,539 0,126	0,190 0,264	2,108 2,634
80		0,433 0,035	2,199 0,288	2,631 0,037	1,174 2,703	3,190 0,534
90		1,260 0,162	0,716 0,488	2,737 1,474	0,836 0,488	2,525 0,885
100		0,455 0,407	0,139 0,472	0,908 0,250	1,253 0,194	0,590 1,411

TAB. 4.6.

<i>ALE NR.</i>	20	40	60	80	100
1	5,139 0,784	4,549 3,281	28,940 0,932	11,532 18,595	29,669 4,902
5	0,599 0,476	2,282 4,583	20,369 2,998	2,135 8,344	3,908 4,012
10	2,617 0,247	1,438 2,198	5,443 6,414	3,621 2,592	1,332 3,426
20	0,528 1,072	3,062 1,043	4,969 0,382	2,520 1,394	0,636 0,994
30	0,295 0,284	0,342 0,706	1,544 1,499	8,610 2,661	7,766 0,404
40	1,164 0,201	2,417 0,220	1,363 1,671	1,869 1,099	1,369 2,125
50	0,199 0,120	0,157 0,966	1,469 0,803	1,447 1,597	1,567 1,668
60	1,048 0,228	1,733 1,274	2,282 1,549	0,855 0,806	2,996 0,472
70	1,091 0,186	0,211 0,057	0,265 1,293	1,097 0,012	0,059 1,851
80	1,066 0,167	0,600 0,209	0,839 0,153	1,386 1,421	1,232 0,206
90	0,732 0,168	0,104 0,379	0,096 1,909	4,212 0,632	1,080 0,672
100	0,066 0,304	0,806 0,603	2,011 0,744	3,627 0,332	0,936 0,740

TAB. 4.7

<i>NR.</i>	<i>ALE</i>	<i>20</i>	<i>40</i>	<i>60</i>	<i>80</i>	<i>100</i>
	<i>1</i>	1,952 2,724	6,199 3,392	27,648 0,836	28,398 2,292	7,198 16,232
	<i>5</i>	1,511 0,974	0,539 1,995	0,847 0,936	5,172 1,331	4,250 9,501
	<i>10</i>	0,887 0,474	4,274 1,166	6,340 0,186	2,241 2,756	4,838 9,933
	<i>20</i>	0,440 0,999	2,402 1,592	3,751 3,484	4,618 4,470	5,153 1,898
	<i>30</i>	0,178 0,338	1,169 0,013	1,526 0,877	5,111 0,370	3,962 2,229
	<i>40</i>	1,670 0,963	3,297 0,149	1,055 0,964	7,373 0,303	0,957 1,530
	<i>50</i>	0,114 0,290	1,141 0,703	0,107 0,699	0,325 1,238	3,220 0,027
	<i>60</i>	0,255 0,255	2,374 0,488	2,055 0,654	0,969 1,912	2,016 1,262
	<i>70</i>	1,434 0,362	0,040 0,260	0,555 1,348	0,110 0,242	0,653 0,756
	<i>80</i>	0,551 0,053	0,556 0,163	0,952 0,885	2,199 1,296	0,353 0,653
	<i>90</i>	0,650 0,767	1,145 0,402	0,326 0,595	2,272 2,470	1,622 1,918
	<i>100</i>	0,464 0,198	0,029 0,002	1,130 0,015	0,600 0,082	2,406 0,383

manțele algoritmului de îmbunătățire a raportului semnal-zgomot, chiar în situații extreme, corespunzătoare unui mediu industrial puternic afectat de zgomot și vibrații. Algoritmul utilizat a fost ales astăzi incit să fie rulat în timp minim și se bazează pe medierea esantioanelor dintr-un număr întreg de perioade. Au fost testate medieri pentru $NP = 1, 5, 10, 20, 30, 40, 50, 60, 70, 80, 90, 100$.

O obseruație deosebit de importantă se poate extrage din rezultatele redate în tabelele TAB.4.1 ... TAB.4.7. (în aceste tabele au fost prezentate eroile de amplitudine și fază, conform reprezentării anterioare. Convenția care este respectată în toate tabelele din acest capitol este că la fiecare lansare de program întâi să fie scrisă eroarea de amplitudine și apoi eroarea de fază). Deși elementele teoretice indicau o îmbunătățire a raportului semnal-zgomot prin creșterea numărului de perioade mediate, rezultatele experimentale la această etapă se abat uneori de la regula teoretică. Acest fapt este datorat sevenței aleatoare, diferită de la o lansare la alta și care, prin aceasta, se apropie de condițiile reale.

Primul set de rezultate, obținut prin rularea a 420 de situații în care intervin ca parametrii numărul de perioade mediate (NP) și pondera zgomotului (ALE), s-a realizat prin considerarea a 360 de esantioane pe perioade ($NE = 360$) și a permis următoarele concluzii :

- nu sunt acceptabile variantele de algoritm cu $NP < 20$
- măriind numărul de perioade mediate peste o anumită valoare ($NP = 70$) nu se obțin rezultate cu mult mai bune
- gama valorilor lui NP pentru care se realizează o optimizare a îmbunătățirii raportului semnal-zgomot, în concordanță cu timpul de rulare este $NP \in (30, 50)$
- este nevoie să se rulă repetată și programul în aceleși condiții initiale (NP, ALE, V_i), pentru a evidenția mai clar influența zgomotului asupra rezultatelor echilibrării dinamice.

Pe această bază s-au rulat 1200 de variante și cărora rezultate privind eroarea de amplitudine și de fază au fost notate în tabelele TAB.4.8.1; 4.8.2.; ... ; 4.12.1; 4.12.2. Caracteristica fundamentală a acestui set de măsurători o consti-

tuie lansarea repetată în aceleasi condiții de tip determinist (A_i , NP, ALE), urmând a observa influența secvenței aleatoare asupra rezultatelor. Prin MAX au fost notate valoările maxime ale erorilor, selectate dintr-un set de 10 lansări. Se obține astfel o estimare statistică asupra performanțelor algoritmului de îmbunătățire a raportului semnal-zgomot. Din variantele inițiale v_1, v_2, \dots, v_7 , au fost alese pentru această etapă de testare doar cele care constituie pe baza unui conținut complet de armonici:

v_2 prin TAB.4.8.1 și TAB.4.8.2.
 v_4 prin TAB.4.9.1 și TAB.4.9.2.
 v_5 prin TAB.4.10.1 și TAB.4.10.2.
 v_6 prin TAB.4.11.1 și TAB.4.11.2.
 v_7 prin TAB.4.12.1 și TAB.4.12.2.

Ultimul set de programare și-a propus să analizeze influența numărului de esantioane dintr-o perioadă (NE) asupra preciziei operației de echilibrare. În acest scop au fost rulate 648 de variante, care au selectat structurile de semnal v_4, v_5, v_7 , în situațiile $NE = 180; 120;$ și 90 . După cum am menționat anterior, măsurările de pînă acum au fost realizate impunind $NE = 360$. Si în acest caz a fost adoptată metoda lansărilor reprezentate (12 lansări pentru fiecare set de condiții deterministe) pentru a evidenția gama de valori a erorilor, respectiv valorile maxime ale acestora. Influența NE asupra erorilor de echilibrare este foarte importantă, deoarece prin fixarea lui NE se condiționează valorile vitezei de antrenare ale rotorului și performanțele de viteză ale sistemului de achiziție de date. Rezultatele obținute au fost notate în tabelele TAB.4.13.1 ; 4.13.2 4.15.1 ; 4.15.2 , după cum urmează:

v_4 prin TAB.4.13.1 și TAB.4.13.2.
 v_5 prin TAB.4.14.1 și TAB.4.14.2.
 v_7 prin TAB.4.15.1 și TAB.4.15.2.

TAB. 4.8.1.

25

50

ALE NR.	25						50					
	NP	5	20	30	50	70	100	5	20	30	50	70
1	4,94 4,17	0,99 0,22	1,28 1,49	0,47 1,19	0,62 0,19	1,01 0,09	4,54 7,04	2,48 0,21	2,93 0,27	0,81 0,22	2,28 0,69	1,86 1,14
2	0,65 0,58	0,19 0,61	1,09 0,08	1,10 0,38	1,50 0,94	0,89 0,53	2,88 2,47	5,57 1,51	1,07 0,84	1,69 0,09	1,68 1,12	0,01 0,05
3	5,52 1,56	0,45 0,57	3,26 0,14	1,06 0,48	0,07 0,58	0,49 0,08	10,05 2,24	2,50 2,20	4,13 2,41	2,42 1,22	0,19 0,13	0,04 0,48
4	0,13 2,42	0,20 0,35	0,71 0,03	0,52 0,23	0,83 0,47	0,07 0,36	2,21 5,96	5,16 1,22	0,52 1,42	1,68 0,98	2,23 0,56	1,19 0,77
5	1,36 0,58	0,29 0,77	2,14 0,26	0,40 0,98	0,87 0,02	0,31 0,17	2,13 5,01	1,50 0,47	3,83 0,49	2,81 0,06	0,05 0,71	0,09 0,07
6	1,71 2,62	0,24 0,52	1,85 0,56	1,44 0,78	0,20 1,15	1,63 0,31	4,09 2,22	3,11 0,38	1,01 1,43	0,36 0,28	0,13 0,38	0,48 0,55
7	0,07 0,62	1,99 0,06	0,27 0,27	0,81 0,02	0,19 0,56	1,39 0,11	7,73 2,38	3,58 1,16	0,93 0,71	0,67 0,29	4,39 0,57	0,67 0,09
8	1,52 0,97	0,18 1,12	0,54 0,81	0,68 0,21	0,08 1,04	0,03 0,39	3,26 2,14	3,08 2,19	4,27 0,59	1,97 0,89	0,78 1,27	0,17 0,19
9	7,11 1,30	1,22 0,31	1,43 0,96	2,04 0,29	1,42 0,56	0,69 0,39	8,32 4,85	1,18 0,77	0,53 0,05	2,18 1,27	1,90 0,01	1,28 0,33
10	2,93 0,75	2,04 1,45	0,31 0,69	0,22 0,58	0,87 0,12	0,61 0,14	5,25 1,77	2,21 3,81	0,40 1,52	0,29 0,89	0,13 1,03	1,06 0,05
MAX.	7,11 4,17	2,04 1,45	3,26 1,19	2,04 1,15	1,50 0,53	1,39 7,04	10,05 3,81	5,57 2,41	4,27 1,27	2,81 1,27	4,39 1,14	1,86 1,14

TAB. 4.8.2

- 166 -

ALE NR.	75						100					
	NP 5	20	30	50	70	100	5	20	30	50	70	100
1 3,55	4,53 3,48	4,69 0,82	6,70 1,01	1,68 2,21	1,57 0,53	2,01 0,84	12,98 0,20	1,13 1,07	9,45 2,83	3,70 1,18	2,84 1,18	2,06 1,08
2 5,03	9,29 2,67	1,44 0,44	0,76 0,27	3,99 1,47	3,21 1,99	0,94 0,20	7,62 3,06	8,93 3,20	2,66 6,45	1,60 2,16	2,06 0,85	2,71
3 7,43	8,40 1,77	7,81 0,05	1,78 1,03	0,98 1,23	0,03 0,79	4,20 1,29	12,06 3,98	6,58 4,28	1,73 0,69	0,07 0,48	0,94 0,75	4,31
4 3,72	7,14 3,96	6,29 1,58	2,06 2,13	3,30 0,89	1,81 0,08	0,03 5,77	5,76 0,36	9,42 1,84	0,51 0,89	3,19 1,18	2,34 0,46	4,31
5 1,60	9,46 2,23	0,24 0,97	4,81 0,35	1,01 0,47	4,41 0,39	0,07 2,30	8,54 1,48	5,65 0,78	8,02 1,78	1,77 1,19	1,47 1,21	2,75
6 0,36	11,08 1,18	0,75 3,38	1,52 1,73	0,03 1,18	0,04 0,38	0,58 4,25	11,79 2,28	1,51 0,82	7,62 0,34	4,78 1,31	5,70 0,06	0,56
7 2,71	4,49 1,22	2,26 0,38	2,88 0,44	0,54 0,86	0,24 0,57	1,92 6,30	7,39 0,30	0,63 0,91	5,08 1,92	1,23 1,92	6,19 2,81	1,95 1,03
8 0,06	16,51 2,26	1,49 1,16	2,44 0,40	3,16 2,01	2,57 2,44	2,14 0,94	9,32 3,14	8,66 0,02	3,36 0,69	1,61 0,46	7,89 0,66	2,41
9 6,64	1,78 1,03	1,08 0,71	5,22 1,06	3,21 0,69	2,12 0,91	4,36 3,91	16,32 1,04	3,44 2,41	7,39 0,83	9,57 2,54	9,67 0,25	1,17
10 3,97	9,99 1,22	4,12 1,21	0,48 1,08	1,72 2,52	1,62 0,62	0,61 2,30	4,37 6,10	3,79 3,42	0,08 3,31	7,31 0,80	1,68 1,14	2,12
MAX. 7,43	16,51 3,96	6,29 3,38	7,81 2,13	3,99 2,52	4,41 2,44	4,36 6,30	16,32 6,30	12,06 4,28	9,45 3,31	7,31 2,81	4,31 1,21	4,31

TAB. 4.9.1.

25

50

ALE	NP	25						50					
		5	20	30	50	70	100	5	20	30	50	70	100
1	0,56 1,01	0,28 0,01	0,79 0,11	0,07 0,33	1,11 0,49	0,71 0,05	6,27 0,27	1,40 0,16	0,15 0,76	2,29 0,81	0,01 0,23	0,92 0,48	
2	1,86 0,12	0,39 0,35	0,25 0,69	0,54 0,76	0,42 0,32	0,59 0,28	0,44 0,04	3,16 0,53	0,68 0,37	1,74 0,17	2,73 0,89	0,94 0,63	
3	0,77 0,17	0,53 0,01	0,64 0,30	1,07 0,41	0,56 0,31	0,07 0,16	2,36 0,04	0,54 0,25	2,13 0,53	0,57 0,05	1,03 0,29	1,50 0,42	
4	0,75 0,57	0,17 0,68	0,31 0,60	0,43 0,13	1,17 0,20	0,90 0,31	0,51 0,62	1,24 0,16	1,14 0,57	0,44 0,30	1,19 0,03	1,40 0,64	
5	1,41 0,02	0,42 0,54	0,23 0,52	0,81 0,44	0,24 0,37	0,52 0,11	2,87 0,97	0,04 0,62	0,93 0,69	0,07 0,49	0,12 0,09	0,31 0,01	
6	0,57 0,14	0,24 0,71	0,61 0,08	0,52 0,47	0,55 0,03	0,42 0,31	2,25 1,78	1,28 0,09	0,23 0,67	0,81 0,82	0,71 0,33	0,47 0,33	
7	0,44 1,51	1,05 0,57	0,41 0,17	0,59 0,47	1,32 0,65	0,77 0,38	0,98 1,33	1,31 0,45	1,17 0,65	0,39 0,56	0,29 0,13	0,82 0,22	
8	0,75 0,17	0,57 0,45	0,73 0,11	0,69 0,36	0,47 0,24	0,03 0,91	0,06 0,94	0,41 0,60	0,82 0,42	0,41 0,61	0,45 0,40	0,09 0,51	
9	2,55 0,01	0,28 0,14	0,01 0,96	0,33 0,41	0,64 0,10	0,50 0,19	3,27 0,05	0,29 0,93	0,88 0,93	0,66 0,09	0,42 1,03	0,48 0,14	
10	0,44 0,98	0,80 0,11	0,45 0,12	0,16 0,57	0,72 0,17	0,65 0,11	0,11 0,41	0,35 0,94	1,60 0,74	0,79 0,86	0,23 0,53	0,51 0,52	
MAX.	2,55 1,51	1,05 0,71	0,79 0,36	1,07 0,70	1,32 0,65	0,90 0,38	6,27 1,78	3,16 0,94	1,60 0,93	2,29 0,86	2,73 1,03	1,50 0,63	

TAB. 4.9.2.

ALE	75						100					
	NP NR.	5	20	30	50	70	100	5	20	30	50	70
1	0,33 1,05	0,85 0,96	2,61 0,11	0,84 0,29	0,78 0,17	1,39 0,94	0,74 4,64	1,25 1,87	1,71 1,57	0,33 0,32	2,37 0,55	2,91 0,11
2	0,11 0,20	0,21 0,18	0,43 0,46	1,71 0,22	0,44 0,85	0,19 0,63	5,94 5,11	2,35 0,88	3,50 0,81	1,16 0,61	3,01 0,71	2,15 1,57
3	2,60 3,89	1,49 1,40	2,38 0,50	0,37 0,44	0,44 0,66	0,85 0,68	6,98 2,54	3,81 1,07	1,02 1,36	1,29 1,48	0,15 0,26	6,69 0,42
4	1,46 0,42	0,78 0,18	1,29 0,46	0,19 0,36	0,09 0,54	1,68 0,56	5,05 1,79	3,41 3,14	1,53 1,04	0,71 0,31	0,94 0,81	1,64 0,57
5	1,19 2,36	0,61 0,81	1,14 0,31	1,15 0,07	1,68 0,67	0,86 1,04	2,24 0,27	0,92 0,04	1,61 0,75	2,86 1,24	0,59 0,13	1,78 0,38
6	4,84 2,64	3,69 0,05	2,56 0,31	0,15 0,18	0,49 1,39	0,71 0,47	5,44 2,22	1,76 0,41	3,44 0,87	1,67 1,61	0,80 1,34	2,38 0,56
7	6,42 6,65	0,47 0,23	1,17 0,49	0,21 1,02	3,13 0,37	0,82 0,59	2,57 0,94	1,89 0,75	0,79 1,96	1,53 0,03	1,90 0,61	1,77
8	4,58 3,15	0,14 1,54	0,45 0,07	0,75 0,08	0,56 0,14	0,79 0,39	6,63 1,11	3,34 0,31	0,69 0,22	1,29 0,13	0,68 0,91	0,29 0,04
9	2,20 3,54	1,16 0,28	0,03 0,89	0,45 1,14	0,53 0,43	1,12 0,69	2,74 5,88	5,59 2,24	2,33 0,64	0,74 0,87	1,92 0,11	0,99 0,91
10	2,84 0,21	3,31 0,22	1,25 0,29	2,14 0,22	1,35 0,75	0,92 3,22	5,15 2,92	1,05 1,35	0,68 0,07	0,04 0,03	0,14 0,06	0,63
MAX.	6,42 6,65	3,69 1,40	2,61 0,89	2,14 1,14	3,13 1,39	1,39 1,04	6,63 5,88	5,59 3,14	3,50 1,57	2,86 1,96	3,01 1,34	2,91 1,07

TAB. 4.10.1.

- 169 -

ALE	25						50					
	NP NR.	5	20	30	50	70	100	5	20	30	50	70
1	2,12 0,09	0,71 1,35	1,25 0,36	0,35 0,54	0,25 0,18	1,31 0,10	2,85 2,30	0,46 0,14	3,23 0,58	1,39 0,51	0,29 0,55	1,09 0,76
2	4,49 1,34	1,64 0,31	0,55 0,33	1,05 0,27	0,29 0,43	0,11 0,41	4,29 1,39	2,08 3,22	0,13 0,34	0,98 0,09	1,10 1,04	0,14 0,31
3	4,01 0,54	1,17 1,44	1,64 0,71	0,53 0,21	0,46 0,02	0,98 0,49	6,90 0,21	2,10 1,16	0,54 0,96	1,26 1,99	1,27 0,58	0,67 0,55
4	2,95 1,43	0,59 0,55	0,37 0,29	0,45 0,11	0,44 0,18	0,50 0,15	9,80 0,26	4,63 0,47	0,72 0,64	0,19 0,24	1,75 0,22	0,58 0,02
5	5,40 1,64	0,58 0,72	0,73 1,28	2,35 0,68	1,08 0,04	0,24 0,31	7,73 1,92	2,05 0,88	0,32 0,57	1,19 0,51	0,66 1,65	0,50 0,01
6	2,26 0,02	0,98 0,64	1,02 0,32	0,46 0,48	0,05 0,19	1,61 0,56	1,74 3,52	6,92 1,99	5,29 0,82	3,52 0,07	0,24 0,26	0,36 0,05
7	9,14 1,27	0,47 0,32	0,61 0,62	0,76 0,22	1,34 0,06	0,92 0,31	5,72 1,35	1,61 2,80	1,54 2,61	2,76 0,49	1,57 0,35	0,38 0,01
8	0,62 0,16	0,38 0,62	1,72 0,74	0,22 0,28	0,45 0,46	0,28 0,11	1,63 3,21	1,09 0,34	1,52 0,74	1,24 1,07	1,63 0,34	1,10 1,31
9	3,06 0,44	0,41 0,43	1,11 0,12	1,17 0,76	0,07 0,41	1,41 0,03	1,36 0,86	0,67 0,25	2,97 0,36	0,69 1,61	1,04 0,81	2,57 0,82
10	2,37 0,73	0,95 1,03	1,54 0,28	0,89 0,01	1,26 0,06	0,91 0,08	3,91 1,72	4,69 0,09	0,39 0,13	0,15 0,22	0,22 1,32	0,42 0,25
MAX	5,40 1,64	1,77 1,43	2,35 1,28	1,34 0,76	1,60 0,46	9,80 0,55	4,69 3,52	5,29 3,22	3,52 2,60	1,62 1,99	2,57 1,65	1,30

TAB. 4.10.2.

75

100

ALE NR.	75						100					
	NP	5	20	30	50	70	100	5	20	30	50	70
1	4,16 4,55	0,43 3,05	6,97 2,92	0,57 0,22	0,73 1,54	0,85 0,27	1,67 9,07	8,17 1,64	0,76 2,23	1,67 2,85	3,33 0,21	2,89 1,12
2	2,19 6,39	0,16 0,84	0,49 1,90	1,54 0,84	3,32 0,53	0,99 0,21	0,58 0,96	0,57 5,99	0,26 1,27	2,90 0,12	0,10 0,56	1,09 1,12
3	3,49 3,15	1,02 1,24	0,24 0,49	7,72 0,33	0,34 1,23	2,34 0,51	3,84 0,60	1,93 6,89	6,26 0,21	3,55 0,16	1,34 0,55	1,52 1,61
4	21,46 3,51	0,49 2,49	6,64 1,65	1,26 0,57	0,51 1,84	1,26 0,60	13,31 5,43	7,65 3,39	6,68 4,03	3,64 0,40	2,41 3,30	3,64 0,51
5	12,60 5,12	0,73 3,32	0,38 2,05	7,84 0,64	1,51 0,66	1,86 0,06	6,67 4,72	2,28 1,79	4,24 3,97	7,98 9,64	3,68 0,14	0,47 0,30
6	4,91 0,38	0,88 0,75	0,64 3,43	0,93 1,09	3,21 0,91	3,97 1,12	5,62 1,95	7,70 4,27	0,34 1,25	0,39 2,14	1,54 1,02	4,12 0,28
7	12,51 3,06	0,94 0,21	6,72 0,14	0,59 1,21	1,71 1,51	0,25 0,68	1,28 5,42	0,49 4,86	8,57 1,01	0,01 2,45	0,45 1,42	1,26 2,14
8	6,15 3,43	0,04 0,44	1,44 3,28	0,91 0,64	1,11 1,59	0,65 0,10	7,41 0,02	1,22 0,03	4,03 1,14	2,46 1,21	1,75 2,90	0,61 0,17
9	5,32 5,47	8,18 0,03	1,33 1,59	3,08 1,17	0,88 0,46	3,49 0,86	4,74 1,59	7,44 1,04	3,77 1,21	0,75 0,50	4,00 0,26	1,27 1,60
10	12,46 2,43	5,99 0,71	2,46 1,33	4,11 0,28	1,10 0,97	0,59 3,58	10,24 1,41	4,45 4,82	4,01 1,34	2,81 1,44	0,59 1,15	0,43 1,15
MAX.	21,46 6,39	8,18 3,05	6,97 3,43	7,84 1,33	3,32 1,83	3,97 1,12	13,31 9,07	8,16 4,86	8,97 5,99	7,98 2,85	4,00 3,30	4,12 2,14

TAB. 4.11. 1.

25

50

ALE NR.	25						50					
	NP 5	20	30	50	70	100	5	20	30	50	70	100
1	8,61 2,06	0,75 0,09	0,04 0,24	0,69 0,08	0,68 0,38	0,29 0,29	6,40 2,17	3,71 0,77	0,71 1,70	2,37 0,34	0,36 0,49	0,05 0,31
2	6,41 3,23	1,20 0,94	0,01 1,28	0,33 0,01	0,02 0,07	0,94 1,44	5,81 0,76	1,81 0,34	1,01 0,20	0,80 0,62	0,88 1,62	1,62 1,33
3	0,77 1,41	0,41 0,09	2,43 0,31	1,12 0,31	0,47 0,29	0,20 0,19	4,49 1,58	0,20 0,54	0,95 0,41	0,01 0,69	0,99 0,42	0,04 0,28
4	2,07 0,11	1,61 0,32	1,84 0,08	0,28 0,41	1,03 0,19	0,65 0,24	9,84 7,78	5,38 0,79	1,29 1,25	1,58 1,59	2,53 0,39	0,11 0,09
5	3,11 3,31	1,82 0,26	1,13 1,14	1,54 0,64	0,31 0,02	1,66 0,10	2,92 0,76	1,87 1,17	0,46 1,02	0,63 1,04	1,59 0,23	1,13 0,01
6	0,12 2,99	1,53 0,04	0,87 0,29	0,44 0,07	0,76 0,59	0,41 0,54	5,24 1,21	2,41 0,07	1,52 1,25	0,47 0,42	0,06 0,58	0,61 0,04
7	3,29 1,97	0,21 0,61	0,07 0,44	1,06 0,86	1,144 1,13	1,03 0,07	4,64 0,38	2,06 0,12	2,72 0,70	0,41 1,39	0,29 0,09	0,31 0,03
8	0,67 0,04	1,28 1,94	0,80 0,53	0,39 0,05	0,39 0,34	0,69 0,39	1,99 4,57	5,45 0,77	0,54 2,18	0,18 0,41	1,42 0,09	0,99 1,81
9	0,67 2,44	1,01 0,71	1,42 0,04	0,43 0,11	1,37 0,39	1,51 0,36	1,52 2,04	3,24 2,54	1,18 1,02	1,17 0,05	0,03 1,41	1,08 0,26
10	2,54 0,54	1,38 0,50	0,89 0,11	0,56 0,42	0,62 0,41	0,23 0,08	2,57 2,68	1,16 0,75	0,14 2,01	0,15 0,59	0,91 0,59	0,41 0,57
MAX.	8,61 3,31	1,82 1,94	1,84 1,28	1,54 0,86	1,44 1,13	1,66 0,54	9,84 7,78	5,45 2,54	2,72 2,18	2,37 1,59	2,53 1,41	1,62 1,81

TAB. 4.11.2.

ALE NR.	75						100					
	5	20	30	50	70	100	5	20	30	50	70	100
1	12,04 1,70	1,69 2,02	1,41 0,49	0,04 0,87	0,55 0,89	1,87 1,33	10,34 4,78	2,68 1,12	1,80 2,77	3,06 2,23	0,18 1,80	0,14 0,31
2	12,36 0,96	0,75 2,35	0,81 0,89	3,43 1,42	1,77 1,19	2,24 0,64	13,31 6,92	2,51 1,17	6,59 0,43	1,17 0,01	0,47 2,44	0,69 0,04
3	2,11 7,42	3,82 0,06	7,60 0,77	2,57 1,04	5,53 0,66	0,71 1,32	16,67 9,06	3,74 1,62	1,44 0,49	1,04 1,39	3,03 0,51	1,22 0,01
4	9,57 6,74	5,04 0,67	2,24 1,77	5,23 1,49	2,27 1,03	0,37 1,02	3,19 1,71	3,54 2,56	2,06 3,19	0,12 0,41	1,02 0,76	0,87 0,69
5	3,53 2,61	4,34 0,21	5,01 2,87	1,28 0,46	1,64 0,53	1,92 0,46	7,78 3,21	1,74 1,42	5,14 3,43	0,14 1,11	1,94 0,36	1,37 0,22
6	13,26 9,55	3,86 0,37	4,32 1,41	3,27 1,09	2,21 0,54	3,14 0,16	7,79 2,09	4,12 3,25	0,07 1,55	3,95 1,74	1,61 0,91	3,32 1,02
7	2,52 0,04	5,99 3,38	1,98 0,90	1,79 0,66	1,49 1,65	1,23 0,98	12,43 3,42	0,81 0,99	1,80 2,14	3,89 2,72	0,87 1,42	1,43 1,42
8	9,15 3,67	0,29 4,32	1,96 0,32	0,41 0,77	1,77 0,73	0,41 2,06	2,24 2,07	7,22 4,80	0,01 1,64	2,54 0,61	3,16 2,03	3,22 2,12
9	15,80 9,44	5,71 3,72	0,19 3,04	0,17 0,71	3,16 0,47	0,11 0,62	8,59 3,91	3,89 0,29	4,39 0,99	1,20 2,82	2,66 0,71	1,94 1,26
10	3,53 4,64	0,56 1,10	2,22 0,34	3,82 1,20	4,00 0,84	2,04 0,24	8,86 4,39	0,96 4,00	3,10 1,46	3,59 0,74	3,79 0,51	2,49 0,84
MAX.	15,80 9,55	5,99 4,32	7,60 3,04	5,23 1,49	5,53 1,65	3,14 2,06	16,67 9,85	7,22 4,80	6,59 3,43	3,95 2,82	3,79 2,72	3,32 2,12

TAB. 4 12.1.

25

50

ALE NR.	25						50					
	NP 5	20	30	50	70	100	NP 5	20	30	50	70	100
1	3,56 0,46	0,03 0,75	1,01 0,44	2,18 0,45	0,21 0,27	1,08 0,11	1,98 0,50	1,37 0,91	2,93 1,94	0,49 1,15	0,49 0,62	0,69 0,66
2	1,12 0,53	1,46 0,24	2,74 0,24	0,13 0,04	0,28 0,48	0,26 0,64	6,13 5,55	3,67 0,11	2,76 0,81	2,02 0,16	1,28 0,47	2,89 0,88
3	1,23 0,11	0,52 0,26	0,16 0,40	1,32 0,44	0,68 0,48	1,27 0,82	7,95 2,45	2,41 0,61	3,13 0,66	3,29 1,68	0,67 0,31	0,52 0,52
4	2,00 2,23	2,38 1,07	2,46 0,34	0,57 0,29	0,83 0,27	0,44 0,19	0,61 3,67	2,80 1,45	0,11 0,31	1,87 0,82	2,25 0,64	1,51 1,69
5	3,01 0,07	3,13 0,68	1,44 0,68	1,59 0,43	0,23 0,69	1,18 0,67	3,41 1,37	1,81 1,62	2,97 0,64	4,15 0,28	0,62 0,58	1,83 0,62
6	1,47 0,52	1,49 0,46	1,94 0,23	0,99 0,29	1,37 0,45	1,42 0,29	4,43 3,93	0,01 0,18	1,02 1,55	0,37 1,02	0,31 0,49	0,96 0,64
7	6,87 1,37	3,01 0,06	1,85 0,72	1,39 0,54	0,77 0,28	0,40 0,47	0,57 1,83	0,88 0,94	0,23 0,12	1,24 0,15	3,58 0,89	0,89 0,31
8	1,84 1,96	0,28 0,34	1,00 0,33	0,22 0,43	0,52 0,20	0,14 0,04	3,13 0,07	0,06 2,51	1,73 0,21	2,03 1,19	0,07 0,84	0,07 0,43
9	3,16 0,97	0,89 1,98	0,74 0,17	1,02 0,46	0,26 0,43	0,93 1,03	5,34 2,29	3,11 1,59	3,02 1,17	1,58 2,07	0,48 0,66	1,20 0,46
10	3,22 0,53	0,79 1,61	0,53 0,51	0,59 0,14	0,36 0,01	0,30 1,82	5,54 0,C2	3,12 0,01	2,17 1,81	0,14 0,24	1,73 0,85	1,49 1,49
MAX.	6,87 2,23	3,13 1,98	2,74 1,12	2,18 0,54	1,37 0,69	1,42 1,03	6,13 5,55	3,67 2,51	3,02 1,94	4,15 2,07	3,58 0,84	2,89 1,69

TAB. 4.12.2

75

100

ALE NR.	75						100					
	NP 5	20	30	50	70	100	5	20	30	50	70	100
1	5,56 3,54	2,41 1,93	0,61 0,22	1,03 2,11	2,45 0,81	1,83 0,65	15,89 0,35	1,49 2,72	0,82 0,69	3,26 1,19	1,60 2,05	1,44 1,18
2	9,75 2,38	0,39 1,13	8,01 1,33	0,34 0,10	0,73 0,23	1,59 1,01	9,71 6,66	5,08 3,05	6,38 1,24	3,30 1,38	2,62 6,56	0,32 3,11
3	8,20 3,79	2,47 3,29	7,27 1,97	1,14 0,39	0,61 0,41	2,64 0,48	17,17 17,31	4,87 0,42	4,43 2,03	1,58 1,37	2,51 1,37	1,24 0,74
4	11,70 4,76	2,04 0,98	4,84 3,27	3,47 2,21	1,49 3,48	1,46 0,29	10,74 4,07	1,11 1,22	2,37 3,98	2,80 2,04	0,39 0,64	0,52 1,07
5	11,59 1,46	6,89 2,64	9,99 0,11	0,21 0,23	1,31 1,02	14,18 0,32	4,56 1,31	1,42 0,81	1,01 0,36	2,51 0,65	4,38 0,22	1,59 0,22
6	6,11 3,32	5,83 0,67	0,51 0,58	2,32 1,45	0,21 1,32	1,54 0,18	28,07 11,81	1,02 3,89	3,73 3,27	2,66 2,91	1,59 0,76	0,66 1,02
7	5,43 3,34	5,09 2,43	2,16 0,34	0,26 1,88	1,37 2,12	1,11 0,54	16,12 9,64	1,94 0,69	0,94 0,48	4,60 0,41	2,86 1,42	0,87 0,02
8	10,83 0,11	5,64 0,33	2,59 1,46	0,28 0,61	0,99 0,12	1,12 0,47	8,93 4,87	5,78 3,71	5,12 0,34	0,23 0,85	0,23 1,32	2,32 2,61
9	10,06 3,13	0,79 2,19	3,03 0,26	0,53 0,44	3,09 0,88	3,15 0,86	4,74 1,35	2,47 2,28	1,35 0,75	0,33 0,19	0,37 2,17	1,64 0,08
10	1,39 2,65	3,07 0,34	2,09 1,61	0,84 0,25	0,15 0,85	0,14 0,54	1,73 3,25	4,07 5,87	2,79 1,42	1,43 0,16	7,52 0,31	0,76 1,22
MAX.	11,72 3,79	6,87 3,29	8,01 3,27	3,47 2,21	3,09 3,48	3,15 1,01	28,07 17,31	5,78 5,87	6,38 4,48	4,60 2,91	7,52 2,17	4,38 3,11

TAB. 4.13.1.

- 115 -

ALE									
NE	180			120			90		
NR.	30	50	70	30	50	70	30	50	70
1	1,66	1,77	0,97	1,36	3,08	1,51	4,78	0,19	3,65
	0,66	0,21	2,75	1,71	4,74	3,41	1,00	0,61	0,27
2	1,41	0,29	2,50	3,91	3,23	2,97	1,98	0,83	0,73
	0,38	3,11	1,43	0,59	3,79	0,33	1,16	1,54	1,84
3	2,70	4,86	1,41	7,83	1,52	2,60	6,85	1,45	0,22
	2,33	0,79	0,71	1,21	2,12	0,89	0,02	0,65	0,18
4	4,53	0,31	0,32	6,38	2,78	1,28	0,39	2,08	3,71
	0,44	0,58	0,25	0,24	0,24	0,28	4,64	0,51	2,28
5	1,26	0,62	3,49	2,13	3,51	2,17	11,30	1,90	1,81
	2,09	0,73	0,01	2,53	3,23	0,67	1,94	1,16	2,51
6	1,24	0,66	0,17	3,92	2,48	1,35	7,22	0,42	2,68
	2,08	1,39	0,49	1,68	1,50	0,38	1,10	1,56	0,39
7	1,74	0,75	0,91	0,36	2,63	3,25	9,40	11,73	3,03
	2,19	0,17	0,61	4,08	0,33	3,60	1,42	0,15	2,39
8	6,91	1,12	0,13	0,76	0,58	3,33	6,13	3,63	0,00
	3,31	0,32	0,17	2,24	1,05	0,83	1,22	1,78	2,58
9	1,68	2,60	3,00	2,25	0,96	3,52	0,62	8,61	4,16
	1,66	2,64	0,22	2,72	0,21	1,35	0,65	0,59	1,10
10	6,19	0,59	1,68	10,35	1,95	0,75	2,73	2,71	4,16
	0,79	0,50	0,04	3,79	1,88	1,49	1,92	0,44	0,22
11	0,39	0,14	2,28	3,93	0,63	3,39	2,66	5,58	1,30
	0,08	0,02	0,38	0,78	2,11	2,42	3,75	9,50	2,11
12	1,32	0,55	1,35	2,00	1,71	2,18	1,08	7,03	2,13
	1,15	0,53	0,05	2,02	2,05	2,21	0,80	7,03	1,15
MAX.	6,91	4,86	3,49	10,35	3,51	3,52	11,30	11,73	4,16
	3,31	3,11	2,75	4,08	4,74	3,60	4,64	3,52	3,55

TAB. 4.13.2.

- 176 -

ALE									
NE	180			120			90		
NR.	30	50	70	30	50	70	30	50	70
1	6,61 0,27	7,53 0,02	3,55 1,15	15,28 0,34	5,60 1,69	2,16 1,71	8,37 3,88	9,85 3,84	2,05 3,84
2	5,40 1,96	3,41 1,36	2,74 0,75	4,19 1,62	2,35 3,24	9,95 2,02	5,31 1,35	3,49 1,60	1,55 0,52
3	1,52 0,66	3,17 1,76	1,34 0,82	6,01 0,66	0,97 0,83	0,10 3,02	1,55 0,08	6,35 2,32	1,42 3,24
4	12,26 2,32	3,39 0,08	7,29 0,21	4,66 0,46	2,86 1,88	6,26 0,84	1,36 0,62	7,32 2,88	0,71 2,99
5	1,21 1,46	1,18 0,47	2,83 0,96	5,50 6,15	2,47 3,13	0,72 1,32	2,31 4,58	3,16 0,12	2,83 0,92
6	5,95 0,37	9,05 0,28	2,12 0,12	6,18 2,94	3,46 3,52	5,98 0,71	0,20 0,48	5,31 1,24	0,59 3,61
7	0,97 0,49	5,21 0,39	0,88 0,39	2,10 2,83	8,95 0,21	5,41 1,00	1,22 6,30	4,88 1,01	3,23 0,44
8	1,32 1,99	3,78 1,67	1,82 0,58	1,98 2,13	0,06 0,32	0,38 1,04	2,27 2,82	1,98 4,28	2,85 4,83
9	0,93 0,53	4,93 1,19	4,48 0,15	1,92 1,05	1,67 1,86	0,33 2,24	16,44 3,81	0,51 2,57	1,85 0,81
10	0,60 1,93	1,29 1,11	4,57 0,30	3,60 3,66	4,36 3,26	1,86 0,84	1,01 2,83	6,60 1,68	0,69 0,17
11	4,45 0,03	2,78 2,97	0,68 2,61	3,05 4,52	0,38 1,09	4,15 2,71	7,69 0,71	6,59 1,82	1,11 3,17
12	4,64 2,13	2,39 2,27	3,74 2,14	7,17 1,74	1,70 0,11	2,04 2,00	0,50 0,01	5,01 1,39	4,57 0,17
MAX.	12,26 2,31	9,05 2,97	7,29 2,61	15,28 6,15	8,95 3,62	9,98 3,02	16,44 6,30	9,83 4,28	4,57 4,83

TAB. 4.14.1.

- 111 -

ALE												
	NE			180			120			90		
NP. NR.	30	50	70	30	50	70	30	50	70	30	50	70
1	0,38	4,81	0,75	9,74	2,57	2,47	8,79	0,52	1,19			
	1,82	0,55	1,83	3,13	0,34	0,85	0,65	0,74	1,91			
2	1,69	1,98	2,51	3,31	1,17	3,34	3,02	1,55	0,67			
	1,66	0,70	0,42	1,25	0,15	2,28	0,90	0,91	1,18			
3	0,16	0,44	0,83	1,15	0,64	1,92	2,27	1,08	2,75			
	1,00	0,51	0,17	1,06	0,18	1,86	0,99	1,74	0,11			
4	3,27	2,85	2,60	5,01	1,23	1,00	5,28	0,81	5,18			
	0,83	2,03	1,72	0,25	3,55	0,72	1,34	0,33	0,13			
5	2,14	2,26	5,12	1,71	3,48	0,42	3,71	3,97	2,56			
	0,86	1,78	0,14	2,28	1,51	2,66	1,92	0,17	3,23			
6	2,45	1,08	0,26	5,83	6,54	3,75	7,00	2,82	1,47			
	1,05	0,59	1,58	1,97	0,55	3,33	0,92	3,25	2,46			
7	3,00	1,95	0,20	1,97	5,04	2,17	2,76	0,45	4,91			
	0,06	1,21	0,88	1,04	3,95	2,69	0,37	2,87	1,55			
8	0,69	5,06	1,29	2,56	0,22	5,03	2,53	0,01	2,91			
	0,12	1,13	0,33	2,16	4,52	0,75	0,70	0,47	0,36			
9	3,60	0,10	0,77	3,87	2,25	3,51	9,77	2,74	2,11			
	1,86	0,11	0,90	1,14	2,37	2,22	4,98	0,86	0,21			
10	0,35	0,71	0,91	3,45	1,71	3,02	4,95	2,93	0,17			
	0,16	2,08	1,70	0,67	1,17	2,11	4,03	1,21	1,77			
11	1,18	0,63	4,02	3,50	1,13	4,42	3,79	0,80	5,74			
	0,56	0,27	0,15	1,57	1,79	1,86	1,96	1,61	3,45			
12	1,53	4,24	0,97	1,55	4,48	2,49	2,81	2,04	3,93			
	0,03	0,33	0,17	3,80	2,99	0,76	4,91	2,33	1,92			
MAX.	3,60	5,06	5,12	9,74	6,54	5,08	9,77	3,97	5,74			
	1,86	2,08	1,84	3,80	4,52	3,59	4,28	3,25	3,45			

TAB. 4.14.2.

- 178 -

ALE									
NE	180			120			90		
NR.	30	50	70	30	50	70	30	50	70
1	0,92	0,75	3,16	4,66	1,51	1,87	3,25	6,18	2,61
	3,41	0,21	0,26	8,18	2,16	1,29	3,38	5,10	2,25
2	1,55	1,79	3,78	5,89	3,35	2,80	0,55	0,50	11,44
	2,02	1,01	1,82	1,78	4,30	0,55	2,78	2,16	1,45
3	1,94	1,48	0,31	1,16	2,48	4,96	9,41	0,88	6,35
	0,25	1,27	1,26	0,36	1,36	2,48	1,36	1,86	6,78
4	0,48	4,40	5,98	0,71	2,09	4,27	6,06	11,15	11,04
	0,30	3,59	2,15	1,08	1,70	2,34	1,52	3,65	0,58
5	8,95	1,01	2,40	6,14	3,88	0,94	2,79	12,39	9,10
	2,84	0,82	0,99	0,77	0,48	2,63	0,04	3,37	0,41
6	8,69	4,49	3,93	0,30	5,04	5,76	6,91	3,50	2,20
	1,25	0,87	3,34	0,53	1,82	1,81	1,48	4,12	4,33
7	0,34	0,03	5,52	4,68	7,59	2,98	0,59	5,94	5,84
	1,00	0,66	3,46	0,33	0,63	1,51	2,93	0,70	3,96
8	8,22	3,31	6,46	2,42	7,30	6,37	6,90	1,30	4,46
	0,67	0,81	1,55	3,58	1,36	3,53	2,46	1,12	0,05
9	1,21	1,70	3,11	1,97	0,52	4,24	1,62	3,18	6,30
	2,06	0,14	2,26	4,50	3,62	0,25	7,78	0,55	1,03
10	6,57	4,70	1,26	10,35	4,29	6,03	3,48	2,29	2,17
	3,32	0,65	0,34	1,07	0,24	0,93	4,17	3,65	0,10
11	11,44	1,63	1,81	6,74	2,82	2,93	5,14	4,59	10,12
	1,59	2,02	0,60	4,57	0,23	2,34	2,09	3,02	0,21
12	2,39	0,83	5,11	1,36	1,29	5,07	14,65	7,15	2,61
	6,15	2,59	1,32	2,24	0,03	2,53	3,53	6,86	2,24
MAX	11,44	4,70	6,40	10,35	7,53	6,37	14,53	12,00	11,44
	6,15	3,59	3,46	8,18	4,30	3,53	7,78	6,86	6,78

TAB. 4.15. 1.

- 179 -

ALE									
NE	180			120			90		
NR.	30	50	70	30	50	70	30	50	70
1	3,02	4,59	0,66	5,03	2,29	2,77	3,41	2,71	1,37
	0,93	2,81	1,56	0,33	0,42	2,20	3,39	1,37	1,33
2	1,36	1,32	1,15	3,11	3,71	1,58	8,50	6,61	2,66
	0,63	0,31	1,27	0,87	1,51	1,90	3,60	1,45	1,84
3	1,36	0,01	3,08	10,11	0,13	4,62	2,99	3,62	6,06
	1,98	0,12	1,31	1,69	1,94	0,91	0,06	0,64	0,19
4	4,74	1,47	3,14	6,93	0,45	4,36	1,96	11,35	3,03
	1,33	1,68	3,55	2,25	4,20	2,16	2,33	0,49	1,32
5	6,07	0,62	3,36	6,58	3,32	3,77	5,68	2,82	7,25
	0,74	0,07	0,05	0,84	1,38	2,02	0,04	0,44	0,51
6	1,09	1,82	2,29	1,24	2,05	0,04	1,15	3,81	7,28
	0,66	1,40	2,22	7,00	0,06	3,69	0,58	1,36	0,49
7	0,04	0,74	3,91	0,44	4,32	1,22	0,57	2,48	0,71
	0,88	0,40	0,77	1,32	0,88	0,68	0,70	1,18	2,33
8	1,94	2,80	1,45	0,64	3,92	3,23	2,48	1,61	0,50
	1,48	2,27	2,84	0,19	1,07	1,50	4,48	3,33	0,28
9	0,56	5,17	5,00	4,10	1,37	3,70	1,02	2,01	1,49
	0,27	0,75	1,26	0,11	0,37	1,38	0,28	3,45	0,92
10	0,40	0,44	3,14	1,92	2,14	2,45	10,92	3,82	5,84
	1,07	1,33	0,10	2,05	0,18	0,65	2,09	1,55	1,72
11	2,17	0,58	2,02	5,78	2,52	1,40	6,34	1,14	3,03
	1,04	0,01	0,07	1,30	1,88	2,47	2,03	1,30	2,71
12	0,81	0,44	1,77	0,35	1,09	0,04	2,28	1,10	0,40
	2,30	1,12	0,31	0,56	0,29	0,73	2,78	1,83	2,08
MAX.	6,07	5,17	5,00	10,11	4,32	4,62	10,92	11,35	7,28
	2,30	2,81	3,55	7,00	1,04	3,60	4,48	3,45	2,33

TAB. 4.15.2.

- 180 -

ALE									
NE	180			120			90		
NR.	30	50	70	30	50	70	30	50	70
1	5,04	0,95	1,45	1,18	0,69	5,33	2,75	0,84	4,87
	3,48	0,31	0,29	0,03	1,78	0,13	0,64	0,01	1,02
2	0,12	1,86	0,06	3,82	4,87	0,19	1,03	9,55	4,50
	2,12	1,48	3,90	1,59	0,81	0,05	4,33	2,70	1,20
3	2,75	4,37	0,44	5,89	4,92	0,94	1,94	5,47	4,75
	0,97	2,44	0,44	1,52	3,77	0,70	6,15	3,32	0,24
4	3,44	2,69	1,52	4,12	7,55	5,11	1,89	3,41	6,78
	1,76	1,11	1,41	2,62	3,24	0,22	3,93	1,06	6,10
5	2,50	5,63	5,17	4,16	1,11	2,95	12,50	1,43	6,04
	0,39	0,32	1,12	2,99	1,23	1,68	4,70	0,62	0,04
6	4,71	1,41	1,89	3,42	13,95	1,05	0,03	4,00	4,31
	0,01	1,28	0,28	1,31	0,28	1,94	1,40	1,96	2,37
7	0,39	2,12	5,32	5,50	2,01	3,73	10,87	2,05	2,09
	1,21	1,00	1,35	7,15	7,06	0,72	3,33	0,97	2,00
8	3,32	3,01	1,23	1,26	1,88	8,05	0,93	0,57	2,85
	0,38	2,85	1,18	3,68	1,76	0,46	0,09	2,28	0,21
9	8,56	1,15	3,96	5,15	3,14	0,33	2,31	10,66	0,49
	0,16	0,11	0,87	5,04	3,20	1,04	3,70	0,16	0,13
10	3,29	3,04	1,30	3,57	0,67	0,39	3,93	5,08	6,00
	0,33	2,81	1,85	4,14	3,69	0,86	4,17	4,41	1,31
11	5,37	3,88	2,97	5,55	2,48	0,61	1,14	13,24	5,19
	5,32	1,81	1,58	2,02	2,04	1,84	0,89	3,79	0,30
12	0,47	4,56	1,08	5,40	0,74	0,25	8,77	4,98	7,16
	3,56	1,44	0,69	0,02	2,14	2,58	0,64	2,13	3,70
MAX	8,56	5,63	5,32	5,89	13,95	8,05	12,50	13,24	7,16
	5,32	2,85	3,10	0,68	7,06	2,54	6,15	4,41	6,10

În analiza rezultatelor prezentate se pot enunța recomandări practice privind alegerea valorii lui NE. Aceste recomandări sunt cu atât mai pertinente cu cât și la acest ultim set de programe a fost păstrată strategia lansărilor multiple în condiții deterministe identice, cu modificarea secvenței aleatoare perturbatoare. Ca rezultat final s-a preferat maximul erorilor de fază și amplitudine, deci ceea mai dezvantajosă situație de estimare a parametrilor echipamentului de echilibrare (74)(75)(76). În funcție de gradul de contaminare cu zgomot a componentei deterministe din semnalul de traductor, pot fi alese următoarele secvențe de lucru :

- pentru un nivel redus al zgomotului (ALE = 25) și un număr de eşantioane pe perioadă NE = 360°, sunt suficiente NP ∈ (20, 30), care să conducă la garantarea unor performanțe de echilibrare superioare MED clasice.

- dacă nivelul de zgomot este mediu ALE = 50° și NE = 360°, se impun NP (30 ± 50)

- pentru un nivel ridicat al zgomotului (ALE = 75) și NE = 360° se impune NP = 50;

- pentru cazul zgomotului redus și mediu, (ALE = 25 , ALE = 50) se pot reduce valorile lui NE, pînă la minimul NE = 120, cu păstrarea lui NP în domeniul (30 ± 50);

- pentru cazurile de funcționare zgomotoase (ALE = 75 , ALE = 100) , nu se recomandă reducerea lui NE sub valoarea NE = 180, deoarece erorile obținute ar conduce la necesitatea unor valori mari pentru NP , deci la prelungirea duratei de funcționare a MED , pentru o operație de echilibrare;

- se recomandă astfel utilizarea doar a două valori pentru NE (NE = 360° și NE = 180°) în condițiile de funcționare a MED în fluxuri de producție automatizate sau semi-automatizate.

Pentru a obține reprezentări intuitive ale performanțelor echipamentului și programelor utilizate în echilibrarea dinamică, s-au elaborat următoarele grupe de grafice :

GRUPA I . - Grafice reprezentînd semnalele de traductor pentru diferite situații de lucru.

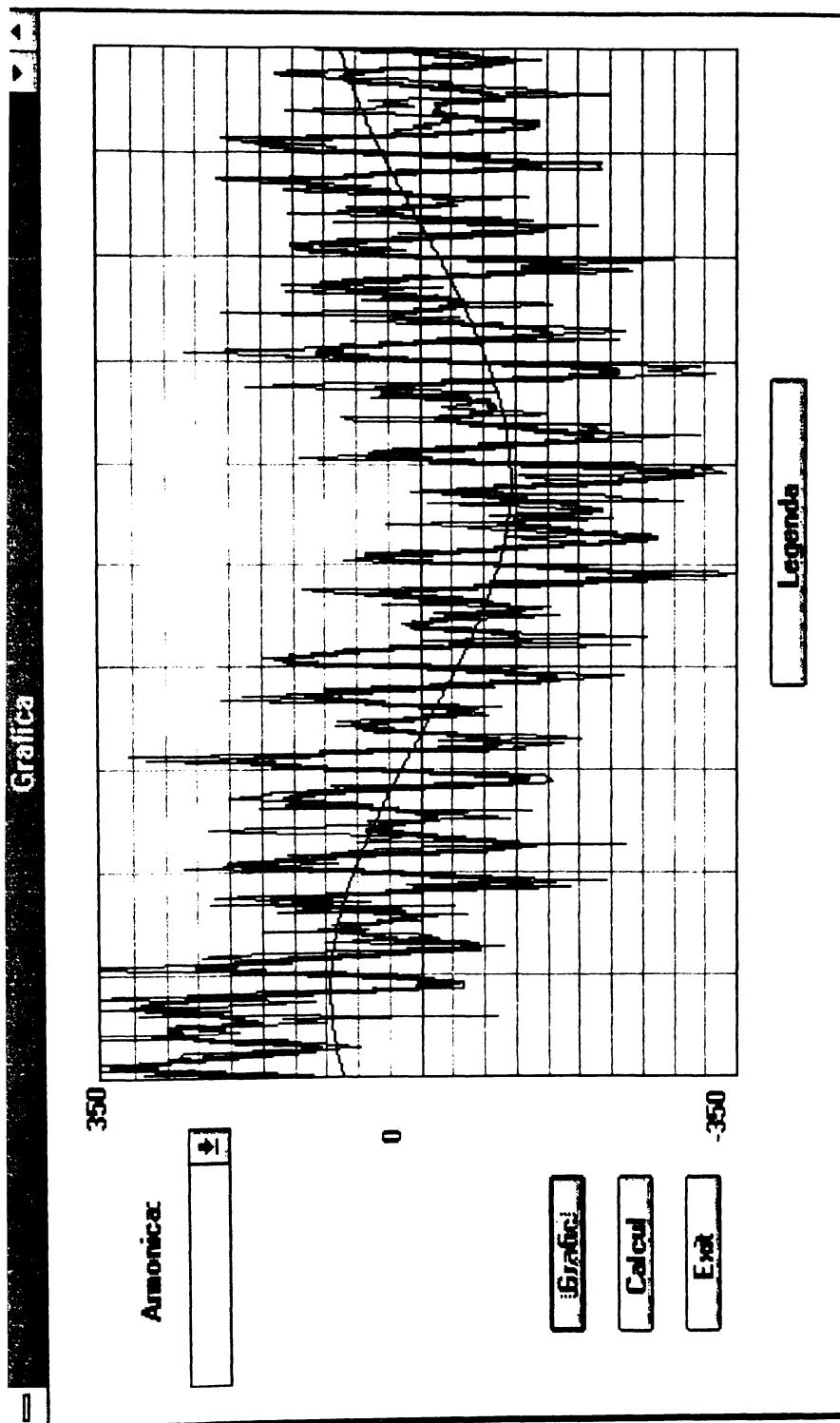


Fig. 4.3. $NE = 360$, $NP = 50$, $ALE = 25$

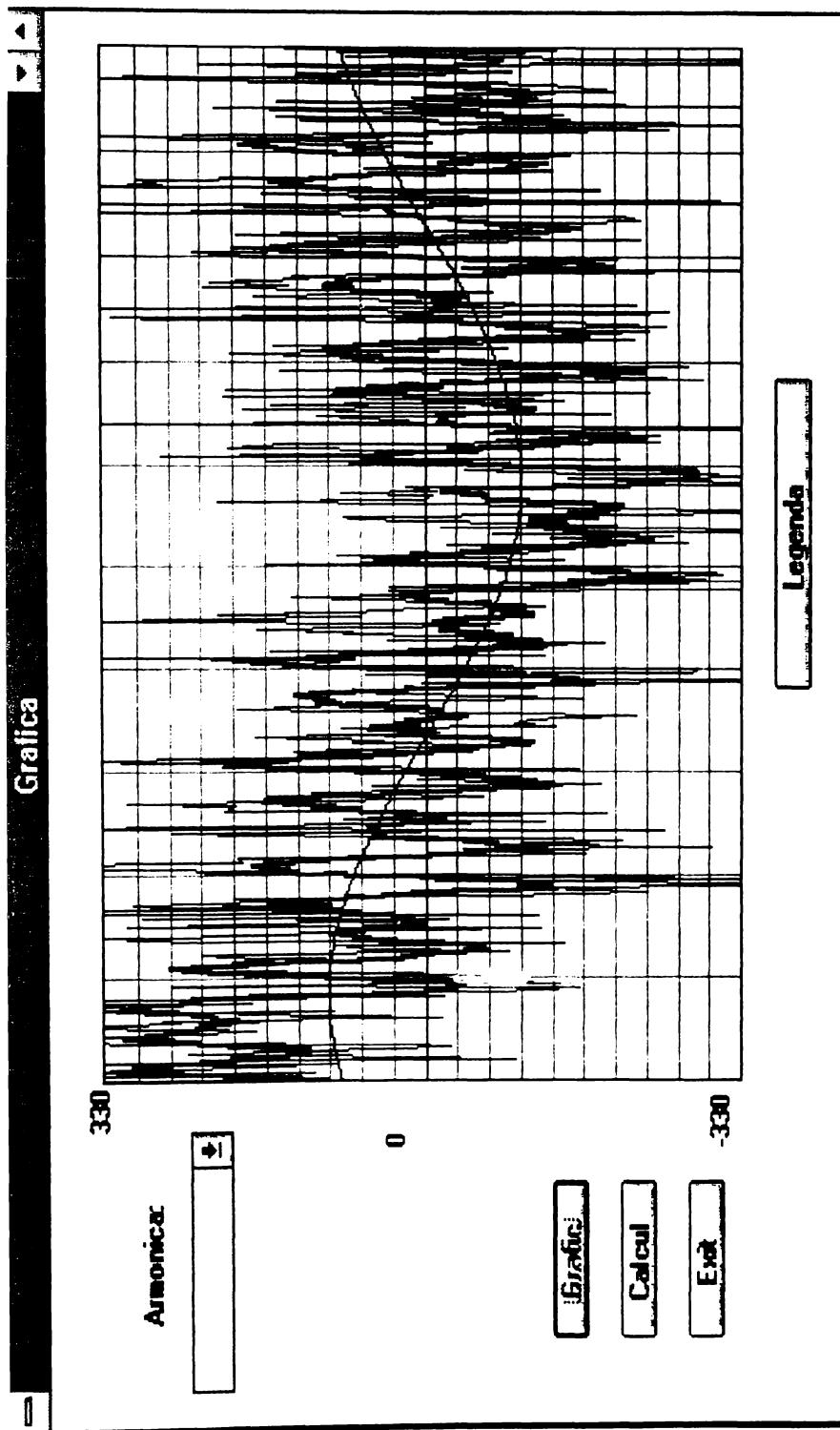


Fig. 4.4. $NE = 360$, $NP = 50$, $ALE = 50$

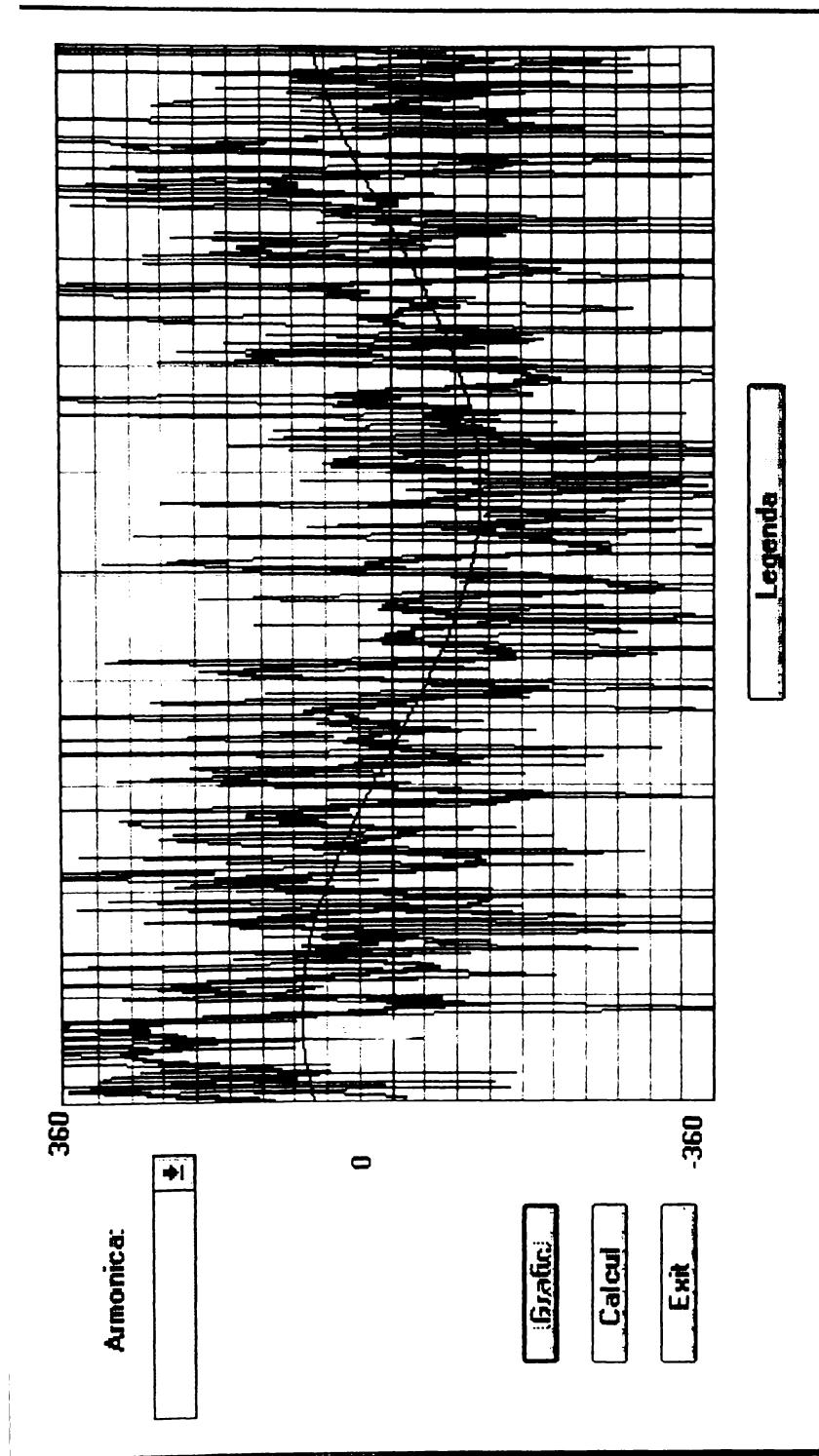


Fig. 4.5. $NIE = 360$, $NP = 50$, $ALE = 75$

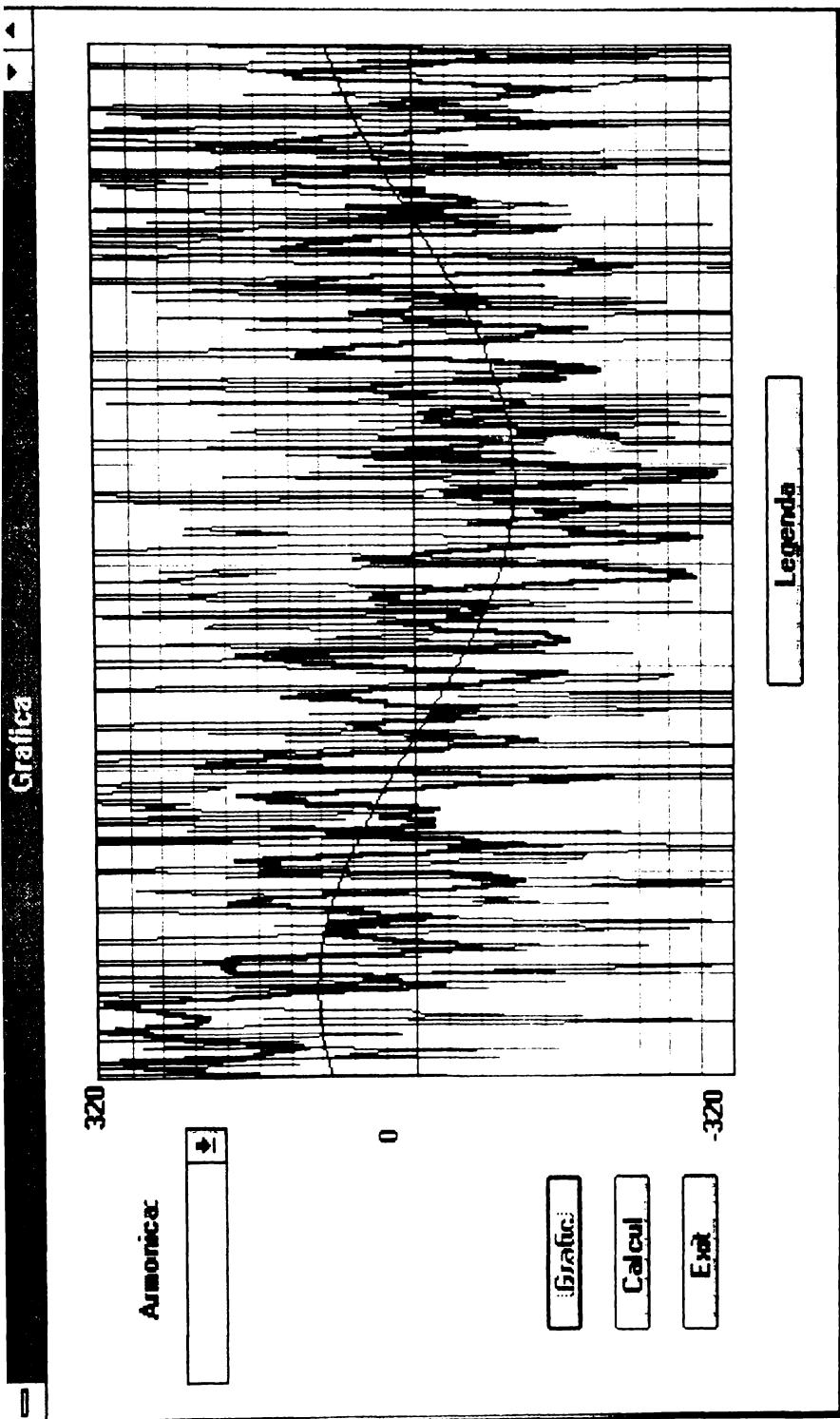


Fig. 4.6. $NE = 360$, $NP = 50$, $ALE = 100$

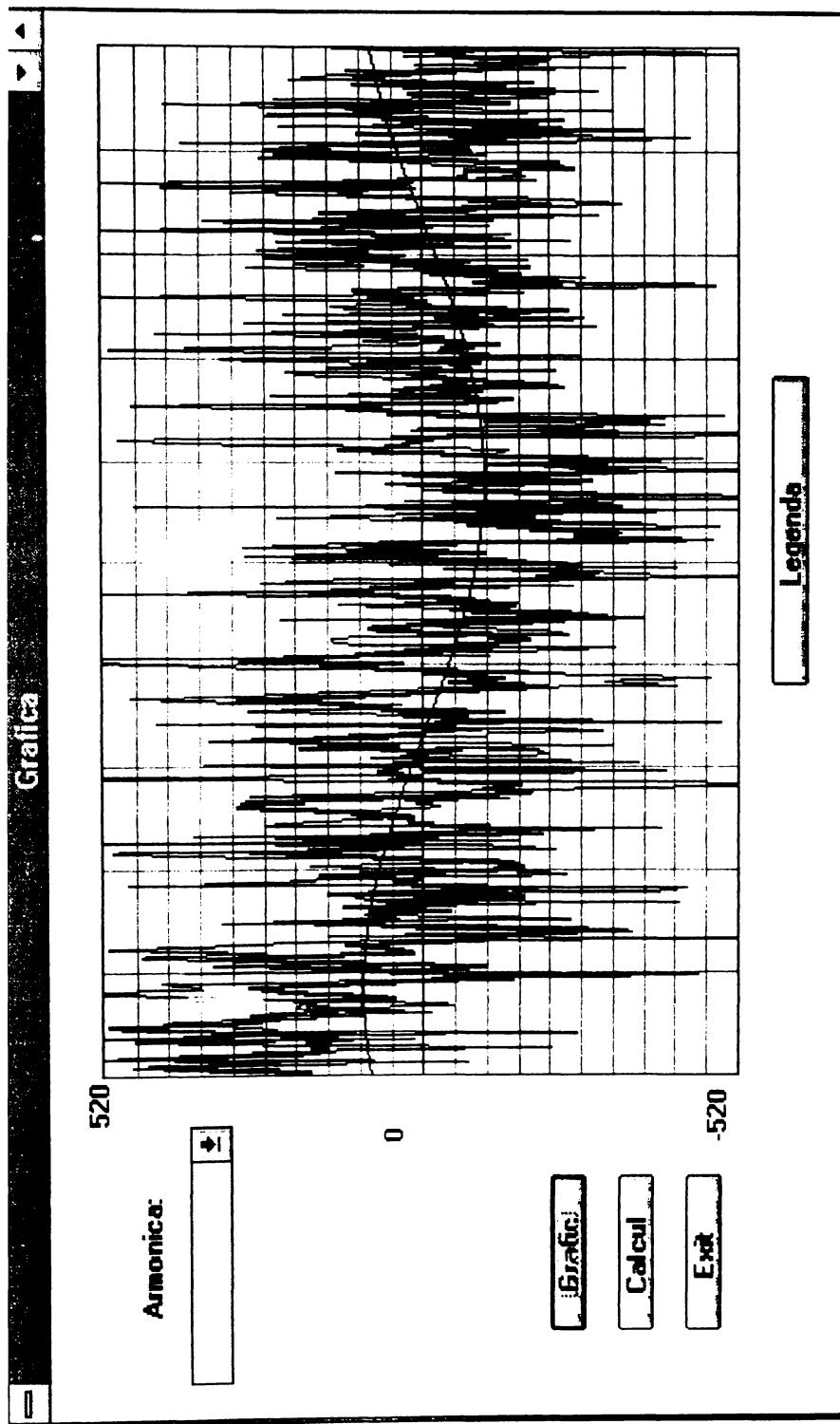


Fig. 4.7. $NE = 360$, $ALE = 75$, $NP = 5$

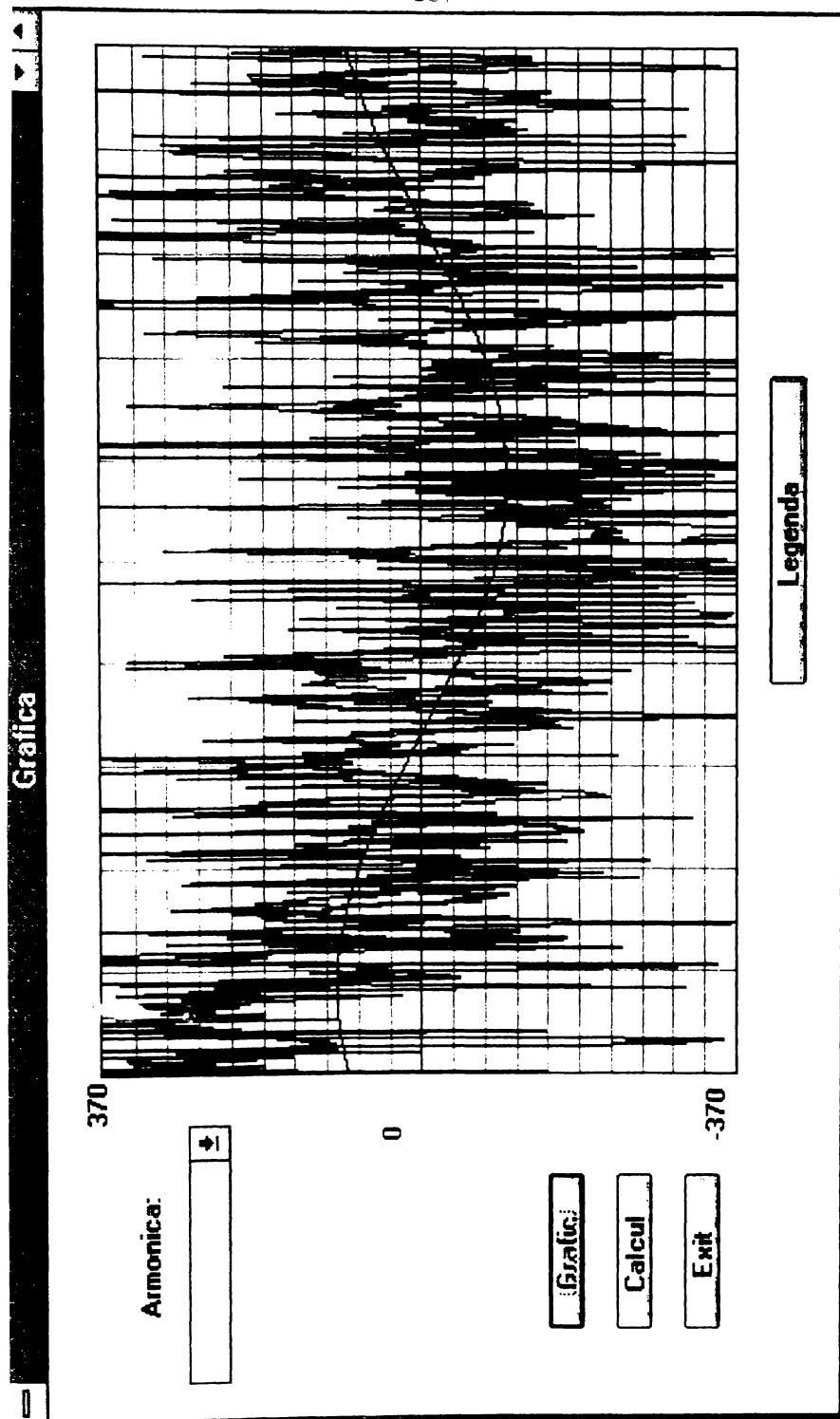


Fig. 4.8. $NE = 360$, $ALE = 75$, $NP = 30$

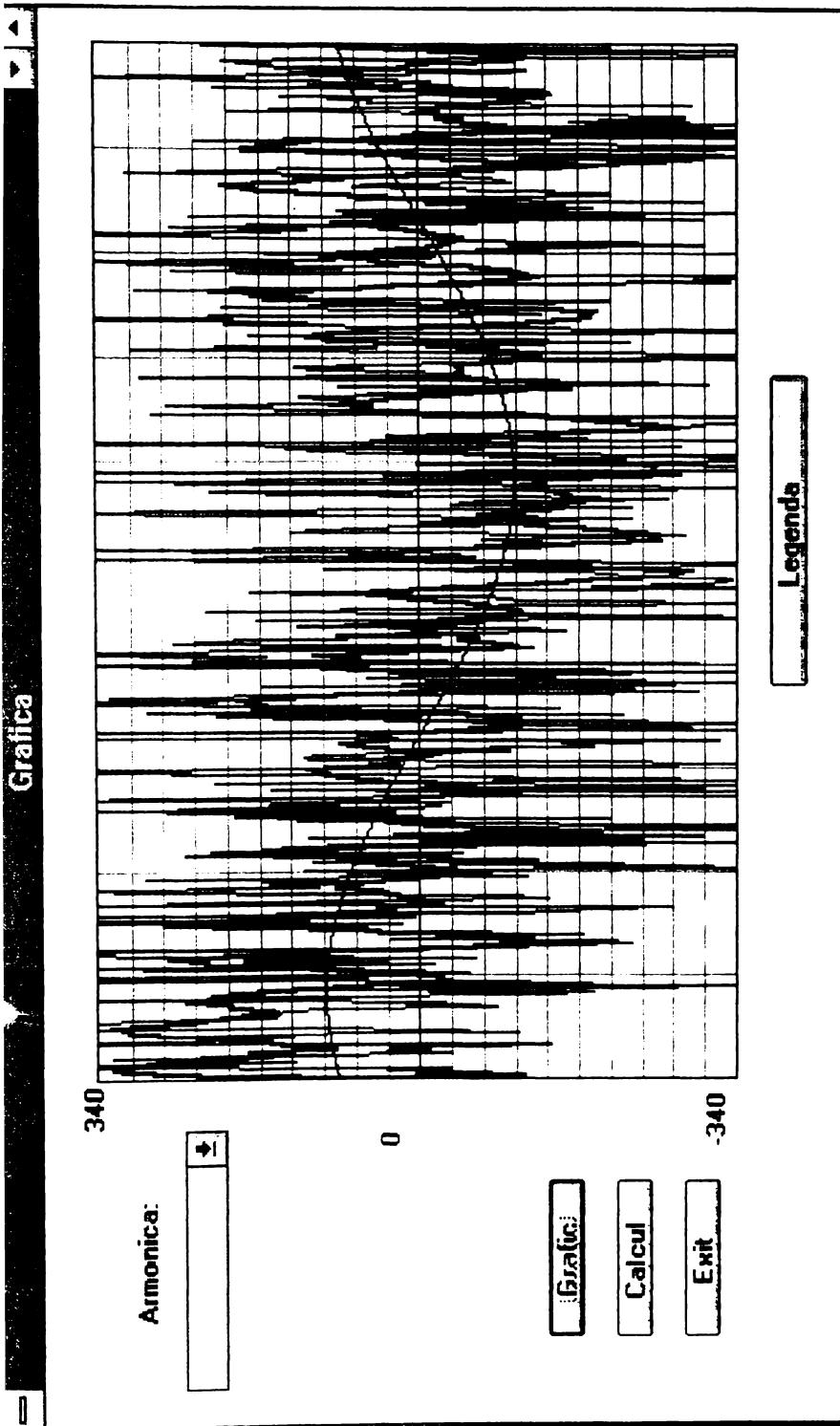


Fig. 4.9. $NE = 360$, $ALE = 75$, $NP = 100$

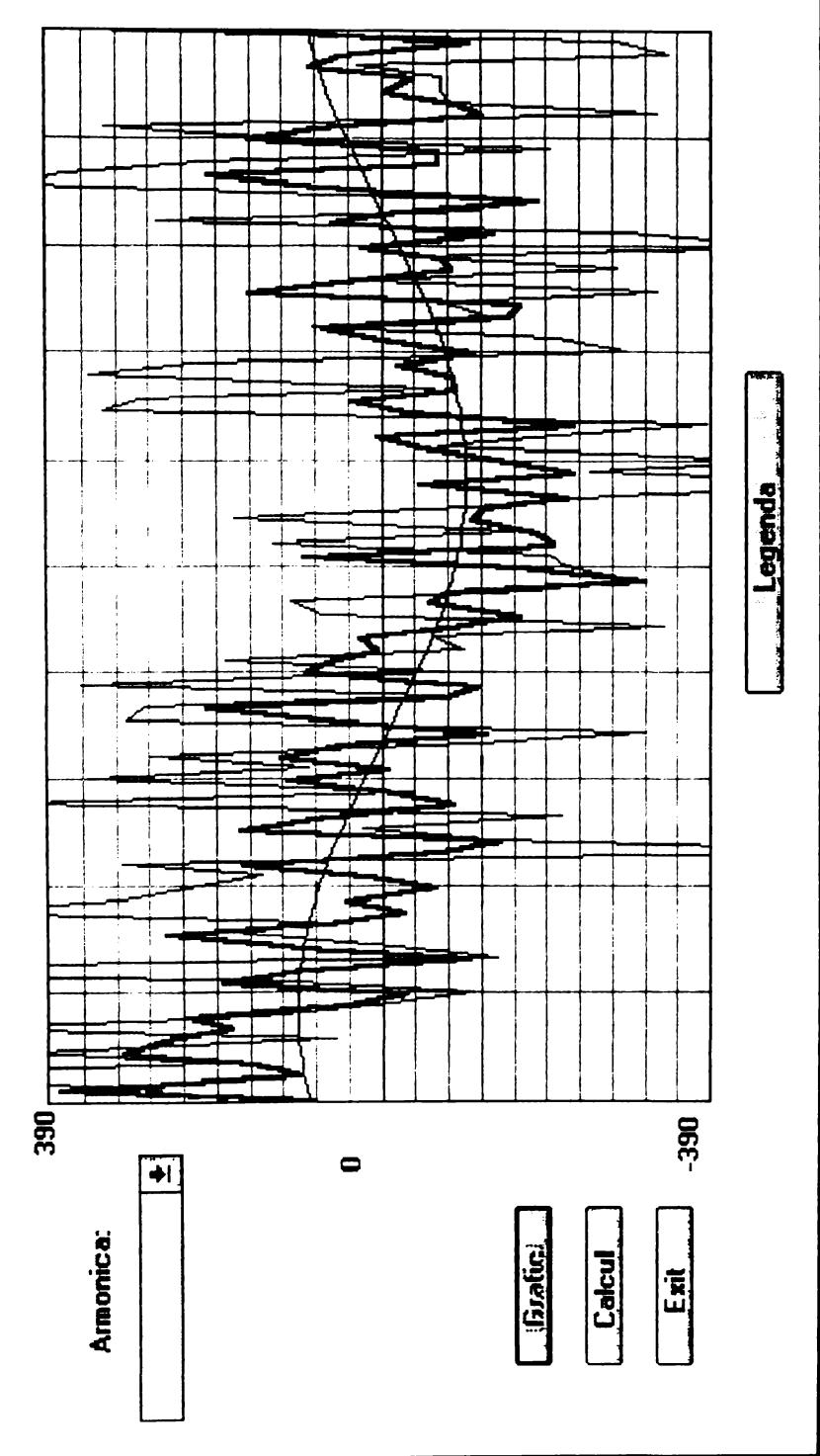


Fig. 4.10. $NE = 180$, $ALE = 75$, $NP = 30$

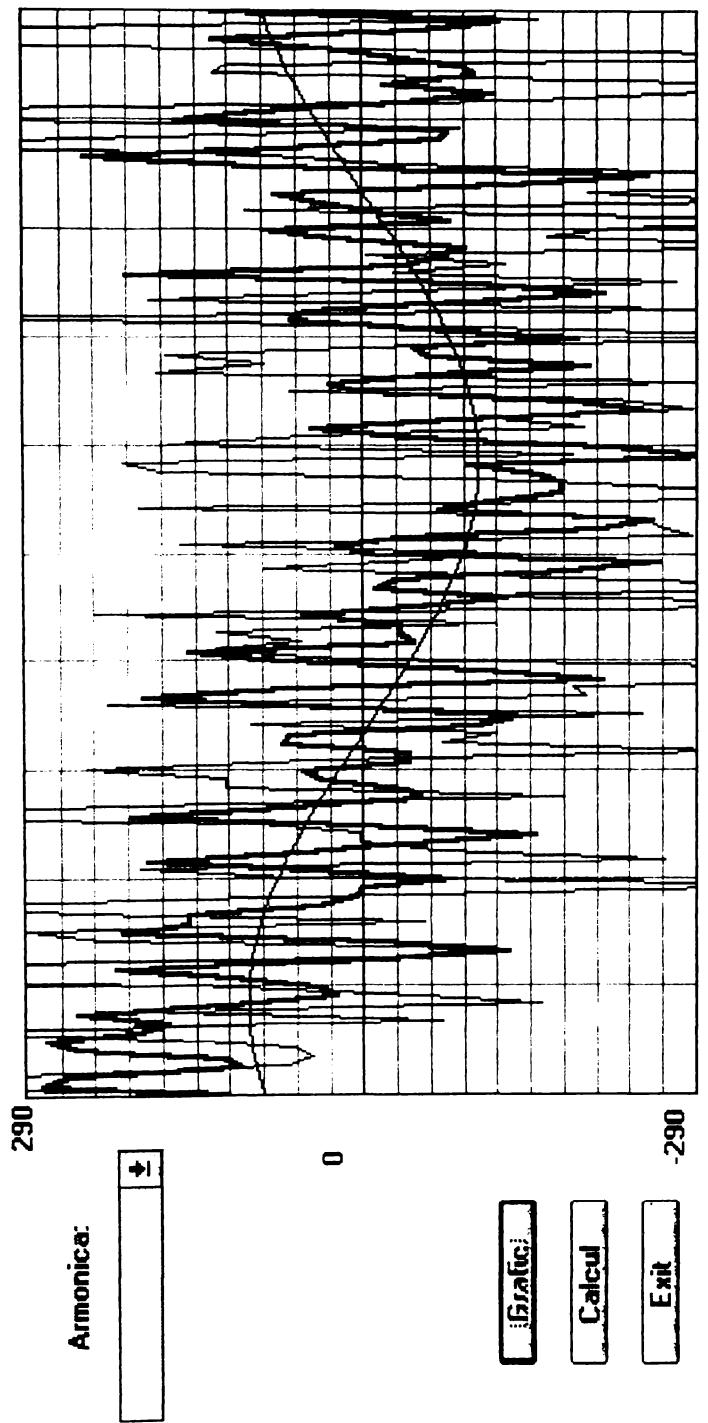


Fig. 4.11. $NE = 120$, $AIE = 75$, $NP = 30$

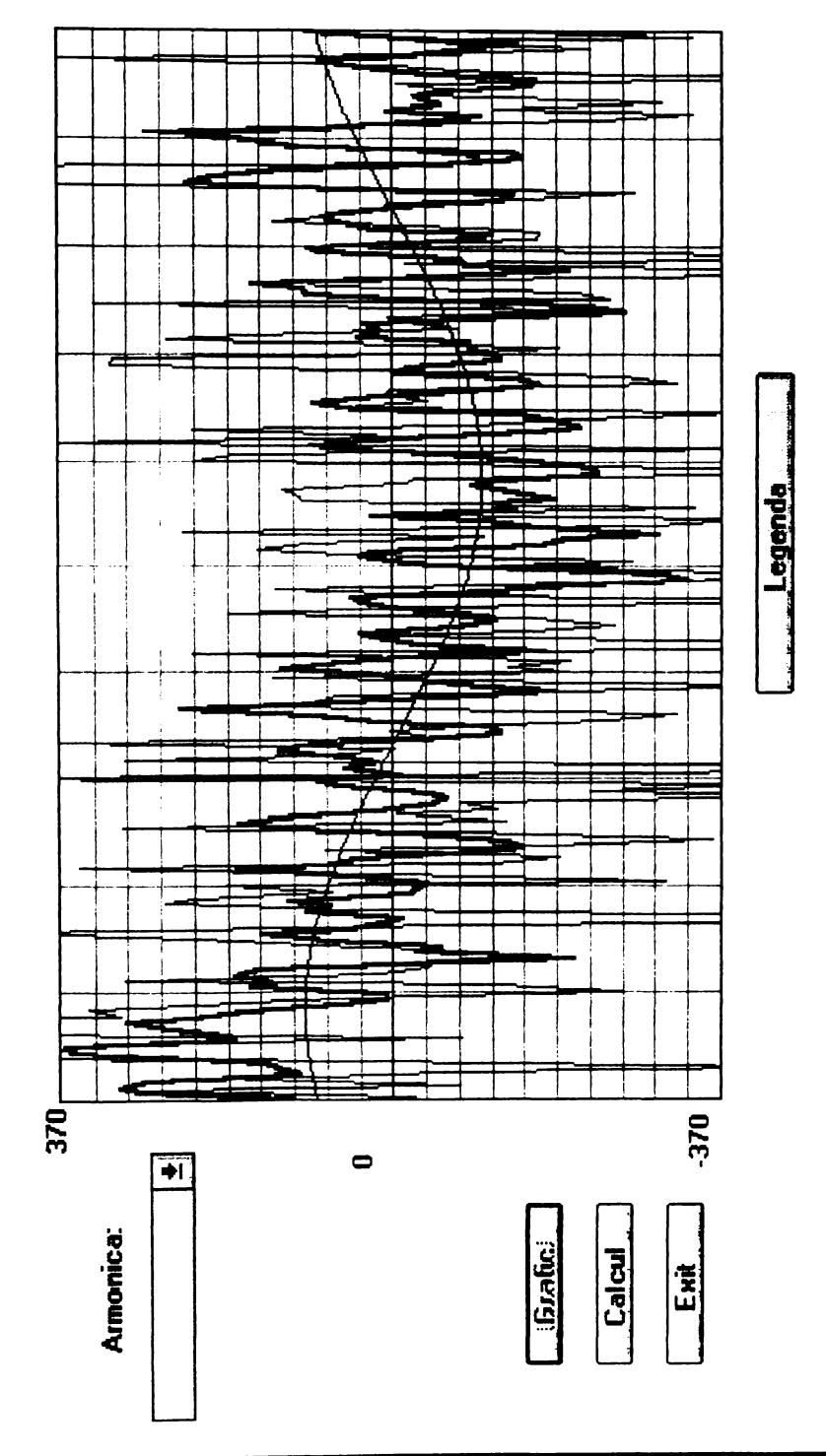


Fig. 4.12. $NE = 90^\circ$, $ALE = 75^\circ$, $NP = 30$

Fig.4.13 Análiza estatística a curvă de amplificare (ALE=25)

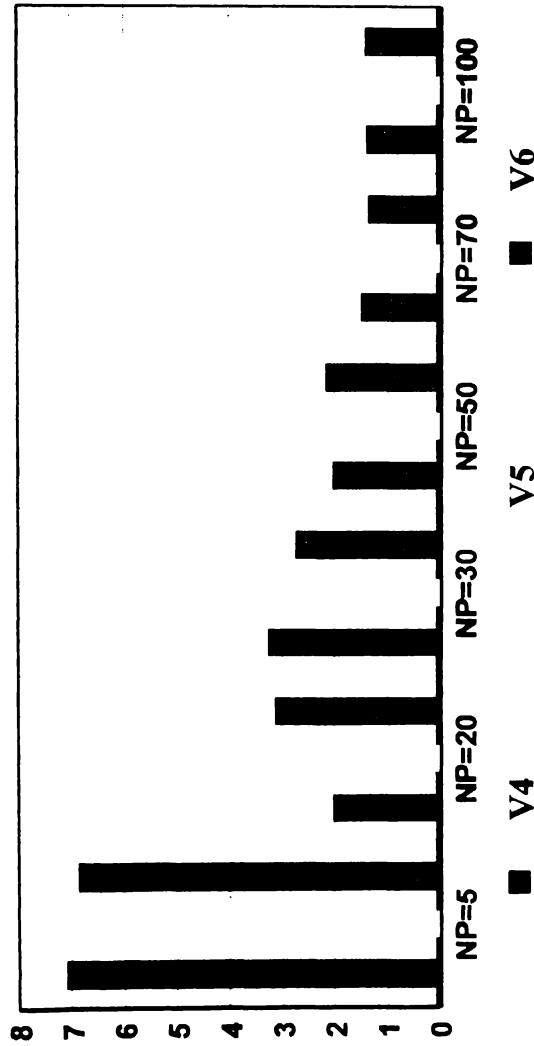


Fig4.14 Analiza estatistica a eorii de amplitudine (ALE=50)

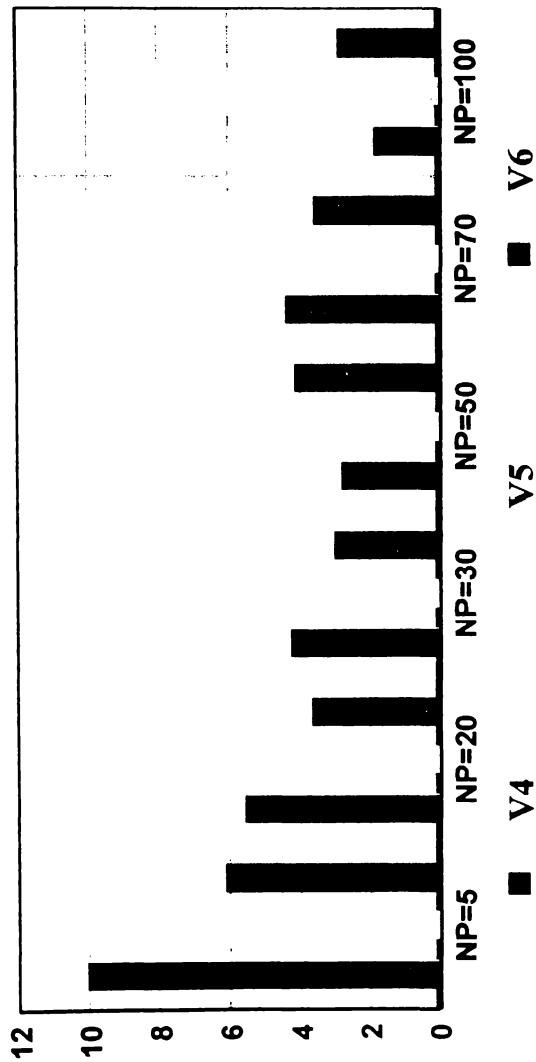


Fig4.15 Analiza statistica a eroare de amplitudine (ALE=75)

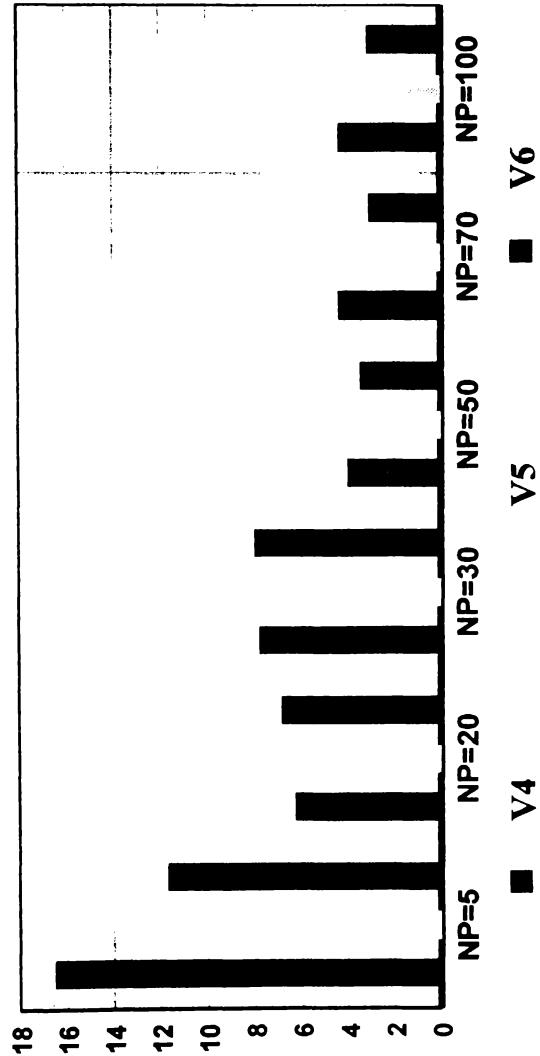


Fig.4.16 Analiza statistica a eroziidei amplificare(ALE=100)

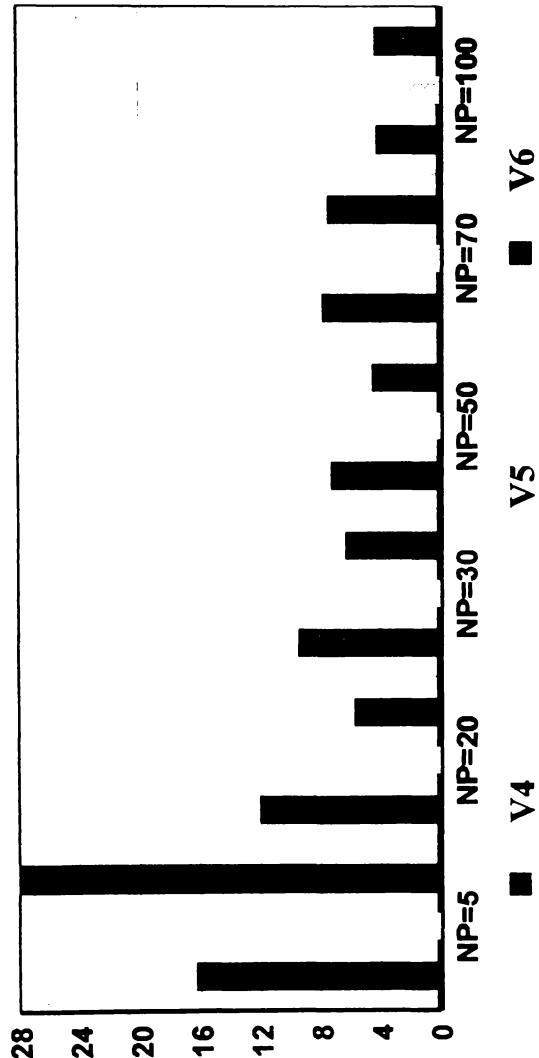


Fig.4.17. Alerfa estatística a erorr de faza (AIF=25)

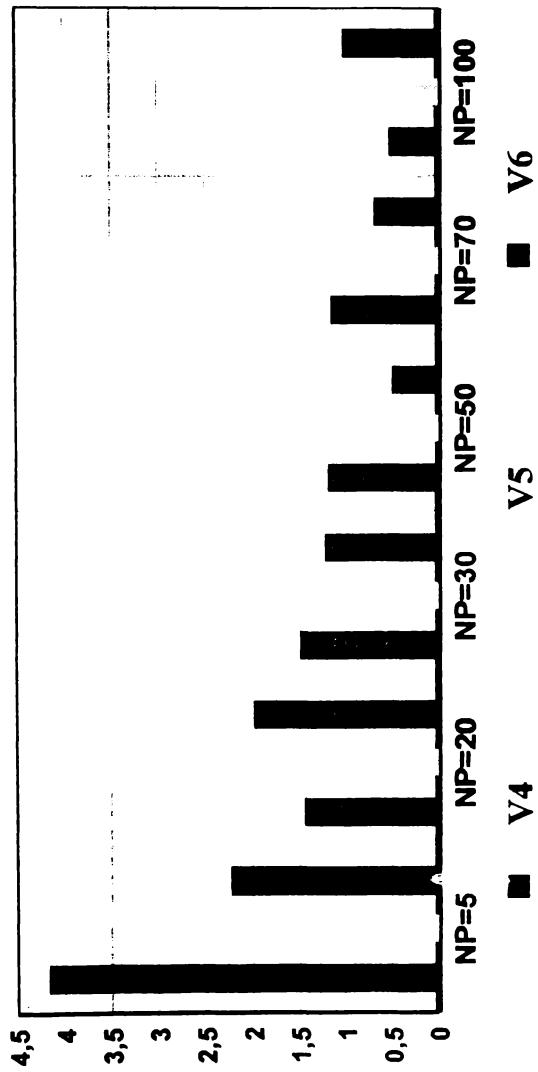


Fig418 Análiza estatística a enunciado faza (ALE=50)

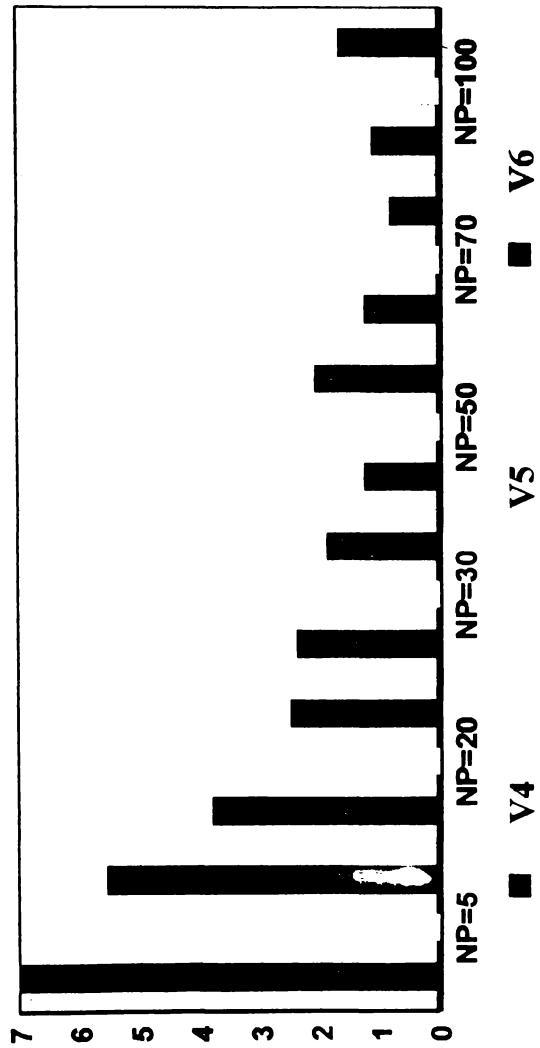


Fig.419. Análiza estadística a erorii de faza ($ALE=75$)

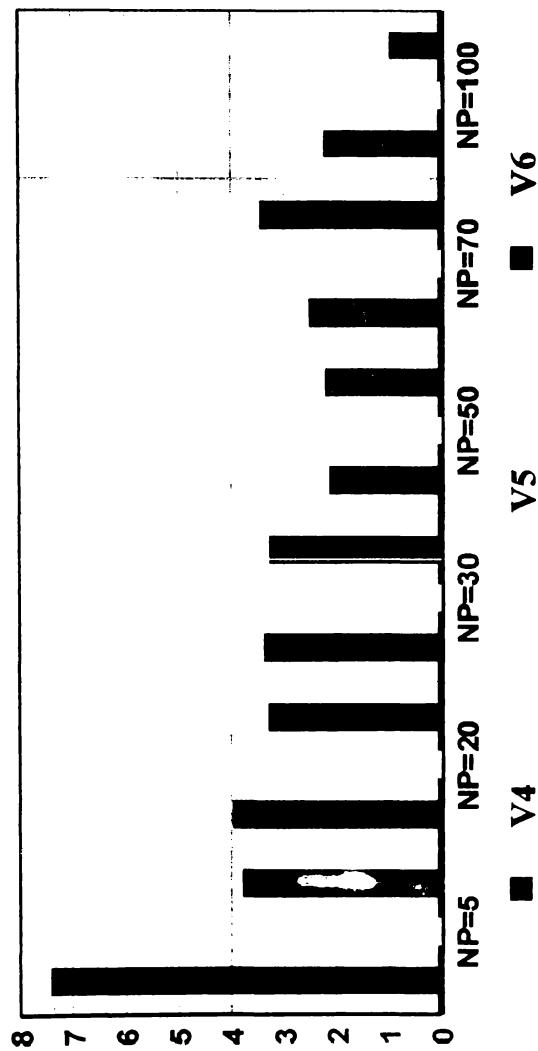


Fig420. Anafază statistică a eroziile faza (ALE=100)

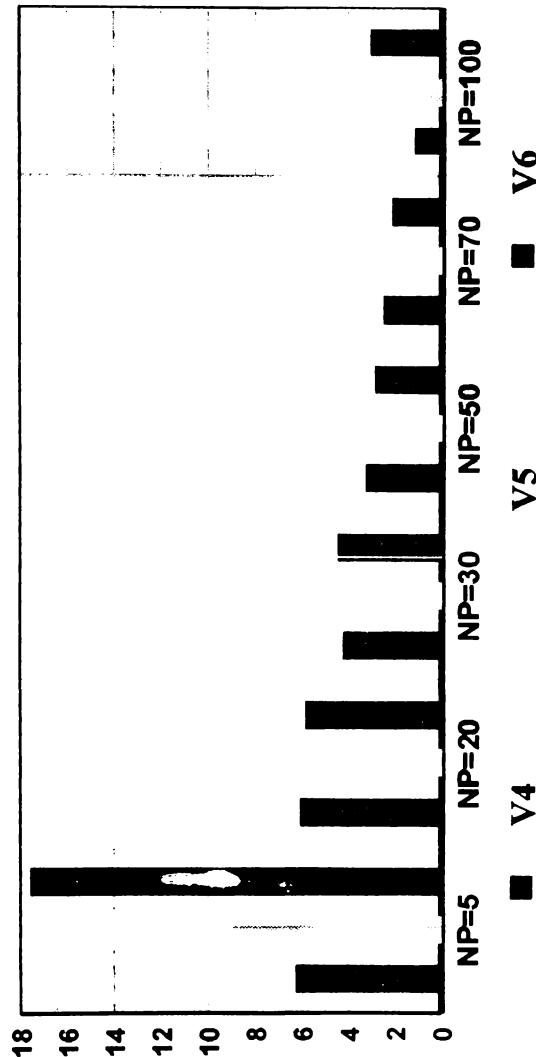


Fig.4.21. Analiza statistica a eroziilor de amplitudine in functie de
NE (ALE=50, NP=30)

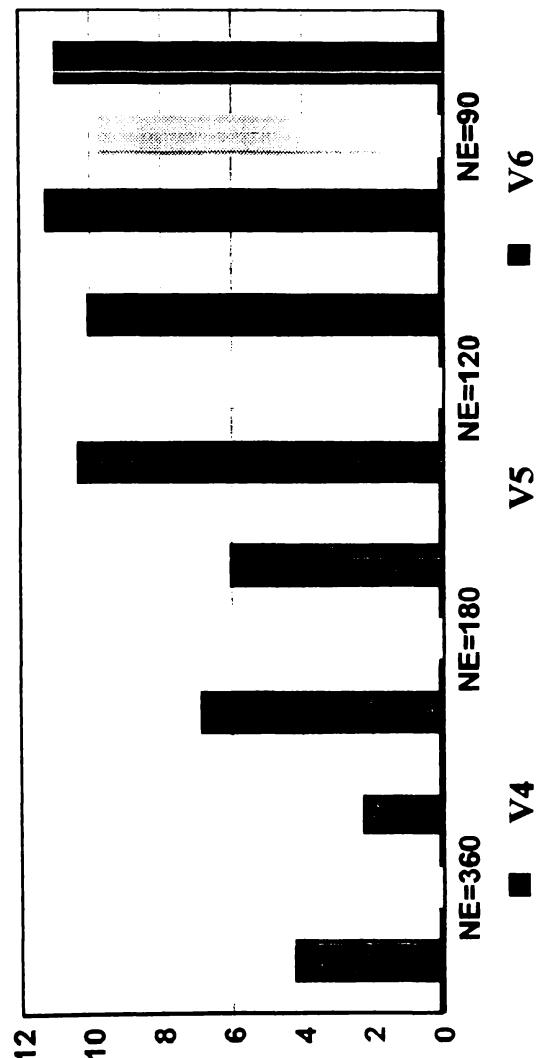
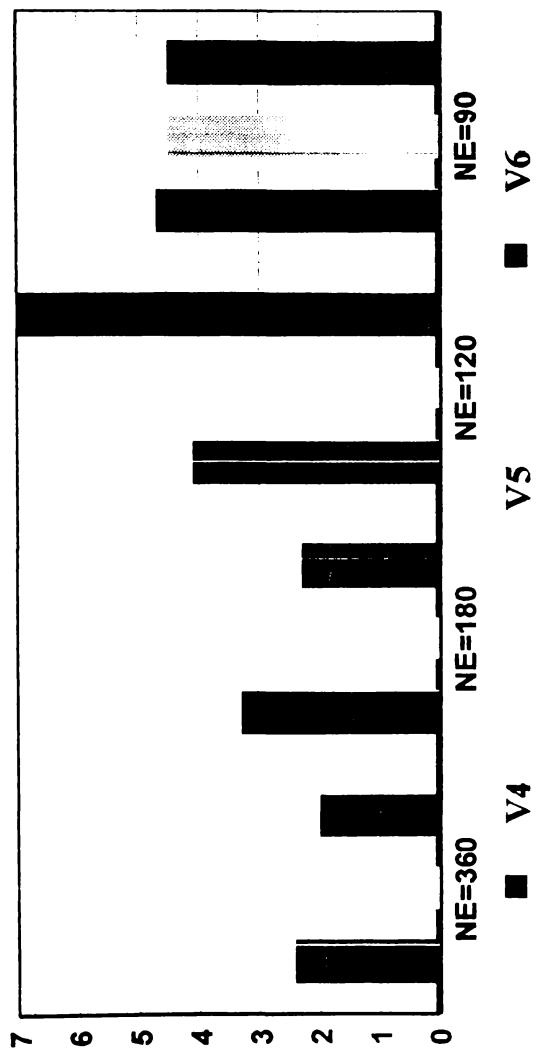


Fig.4.22. Analiza statistică a eroarei de fiză în funcție de NE
ALE=50, NP=30)



**Fig. 3. Analiza statistica a eroziunii de amplitudine in functie de
NE (ALE=50, NP=50)**

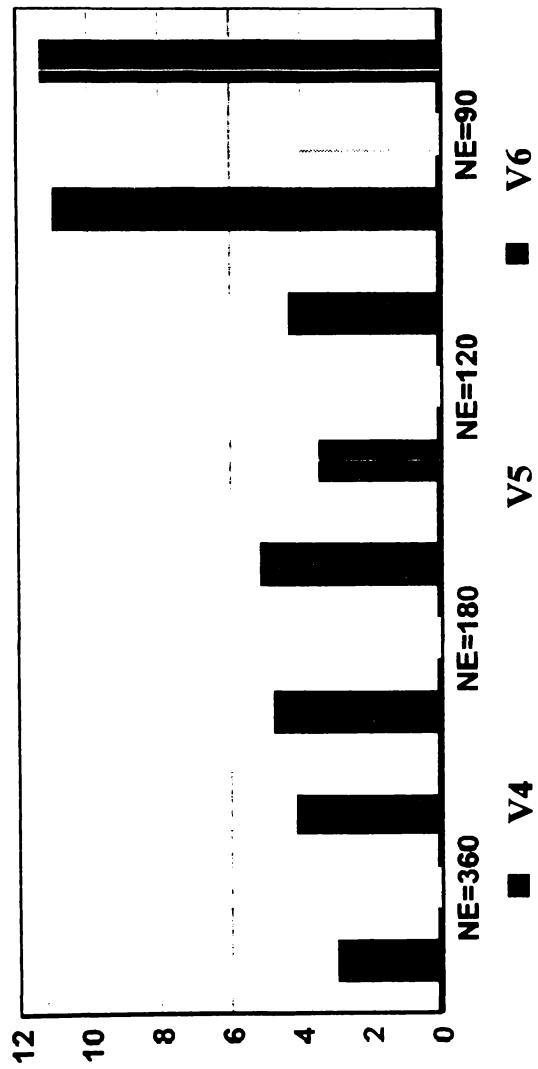
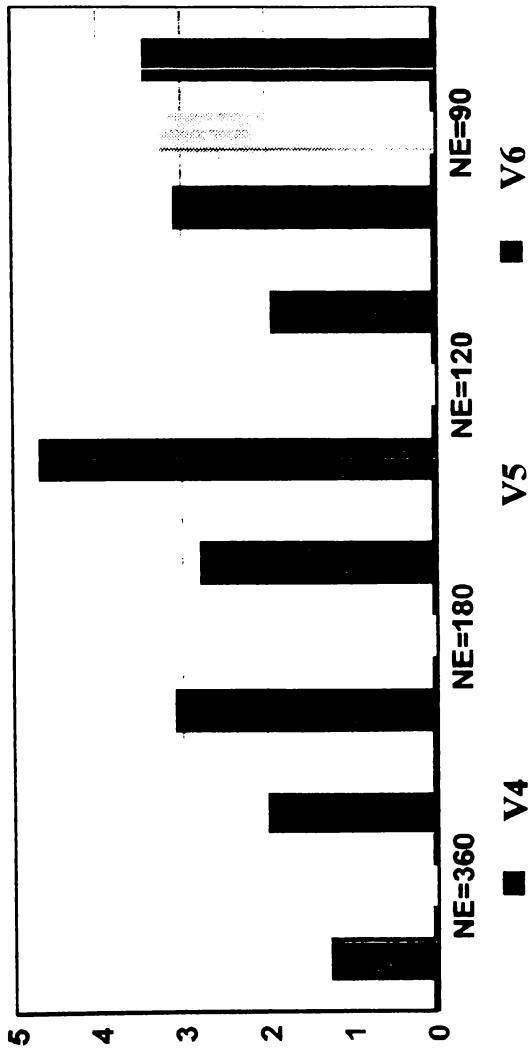


Fig.4.24. Analiza statistică a erorii de fază în funcție de NE
(ALE=50, NP=50)



- fig.4.3. - Varianta V5, NE=360, NP=50, ALE=25 ;
- fig.4.4. - V5, NE=360, NP=50, ALE=50 ;
- fig.4.5. - V5, NE=360, NP=50, ALE=75 ;
- fig.4.6. - V5, NE=360, NP=50, ALE=100 ;
- fig.4.7. - V5, NE=360, ALE=75, NP=5 ;
- fig.4.8. - V5, NE=360, ALE=75, NP=30 ;
- fig.4.9. - V5, NE=360, ALE=75, NP=100 ;
- fig.4.10. - V5, NP=30, ALE=75, NE=180 ;
- fig.4.11. - V5, NP=30, ALE=75, NE=120 ;
- fig.4.12. - V5, NP=30, ALE=75, NE=90 ;

După cum se poate observa din această grupare sintetică, primul set de grafice, tratează varianța v5, din trei puncte de vedere :

- influența variației mărimii ALE asupra semnalului de traductor și a semnalului mediat;
- influența variației lui NP asupra semnalului de traductor și a semnalului mediat;
- influența variației lui NE asupra semnalului de traductor și a semnalului mediat .

In toate cazurile din fig.4.3 ... 4.12, s-au reprezentat pe fiecare grafic, atât semnalul de traductor (primar), semnal obținut prin mediere cît și semnalul util, reprezentând dezechilibrul (de tip sinusoidal).

GRUPA 2 - Grafice reprezentând analize statistice ale erorii de fază (exprimată în grade) și ale erorii de amplitudine (exprimată procentual), pentru trei structuri de semnal de traductor (V4, V5, "6), în condiții diferite de ALE, NP și NE.

Pentru cazul NE = 360, NP = 5, 20, 30, 50, 70, 100 :

- fig.4.13. - Analiza statistică a erorii de amplitudine $ALE = 25$
- fig.4.14. - " - " - $ALE = 50$
- fig.4.15. - " - " - $ALE = 75$
- fig.4.16. - " - " - $ALE = 100$

- fig.4.17. Analiza statistică a erorii de fază - ALE=25
- fig.4.18. - " - - " - - ALE=50
- fig.4.19. - " - - " - - ALE=75
- fig.4.20. - " - - " - - ALE=100

Pentru cazul ALE=50 , NP=30 , NE=360 , 180, 120, 90 :

- fig.4.21. Analiza statistică a erorii de amplitudine
- fig.4.22. Analiza statistică a erorii de fază.

Pentru primul grup are loc o analiză a influenței valorii lui ALE asupra erorilor de fază și amplitudine, iar în fig. 4.21. și fig.4.22. este prezentată influența numărului de eșantioane NE , asupra celor două tipuri de erori.

Concluziile prezentate anterior, obținute din prelucrarea rezultatelor, se regăsesc acum într-o modalitate mult mai directă, mai sugestivă. În acest mod, performanțele metodei de echilibra-re, a algoritmului și ale programelor utilizate se dovedesc să fi net superioare celor din cazul MED clasice, cu tratare analogică a semnalelor de traductor.

CAPITOLUL V

ECHIPAMENTE DESTINATE M.E.D. CU ANTRENARE PRIN CUREA FOLOSITE LA ECHILIBRAREA ROTOARELOR M.I. DE PUTERE MICA SI MEDIE

Echilibrarea rotoarelor M.I. de putere mică și medie necesită MED de mare productivitate, indiferent de gradul de automatizare al fluxului de producție. Productivitatea echilibrării este influențată de timpul de măsurare al dezechilibrelor corespunzătoare celor două planuri de echilibrare, dar și de timpii de încărcare-descărcare a rotoarelor. În cazul concret al rotoarelor M.I. de putere mică și medie, timpii de echilibrare ajung să fie suficienți de redusi (prin utilizarea unor echipamente de măsurare performante), deci comparabili cu timpii operațiilor de montare. Pe de altă parte, MED cu antrenare prin cuplaj mecanic sunt mai puțin sensibile și mai puțin pretentioase în întreținere. Din aceste considerente se poate afirma că structura de MED care să rezolve cel mai bine situația echilibrării rotoarelor M.I. de putere mică și medie, atât prin performanțele de productivitate cât și prin cele de calitate, este reprezentată de MED cu antrenare prin curea. Dificultatea care apare în acest caz este legată de problema generării unui semnal armonic (sinus, cosinus) sincronizat cu mișcarea rotorului, care să fie utilizat în operația de detectie sincronă, realizată numeric sau analogic. Echipamentele prezentate în cadrul acestui capitol reprezintă mai multe variante constructive ale unui generator numeric de funcții armonice, sincronizate de la un semnal exterior, corespunzător turatiei rotorului, având o viteză de răspuns foarte ridicată. Robustetea și stabilitatea în funcționare, posibilitatea de utilizare pe diferite tipuri de MED și avantajul deosebit de a nu necesita re-

glaje, acordări pe durată funcționării, indiferent de modificările de turătie la care are loc echilibrarea, precum și imunitatea la variațiile de temperatură, au dus la brevetarea și realizarea practică a echipamentului care a echipat toată gama constructivă de MED cu antrenare prin curea (seria NEC) produsă la "Electromotor" Timișoara.

5.1. LIMITELE DE SENSIBILITATE IMPUSE M.E.D. DE UTILIZAREA ANTRENARII DIRECTE A ROTORULUI PRIN ARBORE SI CUPLAJE CARDANICE

In cazul "FD cu antrenare directă prin arbore și cuplaj, pentru a influența cît mai puțin precizia măsurătorilor este necesar ca perturbațiile datorate jocurilor în articulațiile arborelui să fie cît mai mici. Această condiție se realizează cînd masa arborelui este neglijabilă în raport cu masa rotorului. Pentru a fixa lungimea necesară a arborelui, în corelație cu dimensiunea rotorului ce se echilibrează și pentru a simplifica operația de cuplare a arborelui cu piesa de echilibrat se utilizează un sistem format dintr-o bucsă însurubată pe filetul arborelui și o bucsă canelată care se poate deplasa pe arbore permitînd cuplarea cu arborele rotorului. În același timp, bucsa canelată este elementul prin care se realizează operațiile de echilibrare primară a arborelui. Pentru o echilibrare corectă a arborelui, plasarea de greutăți pe bucsă canelată sau pe flanșă exterioară nu este suficientă. Imperfecțiunile de execuție ale bridei de schimb și ale cuplajului cardanic determină ca axa de rotație să nu coincidă cu axa arborelui și să apară astfel forță centrifugă P_1 acționând asupra arborelui. În articulație apare forța P_2 . Operațiile de echilibrare efectuate asupra flanșei exterioare a cuplajului echilibrează forța P_2 , dar ia naștere un cuplu de valoare $(P_3 \cdot h)$, conform fig.5.1.

Acest fapt impune ca operația de echilibrare a sistemului de antrenare să se execute separat și direct:

- echilibrarea arborelui prin greutăți plasate chiar pe arbore;

- echilibrarea bridei de schimb prin greutăți pласate direct pe bridă.

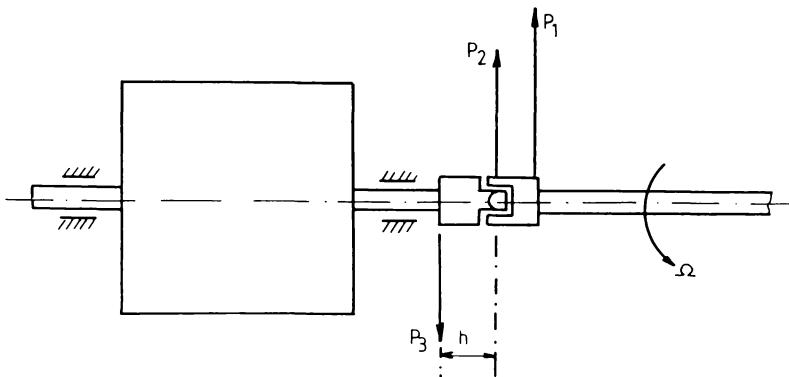


Fig.5.1. Dezechilibrul din sistemul de antrenare.

Echilibrarea cuplajului, respectiv compensarea momentului aplicat între elementele sale necesită dispozitive speciale cu elemente elastice (arcuri plate) și elemente de reglare dispuse la 90° pe circumferința sa. De obicei aceste dispozitive complexe sunt înlocuite prin execuția îngrijită a cuplajului și placarea greutăților doar pe arbore, asumind astfel o reducere a preciziei MED.

Un alt fenomen care reduce sensibilitatea MED, indiferent de performanțele echipamentului de prelucrare a semnalelor, este fenomenul de frecare în articulațiile cuplajelor cardanice. Pentru a estimă acțiunea acestor forțe, vom considera un model simplificat prezentat în fig.5.2.

Conform modelului de variație prezentat în fig.5.2, forțele de frecare în articulațiile cuplajului nu depind de viteza, ci numai de mărimea cuplului de răsucire transmis de arbore. Prin această aproximatie, oscilațiile rotorului pe durata antrenării sale vor fi însotite de forțele de frecare C constante că mărime și având sens schimbă la fiecare schimbare a sensului mișării în articulație.

Exprimarea analitică se obține prin descompunerea în se-

rie Fourier a undei rectangulare, obținind:

$$v(t) = \left(\frac{1}{2}\right)a_0 + \sum_{n=1}^{\infty} (a_n \cos(2\pi/T \cdot n \cdot t) + b_n \sin(2\pi/T \cdot n \cdot t)) \quad \dots (5.1)$$

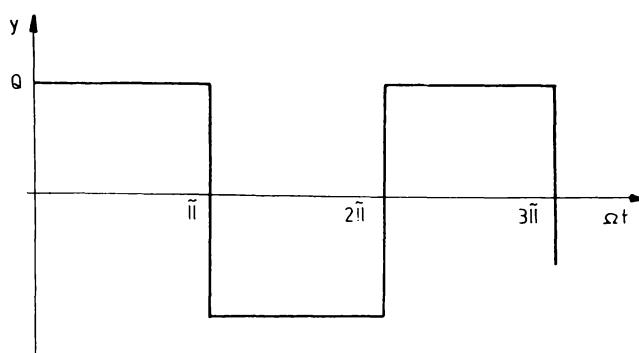


Fig.5.2. Modelul simplificat al forțelor de frecare în cuplajul cardanic.

Datorită caracterului impar, toți termenii a_n , inclusiv a_0 , sunt nuli. Expresia termenilor b_n este :

$$\begin{aligned} b_n &= 2Q/T \left\{ \int_{-\pi/2}^0 (-Q) \sin(2\pi/T) \cdot n \cdot t dt + \int_{-\pi/2}^0 Q \sin(2\pi/T) \cdot n \cdot t dt \right\} = \\ &= 2Q/T \left\{ ((T/2\pi n) \cos(2\pi/T) \cdot nt) \Big|_{-\pi/2}^0 - ((T/2\pi n) \cos(2\pi/T) \cdot nt) \Big|_0^{\pi/2} \right\} = (2Q/\pi \cdot n)(1 - \cos \Omega \cdot n \cdot t) \end{aligned} \quad \dots (5.2)$$

Se obțin:

$$b_n = 0 \quad \text{pentru } n = \text{par} \quad \dots (5.3)$$

$$b_n = 4Q/n\pi \quad \text{pentru } n = \text{impar}$$

In situația în care originea este aleasă ca în fig.5.3, funcția $v(t)$ care descrie fenomenul de frecare devine :

$$\begin{aligned} v(t) &= -Q \text{ pentru } -\frac{1}{2}T < t < -\frac{1}{4}T \\ &+Q \text{ pentru } -\frac{1}{4}T < t < \frac{1}{4}T \quad \dots (5.4) \\ &-Q \text{ pentru } \frac{1}{4}T < t < \frac{1}{2}T \end{aligned}$$

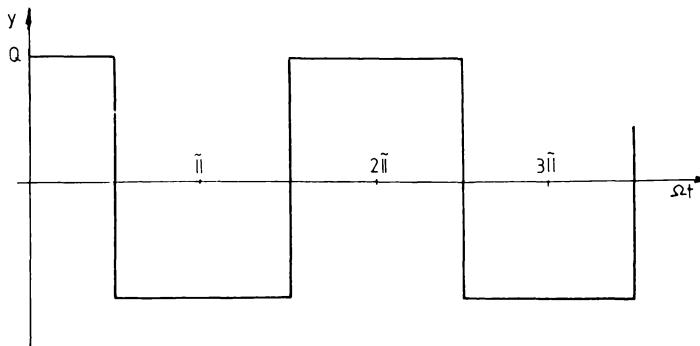


Fig.5.3. Modelul rectangular simetric al forțelor de frecare din cuplaj.

Funcția obținută este rectangulară, simetrică și pară, deci coeficientii $b_n = 0$, iar pentru a_n rezultă :

$$a_n = 2/T \int_{-T/2}^{T/2} f(t) \cdot dt = 0 \quad \dots (5.5)$$

Coefficienții a_n se obțin prin expresiile:

$$a_n = 2/T \int_{-T/2}^{T/2} v(t) \cdot \cos \frac{2\pi n}{T} \cdot n \cdot t \cdot dt = \frac{2}{T} \int_{-T/2}^{T/2} (-Q) \cdot \cos \frac{2\pi n}{T} \cdot n \cdot t \cdot dt +$$

$$\begin{aligned}
 & + \frac{2}{T} \int_{-\pi/4}^{\pi/4} Q \cos \frac{2\pi}{T} \cdot n \cdot t \cdot dt + \frac{2}{T} \int_{\pi/4}^{\pi/2} (-Q) \cos \frac{2\pi}{T} \cdot n \cdot t \cdot dt = \\
 & = \frac{4Q}{\pi \cdot n} \cdot \sin \Omega \cdot n \cdot t
 \end{aligned} \quad \dots (5.6)$$

In acest caz a_n va avea valorile :

$$a_n = 0 \quad \text{pentru } n = \text{par}$$

$$a_n = 4/n\pi \quad \text{pentru } n = 1, 5, 9 \dots (4K-3) \quad \dots (5.7)$$

$$a_n = -4/n\pi \quad \text{pentru } n = 3, 7, 11 \dots (4K-1)$$

Desvoltarea in serie a functiei din fig.5.3 este :

$$v(t) = (4Q/\pi) \cdot (\sin \Omega \cdot t - \sin 3\Omega \cdot t/3 + \sin 5\Omega \cdot t/5 - \dots) \quad \dots (5.8)$$

Pentru a scrie ecuatiiile miscarii sistemului mecanic rotor-arbore cu cuplaje cardanice se utilizeaza schema cinematica din fig.5.4.

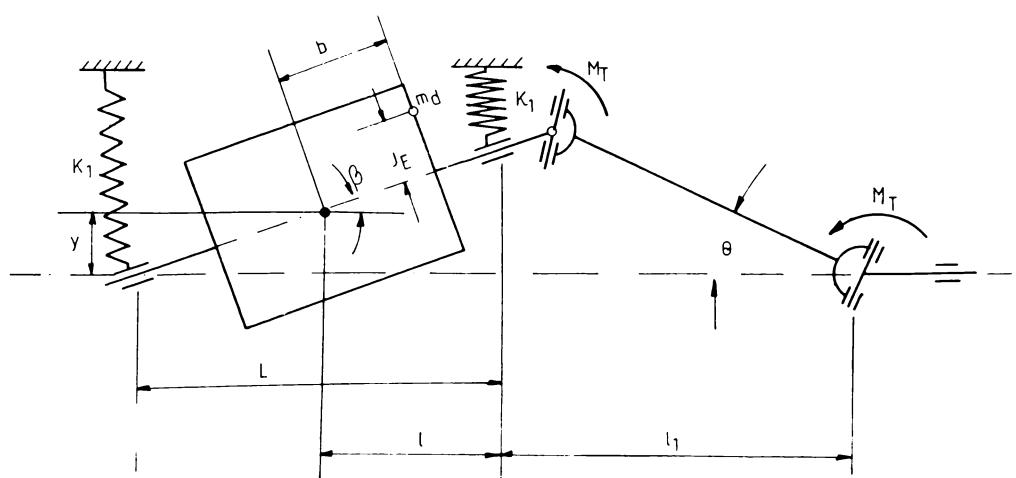


Fig.5.4. Schema cinematică de antrenare a rotorului.

In fig.5.4. s-au notat:

m_1 - masa rotorului

m_2 - masa arborelui de antrenare

m_3 - masa arborelui redusă la rotor

$$m_3 = (m_2 \cdot l_2^2 \cdot J_{z1}) / l_1^2 \quad (5.9)$$

J_{z1} - momentul de inertie al arborelui de antrenare în raport cu axa z care trece prin centrul de greutate.

J_z - momentul de inertie al rotorului împreună cu rezăurile în raport cu axa z care trece prin centrul său de greutate

β - unghiul de rotire al rotorului în plan orizontal

K_1 - coef. de rigiditate al rezăurilor

M_T - momentul transmis de arbore

Ω - viteza unghiulară rotor, arbore

$\alpha_1.r$ - mărimea dezechilibrului rotoric

l_1 - lungimea arborelui de antrenare

l - distanța de la cupajul exterior la centrul de greutate al rotorului

L - distanța dintre rezăuri

α - unghiul de defazare între forța de frecare și forța produsă de dezechilibru

$m_d.r. \Omega^2$ - forța produsă de dezechilibru

b - distanța la centrul de masă al rotorului la planul de echilibrire.

Se va neglija masa arborelui redusă la rotor, pentru a urma doar fenomenul datorat forțelor de frecare, urmărind a re-lua separat influența masei arborelui de antrenare. În aceste ipoteze, ecuațiile mișcării sistemului sunt :

$$m_1 \cdot v'' + 2 \cdot K_1 \cdot v = m_d.r. \Omega^2 \cdot \cos \Omega \cdot t - (8M_T / \pi \cdot l_1) [\sin(\Omega \cdot t + \alpha) -$$

$$- (\sin(3\Omega t + \alpha)/3 + \dots)] \quad \dots (5.10)$$

$$J_z \cdot \beta'' + K_1 \cdot l^2 \cdot \beta = m_d \cdot r \cdot b \cdot \Omega^2 \cdot \cos \Omega \cdot t - (4M_T/\pi)(1+(2l/l_1)) \cdot$$

$$\cdot [\sin(\Omega t + \alpha) - (\sin(3\Omega t + \alpha)/3 + (\sin(5\Omega t + \alpha))/5 - \\ - \dots)] \quad \dots (5.11)$$

Resupunind miscarea sinusoidală, solutiile particulare au formele:

$$v(t) = -((m_d \cdot r)/m_1) \cdot \cos \Omega \cdot t + (8M_T/\pi \cdot l_1 \cdot m_1 \cdot \Omega^2) \cdot [\sin(\Omega t + \alpha) - \\ - (\sin(3\Omega t + \alpha)/27) + (\sin(5\Omega t + \alpha)/125) - \dots] \quad \dots (5.12)$$

$$\beta(t) = ((\pi_d \cdot r \cdot b)/J_z) \cdot \cos \Omega t + (4M_T/\pi \cdot l_1 \cdot \Omega^2)(1+(2l/l_1)) \cdot \\ \cdot [\sin(\Omega t + \alpha) - (\sin(3\Omega t + \alpha)/27) + (\sin(5\Omega t + \alpha)/125) - \\ - \dots] \quad \dots (5.13)$$

Pentru un calcul mai simplu și acoperitor, se neglijeează armonicele superioare și se consideră $\alpha = \pi/2$, valoare la care micsorarea amplitudinii oscilațiilor va fi maximă. În aceste condiții se obțin expresiile:

$$v(t) = - (1/m_1) (m_d \cdot r - (8M_T/\pi \cdot l_1 \cdot \Omega^2)) \cdot \cos \Omega t \quad \dots (5.14)$$

$$\beta(t) = - (1/J_z) (m_d \cdot r \cdot b - ((4M_T/\pi \cdot \Omega^2)(1+(2l/l_1))) \cdot \cos \Omega t \\ \dots (5.15)$$

Relațiile (5.14) (5.15) au un sens fizic doar pentru domeniul în care expresiile din paranteze sunt pozitive. Dacă se egalează cu zero se obțin valorile minime ale dezechilibrului static și dinamic de la care încep oscilațiile rotorului, deci limita de sensibilitate a MED.

Din relația (5.14) se obține :

$$m_d \cdot r = \frac{8 M_T}{\pi \cdot l_1 \cdot \Omega^2} \quad \dots (5.16)$$

în mod similar, din (5.15) se obține :

$$m_d \cdot r \cdot b = \frac{4 M_T}{\pi \cdot \Omega^2} \left(1 + \frac{2 l}{l_1} \right) \quad \dots (5.17)$$

Impărțind relația (5.17) cu b se obține mărimea dezechilibrului în planul de corecție de la care încep oscilațiile unghiulare ale rotorului :

$$m_d \cdot r = \frac{4 M_T}{\pi \cdot \Omega^2 \cdot b} \left(1 + \frac{2 l}{l_1} \right) \quad \dots (5.18)$$

Relațiile (5.16) (5.18) oferă pentru ($m_d \cdot r$) valori diferite, după cum se observă și din graficul din fig.5.5, unde sunt notat cu indicei 1, 2 următoarele curbe :

$$(1) \quad m_d \cdot r \approx \frac{4 M_T}{\pi \cdot \Omega^2 \cdot b} \left(1 + \frac{2 l}{l_1} \right)$$

$$(2) \quad m_d \cdot r \approx \frac{8 M_T}{\pi \cdot l_1 \cdot \Omega^2}$$

Conform celor afirmate, zona de insensibilitate a mașinii va fi determinată de potențele hașurate din fig.5.5.

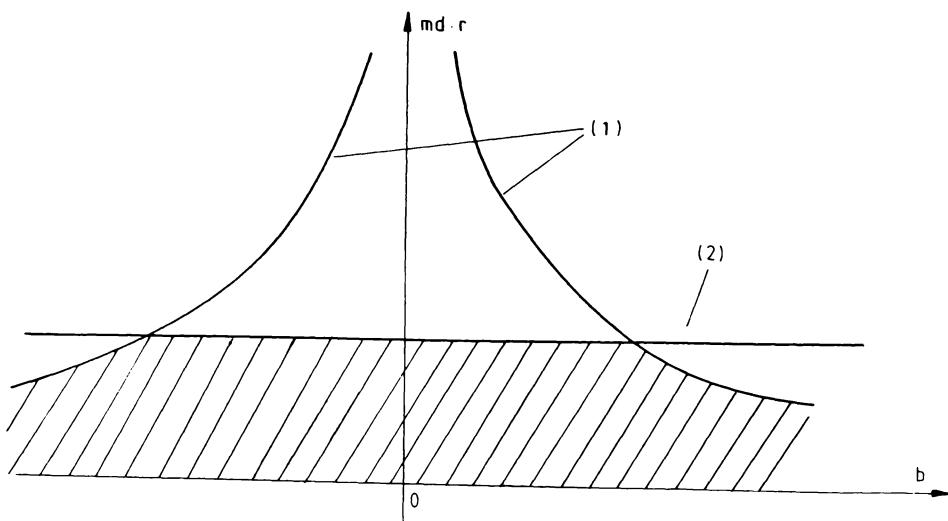


Fig.5.5. Zona de insensibilitate a MED cu antrenare prin cuplaj.

Prima momentului de frecare se determină considerind că pe cузinetii rezășelor mașinii este așezat un rotor de masă m având diametrul fisurilor egal cu d_1 .

$$M_T = f_1 \cdot f_2 \cdot m \cdot g \cdot \frac{d_1 \cdot d}{D} \quad \dots (5.19)$$

unde s-au mai introdus :

- f_1 - coef. de frecare în lagăre
- f_2 - coef. de frecare în cuplajul cardanic
- d - diametrul bolturilor cuplajului
- D - distanța medie dintre potiunile de lucru ale bolturilor cuplajului.

Inlocuind expresia lui M_T în (5.16) și (5.18) se obțin:

$$m_c \cdot r = (8 f_1 \cdot f_2 \cdot m \cdot g \cdot d_1 \cdot d_2) / (\pi \cdot D \cdot l_1 \cdot \Omega^2) \quad \dots (5.20)$$

$$m_d \cdot r = ((4 f_1 \cdot f_2 \cdot m \cdot g \cdot d_1 \cdot d_2) / (\pi \cdot D \cdot b \cdot \Omega^2)) \cdot (1 + (2 l_1 / l_1)) \quad \dots (5.21)$$

Expresiile (5.20)(5.21) permit determinarea mărimilor ce influențează zona de insensibilitate a mașinii și implicit relevă măsurile care trebuie luate pentru a micsora influența forțelor de frecare din articulații asupra sensibilității MED.

Un alt factor perturbator, care a fost neglijat în modelul matematic propus pentru analiza forțelor de frecare din cuplaje, este influența masei arborelui de netrenare asupra rotoului. Constructiv, arborii de netrenare pentru mașini ușoare se execută astfel încât lungimea de lucru x să fie variabilă și deci să se acomodeze la mai multe geometrii de rotoare (conform fig. 5.6).

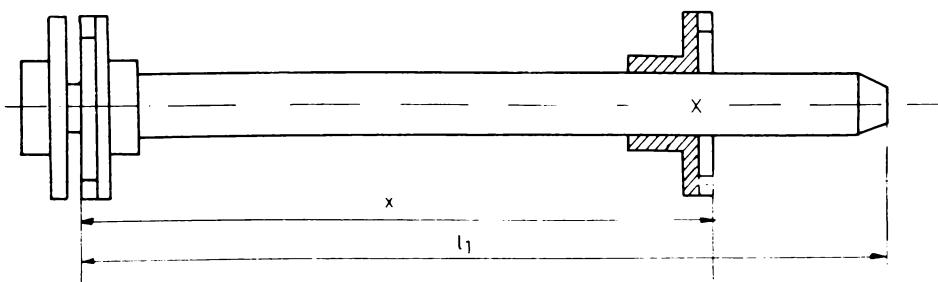


Fig.5.6. Arbore de cuplaj cu lungime variabilă.

Pentru a determina modul de variație a masei reduse a arborelui (m_3) se consideră secțiunea arborelui constantă și se notează:

m_c - masa cuplajului exterior

m_2 - masa arborelui

x - lungimea de lucru a arborelui

J_{ze} - moment de inertie al cuplajului exterior

J_{zi} - " - " - interior

Considerind arborele drept o bară subțire, momentul total de inertie al arborelui și cuplajelor în raport cu axa Z care trece prin articulația celui de al doilea cuplaj este :

$$J_{za} = J_{ze} + m_c \cdot x^2 + m_2 \cdot \frac{x^2}{l_1} + m_2 \frac{l_1 - x}{l_1} \cdot \frac{(l_1 - x)^2}{3} + J_{zi} \dots (5.22)$$

Mărimea masei reduse a arborelui este :

$$m_3 = \frac{J_{za}}{x^2} = \frac{J_{ze} + J_{zi}}{x^2} + m_c + m_2 \left(\frac{\frac{l_1^2}{l_1}}{3x^2} + \frac{l_1}{x} + 1 \right) \dots (5.23)$$

Dacă reținem termenul $(J_{ze} + J_{zi})/x^2$, pentru valorile uzuale ale lui x , este mai mic în raport cu $(m_c + m_2)$, relația (5.23) se approximează:

$$m_3 \approx m_c + m_2 \left(\frac{\frac{l_1^2}{l_1}}{3x^2} + \frac{l_1}{x} + 1 \right) \dots (5.24)$$

Din $\frac{d m_3}{d x} = 0$ rezultă expresia lui m_{3min} (st. $x = 2 l_1/3$) :

$$m_{3min} = m_c + (1/4) \cdot m_2 \dots (5.25)$$

In fig 5.7. se reprezintă variația masei reduse a cuplajului NED în funcție de lungimea de lucru a arborelui.

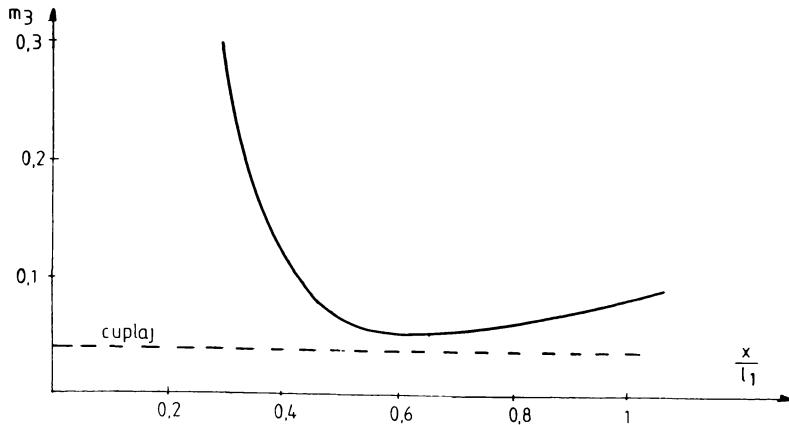


Fig.5.7. Variatia masei reduse a sistemului de cuplare.

Se observă analizind fig.5.7., că la modificarea lungimii arborelui de antrenare în domeniul $(0,5 l_1 + l_1)$ masa redusă a cuplajului se modifică într-o olață mult mai redusă :

$$m_3 = m_c + (0,25 \pm 0,33) \cdot m_2 \quad \dots (5.26)$$

In concluzie, se poate afirma că metoda de antrenare prin cuplare directă a rotorului prin sisteme de arbori și cuplaje cardanice prezintă următoarele clase de dezavantaje, care nu o recomandă în echiparea MED destinate producției pe scară largă a mașinilor electrice :

- reducerea sensibilității mașinii datorită zgromotului introdus de cuplaje
- influențarea rezultatelor măsurătorilor prin masele arborelui de antrenare și a cuplajelor
- tempi de montare-demontare a rotoarelor mai ridicăți

căt în cazul antrenării prin curea

- uzură mecanică în timp (corelată cu scăderea corespunzătoare a calității echilibrării)

- cerințe finale de calitate impuse la execuția cuplajelor și la linearitatea asamblării

- metoda nu se pretează unor fluxuri de producție automatizate, din cauza operațiilor de montare-demontare a rotoarelor.

Pentru evitarea acestor probleme se propune în cazul rotoarelor MI de putere mică și medie metoda de antrenare prin curea, prezentată schematic în fig.5.8. prin cele două variante posibile.

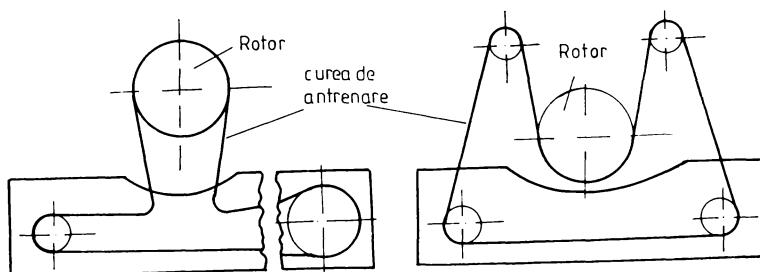


Fig.5.8. Metode de antrenare prin curea a rotoarelor.

In cazul mașinilor de echilibrat de mare productivitate se recomandă soluția de antrenare b din cadrul fig.5.8., care permite încărcări-descărcări rapide ale rotorului.

5.2. ECHIPAMENT NUMERIC PENTRU GENERAREA FUNCTIILOR ARMONICE LA M.E.D. CU ANTRENARE PRIN CUREA

Metodele de antrenare prin curesă, numite tehnic "fără contact mecanic direct între motorul de acționare și rotorul de echilibrat" fac dificilă generarea unor semnale armonice sincrone cu piesa de echilibrat. Singura posibilitate de a obține o informație primară asupra vitezei rotorului o constituie utilizarea traductoarelor optice sau inductive care să sesizeze trecerea prin dreptul lor a unor zone ale rotorului preparate în prealabil. În practica industrială s-a preferat utilizarea traductoarelor optice TO, iar schema principală este în fig.5.9.

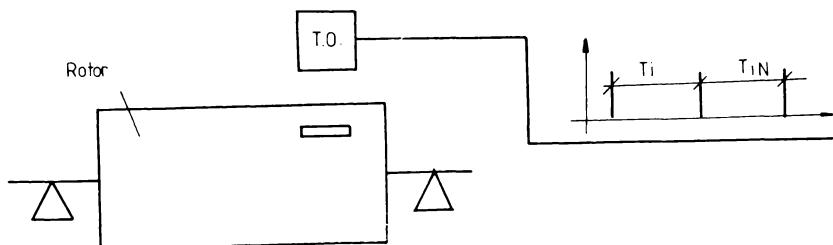


Fig.5.9. Obținerea informației primare prin traductor optic (TO).

Deoarece turatiile uzuale la MED sunt în gama 600 ± 6000 rot/min., perioada T_i , reprezentată în fig.5.9, are valoarea:

$$T_i = 100 \pm 10 \text{ ms}$$

Problema care trebuie rezolvată se reduce la generarea unor funcții armonice utilizând drept referință semnalele de traductor cu perioada T_i din fig.5.9, fapt reprezentat în fig.5.10.

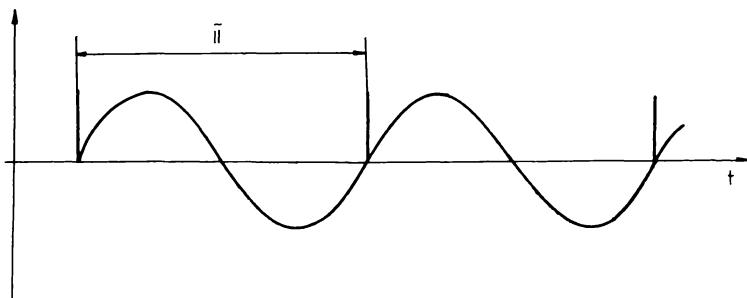


Fig.5.1C. Functie armonica sintetizata de semnale de perioada T_i .

Din cele prezentate se sintetizeaza etapele urmatoare si cerinte:

- pentru a nu perturba operatia de echilibrare, se obtin impulsuri sincrone cu turatia rotorului, prin intermediul unui TO.
- datorita antrenarii prin cureea, frecvențele de rotatie ale pieselor sunt diferite din motivele :
 - diametre exterice diferite ale rotoarelor
 - variatii in valoarea forței de apăsare curea-rotor.
 - variații ale coeficientilor de frecare curea-rotor-role.
 - variații in turatia motorului de antrenare.
- generarea functiilor armonice SIN, COS , sincrone cu semnalele obtinute de la TO deci sincrone cu turatia rotorului.
- timpul de raspuns al dispozitivului cît mai scurt posibil
- amplitudinea constantă a functiilor armonice, independent de frecventa obtinută
- stabilitate in functionare, facilitati de reglare si depanare, imunitate la mediu industrial.
- posibilitatile analogice de realizare (rețele de diode, a-

proximarea funcțiilor armonice prin funcții rampă, utilizarea circuitelor PLL nu pot realiza performanțele de timp, stabilitate și robustețe. Din această cauză am elaborat o soluție numerică, brevetată și realizată practic la "Electromotor" - Timisoara, în cadrul brevetului 60. Un alt motiv al opțiunii pentru soluția numerică este facilitatea de inserare a dispozitivului în cazul unei MED cu calculator numeric, dar și posibilitatea de a funcționa fără modificări pe MED clasice. [77] [78] [79] [82]

Schema bloc a dispozitivului propus se prezintă în fig. 5.11, unde s-au notat:

- 1 - rotor de echilibrat (antrenat cu turăția n_i)
- 2 - traductor optic (obține impulsuri cu perioadă T_i)
- 3 - semn pe rotor pentru activarea trădutorului optic.
În plus, acest semn va reprezenta originea față de care se vor măsura dezechilibrele rotorului pentru cele două planuri.
- 4 - rezonanțe rotorului
- 5 - bloc de multiplicare a frecvenței $f_i = 1/T_i$ cu factorul K obținându-se frecvență $(f_i \cdot K)$.
- 6 - blocul de generare al secvențelor numerice codificate binar N_{ski} , N_{eki} , corespunzătoare funcțiilor SIN, COS de perioadă T_i la momentele k determinate de divizarea perioadei T_i în k sub-intervale egale.
- 7 - blocul de generare al funcțiilor armonice sub formă analogică (folosit la MED clasice).

Schma prezentată în fig. 5.11 efectuează operațiile:

- generează un semnal cu perioadă T_i corespunzătoare vitezei de antrenare a rotorului
- divizează în k subintervale această perioadă
- printr-o schema combinatională, folosindu-se proprietățile de simetrie ale funcțiilor armonice SIN, COS, realizează succesiunile de secvențe numerice N_{ski} , N_{eki} .
- cu ajutorul acestor secvențe numerice se generează sub formă analogică funcțiile armonice, în cazul MED clasice.

Elementul esențial de noutate, care determină performanțele de viteză, stabilitate, imunitate ale echipamentului, îl reprezintă multiplicatorul numeric de frecvență. Deoarece măsură-

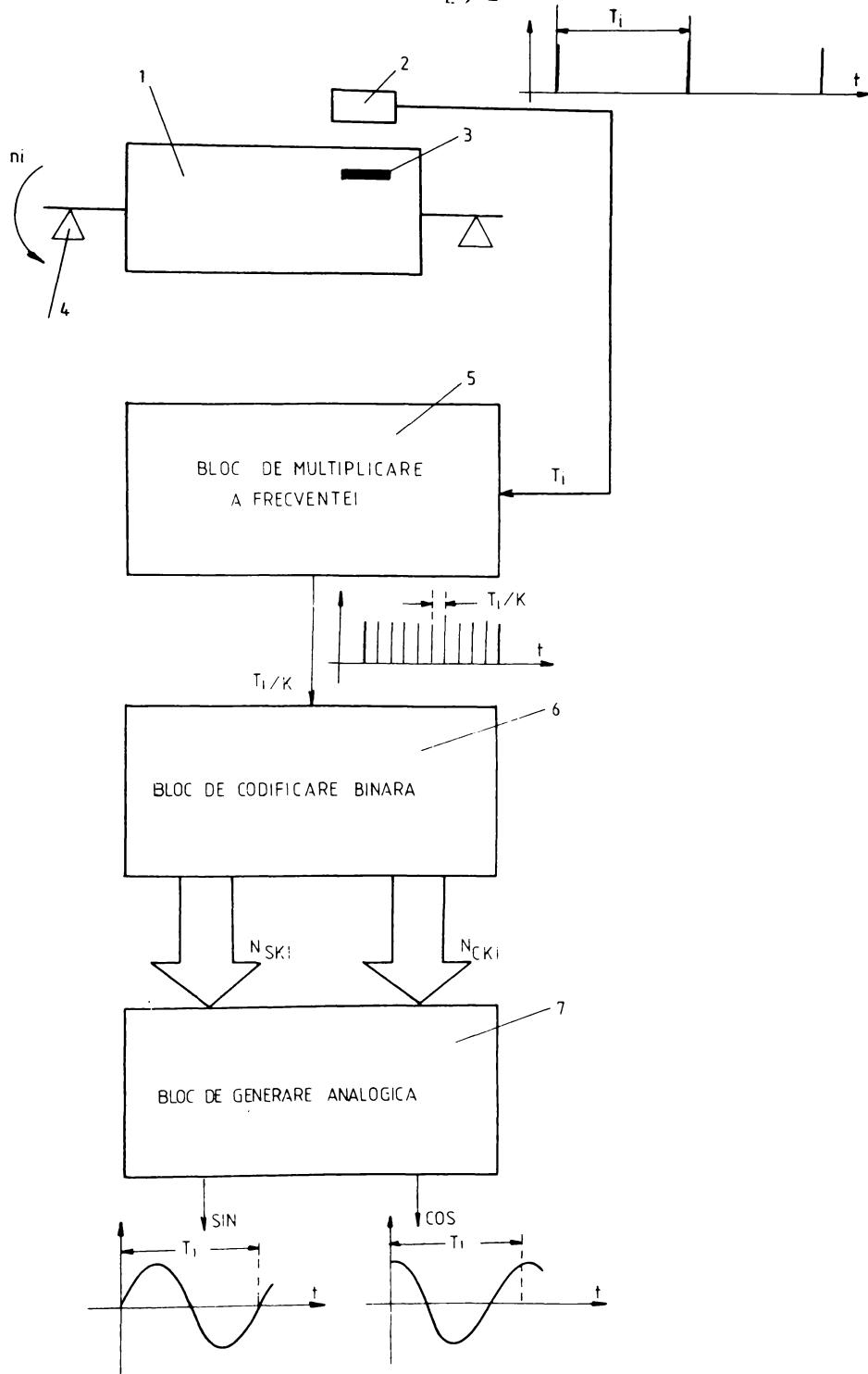


Fig.5.11. Schema bloc a generatorului numeric.

torile pentru operația de echilibrare se efectuează doar în regimul staționar de antrenare al rotorului, în cele ce urmează se consideră $T_i = \text{const.}$

In fig.5.12 sunt prezentate elementele blocului de multiplicare a frecvenței. Oscillatorul generează o frecvență fixă f , pe care o scriem pentru facilitarea ulterioară a notațiilor $f = f_1 \cdot k$. Asupra oscillatorului nu se impun cerințe de calitate deosebită privind stabilitatea frecvenței f , iar acest fapt reprezintă un avantaj al metodei. Din această cauză nu sunt necesare circuite suplimentare de reglaj, singurul lucru care se impune fiind ca frecvența f să aparțină unui domeniu, suficient de larg corespunzător turării de lucru a MED. Astfel, se recomandă un circuit stabil cu elemente pasive, care corespunde cel mai bine atât din punct de vedere tehnic cât și economic.

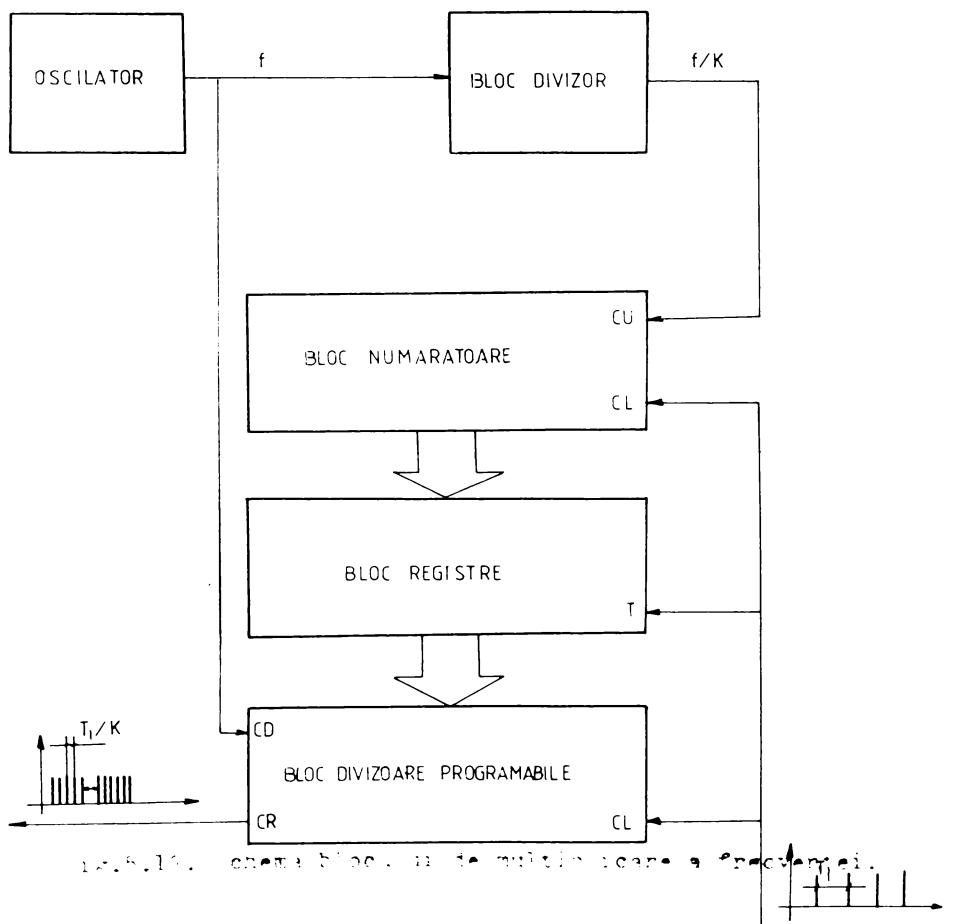


fig.5.12. schema bloc. în te multiplicarea a frecvenței.

Este de subliniat faptul că nu se urmărește ca f să aibă o valoare fixă, ci doar să se încadreze într-un interval.

In cazul aplicatiei practice realizate, factorul k a fost ales 64, considerindu-se că realizarea unei funcții armonice pe o perioadă din 64 de puncte este suficient de precisă. Măsurătorile și verificările ulterioare au confirmat această premisă, în general utilizată în aplicatiile industriale.

Semnalul de frecvență $f=f_1 \cdot k$ este prelucrat prin divizorul de frecvență, la ieșirea căruia se obține un semnal de frecvență $f/k = f_1$. În acest mod se realizează două frecvențe f și f_1 , între care există relația: $f = k \cdot f_1$.

Impulsurile succesive de perioadă T_i generate de traductorul optic comandă concomitent blocul de numărătoare, registrele de memorare și blocurile de divizoare programabile, asigurând sincronizarea etapelor funcționării acestui dispozitiv proiectat ca un automat secvential. Desi se consideră regimul stationar cînd perioadele T_i sunt egale, pentru a urmări funcționarea secvențială a dispozitivului și pentru a măsura viteza de răspuns, vom nota T_i , T_{i+1} , ... impulsurile successive.

Blocul de numărătoare a cărui mărime de intrare este frecvența f_1 și care este resetat de impulsurile successive ale traductorului optic, oferă ca mărime de ieșire numerele binare N_i , N_{i+1} , ... care reprezintă o măsură numerică a perioadelor T_i , T_{i+1} (în mod evident, la regim stationar, $T_i=T_{i+1}$, iar $N_i=N_{i+1}$)

Blocul registrelor de memorare menține la ieșirea sa numărul binar N_i pe întreaga durată a perioadei T_{i+1} , deci pe întreaga durată a perioadei T_{i+1} se furnizează o măsură a perioadei anterioare. Transferul numerelor N_i , N_{i+1} ... de la intrarea la ieșirea blocului de registre de memorare este determinat de impulsurile traductorului optic care realizează astfel sincronizarea etapelor.

Ieșirile blocului de registre de memorare, respectiv secvențele binare N_i, N_{i+1}, \dots sunt conectate la intrările de programare ale blocului divisor programabil. Acestui bloc îi se prescrie numărul N_i pe perioada T_{i+1} de către registrul de memorare. Cu deosebire de blocul de numărătoare initial, blocul divisor programabil este numărat în jos de impulsurile cu frecvența $f = k \cdot f_1$ aduse pe pinul COUNT DOWN. Este util de subliniat că frecvența de numărare f este de k ori mai mare decât frecven-

ță f_1 pentru care au rezultat numerele N_i, N_{i+1}, \dots . Din această cauză, pe pinul BORROW al blocului divizor programabil se vor obține impulsuri cu perioada T_i/k . Numărul N_i este o măsură a perioadei T_i în raport cu frecvența f_1 și fiind numărat în jos au o frecvență de k ori mai mare, $f=k.f_1$, pe durata perioadei T_{i+1} (cu observația $T_{i+1}=T_i$ în regim stationar) este evident că operația de micsorare succesivă cu o unitate pînă la atingerea valorii zero și sesizarea acestui fapt prin apariția impulsului pe pinul PORROW se va repeta de un număr de ori egal cu raportul celor două frecvențe f și f_1 , respectiv cu k .

În acest mod se obține divizarea perioadei T_i în k intervale egale. Întîrzierea cu care se efectuează această operație este de o perioadă, deoarece pe durata T_i are loc operația de măsurare numerică a acesteia, iar pe durata T_{i+1} are loc divizarea intervalului în k subintervale egale. Conform gamei de turături uzuale 600-6000 rot/min, întîrzierea este de 100-10 ms, ceea ce în cazul practic al echilibrării este neglijabil, putințându-se să afirmă că divizarea se face cvasiinstantaneu. Pentru aplicația practică s-a ales să se lucreze pe 12 biti, deci fiecare bloc este format din trei numărătoare, trei registre de memorare și trei numărătoare programabile cuplate astfel încât să funcționeze sincron la legarea în cascadă. Prin această alegere se reușește acoperirea domeniului ușor de turături și în același timp, obținerea simplă a frecvenței inițiale f . Pentru a calcula frecvența necesară oscilatorului ne vom referi întotdeauna la turătura de lucru a MED. Pentru a evita orice posibilitate de eroare din cele posibile la prelucrările numerice se recomandă că blocul de numărătoare să fie încărcat pe 11 biti prin proiectarea adecvată a oscilatorului, păstrînd bitul 12 ca o rezervă pentru eventuale variatii de viteză sau de frecvență a oscilatorului. Această rezervă este acoperitoare deoarece fiind vorba de bitul cel mai semnificativ, conduce în practică la o rezervă de turătură de 100 %. Cum MED nu are game aşa mari de variație a vitezelor maxime, din cerința de a obține un "comportament linistit" al structurilor mecanice, se evidențiază proprietatea echipamentului de a face față oricărora abateri normale, functionale de viteză, fără nici o intervenție suplimentară de reglare.

Semnalele de perioadă T_i/k se folosesc pentru obținerea funcțiilor armonice SIN, COS de perioadă T_i . Există mai multe

strategii și implicit mai multe echipamente care realizează practic această etapă.

Prima variantă realizată, utilizează o retea de rezistențe calibrate și chei de curent comandate de o logică combinatorială dedicată. Calibrarea rezistențelor (16 în total) se face astfel încât tensiunile culese să corespundă variației funcției SINUS pe intervalul $[0^\circ, 90^\circ]$, domeniu în care se regăsește totă informația privind variația modulului funcției SIN. Numărul 16 corespunde alegerii numărului $k=64$ de puncte prin care se aproximiază funcțiile periodice pentru o perioadă întreagă. S-a procedat în acest mod pentru a reduce numărul de rezistențe calibrate și prin aceasta, costul echipamentului, timpul de execuție și reglare precum și pentru a îmbunătăți fiabilitatea echipamentului și reproducibilitatea funcțiilor. La ieșirea blocului de logică combinatorială se obțin semnalele:

- secvențe codificate pe 4 biti, $a_3a_2a_1a_0$, care realizează pentru fiecare impuls cu perioada $T_i/64$ secvențele de numărare 1,2,3, ..., $((64/4)-1)$, $64/4$, $((64/4)-1)$, ..., 3,2,1, 2,3, ..., $((64/4)-1)$, $64/4$, $((64/4)-1)$, ..., 3,2,1. S-a utilizat notația $64/4$ pentru a sublinia faptul că în cazul realizării particulare $k=64$, numărul maxim a fost $64/4 = 16$, deci a fost necesară utilizarea a 4 biti $a_3a_2a_1a_0$;

- două semnale IS, IC (INVERS SIN, INVERS COS) care au valorile (0;1) în funcție de semnul funcțiilor SIN, COS, pe o perioadă T_i , conform tabelului de variație:

	0	$T_i/4$	$T_i/2$	$3T_i/4$	T_i
I.S.	1	1	0	0	0
I.C.	1	0	0	1	1

Schema combinatorială folosește simetria funcțiilor SIN, COS, pentru a reduce informația doar la intervalul $\sim T_i/4$ prin secvențele de numărare $a_3a_2a_1a_0$ și retelele de rezistențe calibrate, dar, în același timp, prin IS și IC tine seama de semnul funcțiilor armonice pe întreaga perioadă T_i . Prin aceste

modelări ale proprietăților funcțiilor armonice s-a reușit reducerea la minimum a dimensiunilor rețelor de rezistente calibrate. Desi s-a complicat schema electronică, s-a preferat această soluție, deoarece dificultățile de plantare și reglare ale rețelelor de rezistențe calibrate, precum și sensibilitatea lor la vibratii, variații de temperatură, sunt superioare realizării unei scheme combinaționale fără probleme de reglaj și robuste la mediul industrial. [79], [80], [81].

Pentru a elimina dezavantajele sistemului cu rețele de rezistențe calibrate, s-au elaborat structuri de conversie numeric-analogică, folosind circuitul DAC - 08. S-au proiectat două soluții și ambele au comun cu echivalentul prezentat anterior partea de multiplicare a frecvenței.

Prima soluție cu DAC - 08, porneste de la nivelul semnalelor $a_3 a_2 a_1 a_0$, respectiv IS și IC. Secvențele numerice $a_3 a_2 a_1 a_0$ sunt prelucrate de două blocuri care codifică pe 7 biti valorile funcțiilor SIN, COS la momentele $(n \cdot T_i / 64)$ unde $n = 0, 1, 2, \dots, 15$. Pentru funcția SIN codificarea pe 7 biti este prezentată în TAB.5.1.

TAB.5.1.

$N = a_3 a_2 a_1 a_0$	Grade	$n \cdot \frac{T_i}{64}$	S_6	S_5	S_4	S_3	S_2	S_1	S_0
1	0°	$0 \cdot \frac{T_i}{64}$	0	0	0	0	0	0	0
2	6°	$1 \cdot \frac{T_i}{64}$	0	0	0	1	1	0	1
3	12°	$2 \cdot \frac{T_i}{64}$	0	0	1	1	0	1	0
4	18°	$3 \cdot \frac{T_i}{64}$	0	1	0	0	1	1	1
5	24°	$4 \cdot \frac{T_i}{64}$	0	1	1	0	0	1	1
6	30°	$5 \cdot \frac{T_i}{64}$	0	1	1	1	1	1	1
7	36°	$6 \cdot \frac{T_i}{64}$	1	0	0	1	0	1	0
8	42°	$7 \cdot \frac{T_i}{64}$	1	0	1	0	1	0	0
9	48°	$8 \cdot \frac{T_i}{64}$	1	0	1	1	1	1	0
10	54°	$9 \cdot \frac{T_i}{64}$	1	1	0	0	1	1	0
11	60°	$10 \cdot \frac{T_i}{64}$	1	1	0	1	1	0	1

12	66°	11 . $\frac{Ti}{64}$	1	1	1	0	1	0	0
13	72°	12 . $\frac{Ti}{64}$	1	1	1	1	0	0	0
14	78°	13 . $\frac{Ti}{64}$	1	1	1	1	1	0	0
15	84°	14 . $\frac{Ti}{64}$	1	1	1	1	1	1	0
16	90°	15 . $\frac{Ti}{64}$	1	1	1	1	1	1	1

Din TAB.5.1. de codificare a funcției SIN este usor de observat rolul blocului numeric : el va avea ca mărimi de intrare secvențele de numărare codificate pe 4 biți și va oferi la ieșire codificarea pe 7 biți ($S_8 S_5 S_4 S_3 S_2 S_1 S_0$) a variatiei funcției SIN pentru intervalul $0^\circ - 90^\circ$. Pentru secvența de numărare (1,2,3, ..., 16) se parcurge domeniul $0^\circ - 90^\circ$, iar pentru secvența inversă (15,14,13,...) variația obținută corespunde variației funcției SIN pentru $90^\circ - 180^\circ$.

În mod similar, funcția COS va fi codificată în TAB.5.2.

TAB.5.2.

$N = a_3 a_2 a_1 a_0$	Grade	$n \cdot \frac{Ti}{64}$	c_6	c_5	c_4	c_3	c_2	c_1	c_0
1	0°	$0.Ti/64$	1	1	1	1	1	1	1
2	6°	$1.Ti/64$	1	1	1	1	1	1	0
3	12°	$2.Ti/64$	1	1	1	1	1	0	0
4	18°	$3.Ti/64$	1	1	1	1	0	0	0
5	24°	$4.Ti/64$	1	1	1	0	1	0	0
6	30°	$5.Ti/64$	1	1	0	1	1	0	1
7	36°	$6.Ti/64$	1	1	0	0	1	1	0
8	42°	$7.Ti/64$	1	0	1	1	1	1	0
9	48°	$8.Ti/64$	1	0	1	0	1	0	0
10	54°	$9.Ti/64$	1	0	0	1	0	1	0
11	60°	$10.Ti/64$	0	1	1	1	1	1	1
12	66°	$11.Ti/64$	0	1	1	0	0	1	1
13	72°	$12.Ti/64$	0	1	0	0	1	1	1
14	78°	$13.Ti/64$	0	0	1	1	0	1	0
15	84°	$14.Ti/64$	0	0	0	1	1	0	1
16	90°	$15.Ti/64$	0	0	0	0	0	0	0

Observațiile referitoare la funcția SIN rămân valabile și în ceea ce privește codificarea funcției CCS.

Pentru realizarea celor două blocuri numerice de codificare s-au folosit pentru fiecare cîte 7 multiplexoare de 16 căi, care primesc la cele 4 intrări A,B,C,D secvențele numerice $a_3a_2a_1a_0$, iar fiecare multiplexor implementează la ieșirile W_{Sn} , W_{Cn} ($n=0,1,2, \dots, 6$) conform tabelelor de codare TAB.5.1.,TAB.5.2..

Realizările celor două blocuri sunt prezentate în fig.5.13 și 5.14.

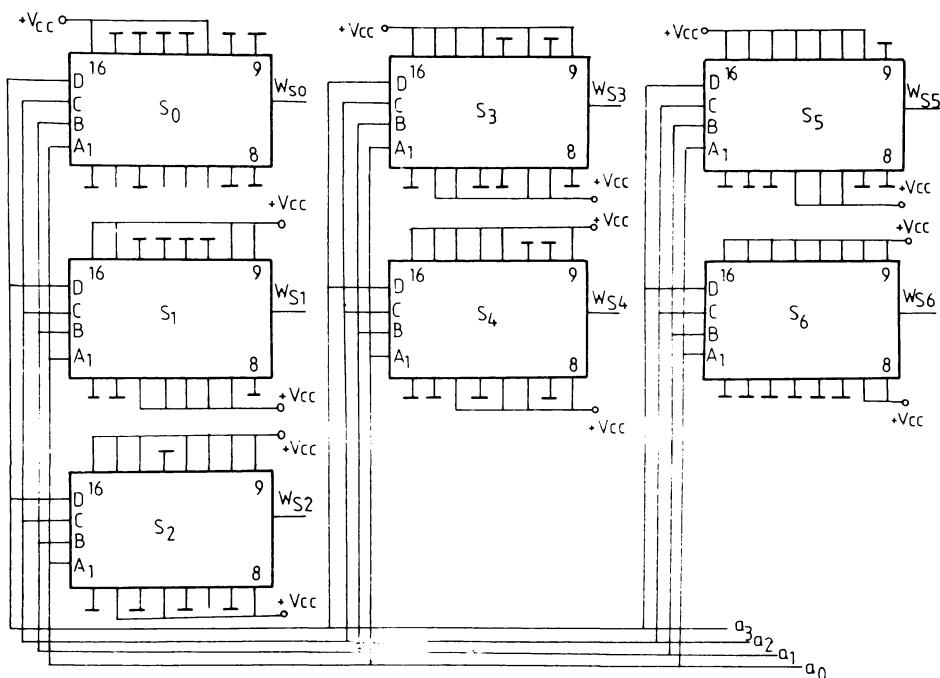


Fig.5.13. Blocul de codare pentru funcția SIN.

Ieșirile multiplexoarelor, W_{Sn} și W_{Cn} , combinate cu semnele I.S. și I.C. (care codifică semnul funcțiilor armonice pe întreaga perioadă) nu sunt suficiente pentru comanda convertoarelor numeric-analogice. Pentru ca operația de detectie să fie corectă și, deci rezultatele echilibrării, este nevoie ca funcțiile generate să aibă variatii strict simetrice față de zero. Din cauza acestei cerințe, circuitul DAC-78 este utilizat într-o schema de conversie numeric-analogică, cu ieșirea în tensiune,

simetrică față de zero.

Schema de principiu a conectării convertorului DAC-08 pentru tensiune simetrică la ieșire se prezintă în fig.5.15.

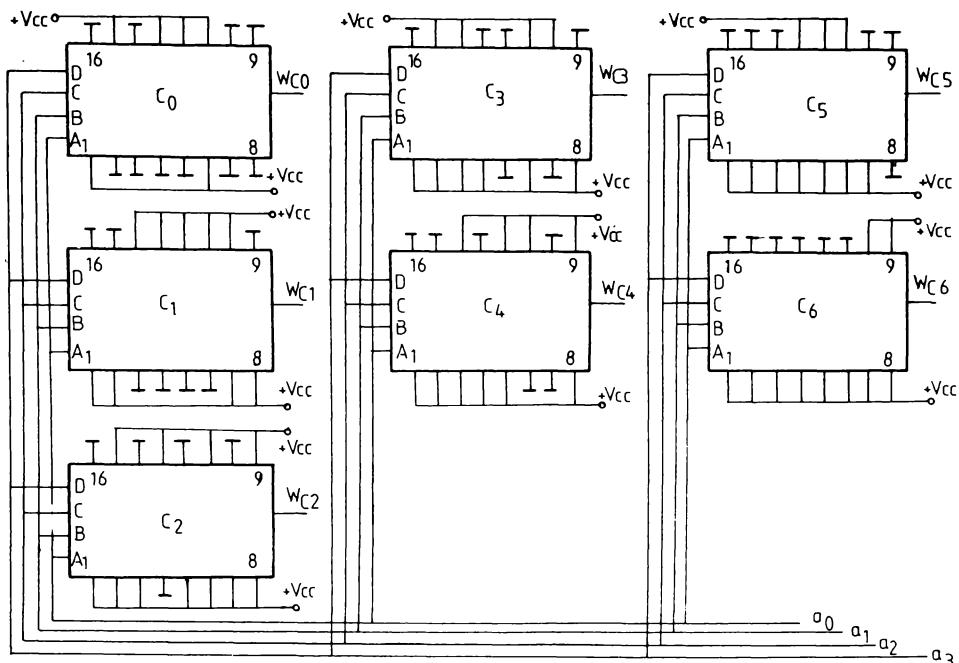


Fig.5.14. Blocul de codare pentru funcția COS.

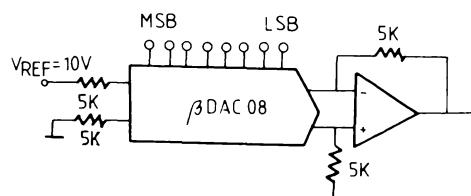


Fig.5.15. Schéma de principiu a conectării lui DAC 08 pentru ieșire în tensiune, simetrică față de zero.

Modul de codare necesar funcționării în conversie D/A cu ieșirea în tensiune simetrică față de zero a circuitului DAC 08 este :

	B_1	B_2	B_3	B_4	B_5	B_6	B_7	B_8	E_o (V)
Capăt de scală pozitiv	1	1	1	1	1	1	1	1	+9,920
Capăt de scală pozitiv-LSB	1	1	1	1	1	1	1	0	+9,840
Scală zero pozitivă	1	0	0	0	0	0	0	0	+0,040
Scală zero negativă	0	1	1	1	1	1	1	1	-0,040
Capăt de scală negativ-LSB	0	0	0	0	0	0	0	1	-9,840
Capăt de scală negativ	0	0	0	0	0	0	0	0	-9,920

Din acestă cauză se impune un bloc de corecție al codării numerice pentru funcțiile SIN, COS, conform modelului simetric față de zero. Se utilizează semnalele I.S. și I.C. care contin informația despre semnul funcțiilor armonice și care vor avea în acest caz un rol dublu :

- reprezintă bitul de semn necesar conversiei numeric-analogice cu ieșirea în tensiune simetrică față de zero;

- participă la realizarea codării în mod simetric, respectiv determină negarea semnalelor $S_6 S_5 S_4 S_3 S_2 S_1 S_0$ și $C_6 C_5 C_4 C_3 C_2 C_1 C_0$ atunci cind IS, IC au valoarea 0 (corespunzătoare domeniilor cu valori negative pentru SIN, COS) și lăsând ne-modificate semnalele pentru valoarea 1 (corespunzătoare domeniilor de valori pozitive).

Funcția de corecție f_C a codării se obține după următorul tabel de adevăr :

Si (Ci)	INV. SIN (INV. COS)	f_C
0	0	1
0	1	0
1	0	0
1	1	1

$$f_C = S_i \cdot I.S. + S_i \cdot I.S.$$

sau

$$f_C = C_i \cdot I.C. + C_i \cdot I.C.$$

... (5.27)

O altă problemă în utilizarea convertorului DAC-08 în această aplicație este obținerea unei valori reduse pentru timpul de stabilire. În acest scop se recomandă amplificatoare operaționale din clasa OP-15/16/17 care se caracterizează prin :

- OP-17 - cel mai rapid
- OP-16 - cea mai mică derivă termică a tensiunii de offset
- OP-15 - consum minim de putere.

Schema electrică de conectare a circuitelor DAC-08 și OP-17 care au fost preferate pentru performanță să dinamică, este prezentată în fig.5.16.

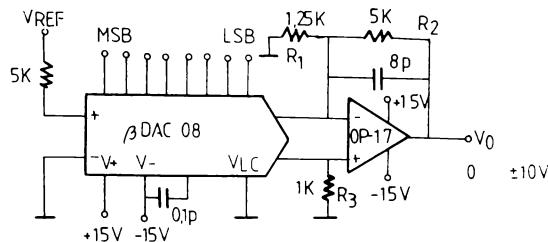


Fig.5.16. Conectarea circuitelor DAC-08 și OP-17.

În ceea ce privește schema prezentată în fig.5.16, performanțele obținute în funcție de amplificatorul operational sunt prezentate în TAB.5.3.

TAB.5.3.

	OP-17	OP-16	OP-15
R ₁	1,25 K	10 K	10 K
R ₂	5 K	5 K	5 K
R ₃	1 K	3,3 K	3,3 K
C ₂	8 pF	40 pF	50 pF

Timp stabilire pt.±0,2%	450 nS	1100 nS	1350 nS
Timp pt. tranzitie iesirii	290 nS	300 nS	1170 nS
T/2 LSB = 0,2 %	40 mV	40 mV	40 mV
Cîştig cu buclă închisă	5	1,5	1,5
Eroare de offset			
clasa E (max)	2,5 mV	0,75 mV	0,75 mV
clasa F (max)	5,0 mV	1,5 mV	1,5 mV
clasa G (max)	15,0 mV	4,5 mV	4,5 mV
Current alimentare (max)	7 mA	7 mA	4 mA

In ultima variantă proiectată s-a păstrat doar blocul de multiplicare al frecvenței din schema initială, care reprezintă, asa cum s-a arătat anterior elementul esențial al metodei numerice. Impulsurile cu perioada T_i/k sunt preluate de un numărator înțel care realizează secvența de numărare $1,2,3 \dots , k, 1, 2, 3$. Iesirile acestui bloc de numărare de tip RCD vor adresa două blocuri de memorie ROM (numite ROM-SIN și ROM-COS) cu organizarea minimală de k cuvinte de 8 biti. Fiecare cuvânt reprezintă codificarea binară în regim simetric față de zero a valorilor funcțiilor SIN, COS, la momentele temporale T_i/k , pentru întreaga perioadă T_i și considerind și semnul funcțiilor armonice.

Schema de realizare se prezintă în fig.5.17.

In acest fel s-au eliminat dezavantajele variantelor anterioare, în esență, înlocuind o schema combinatională realizată cu circuite tip porti cu o structură combinatională implementată prin circuite de memorie ROM. Schema ajunge la un număr redus de circuite și elimină orice reglare situită pe partea de punere în funcție cît și în etapa de utilizare. În același timp, utilizarea variantei cu memorii ROM, permite mărirea numărului de esențiale din care sunt construite funcțiile armonice și numărul de biti pe care sunt codate, în funcție de performanțele convertorului numeric-analogic folosit. Utilizând convertoare de 8 biți tip DAC-ΔS, numărul maxim de puncte din care se pot construi funcții armonice sunt :

$$N_{\max} = 2^7 = 128$$

Evident, bitul 8 este folosit ca bit de semn.

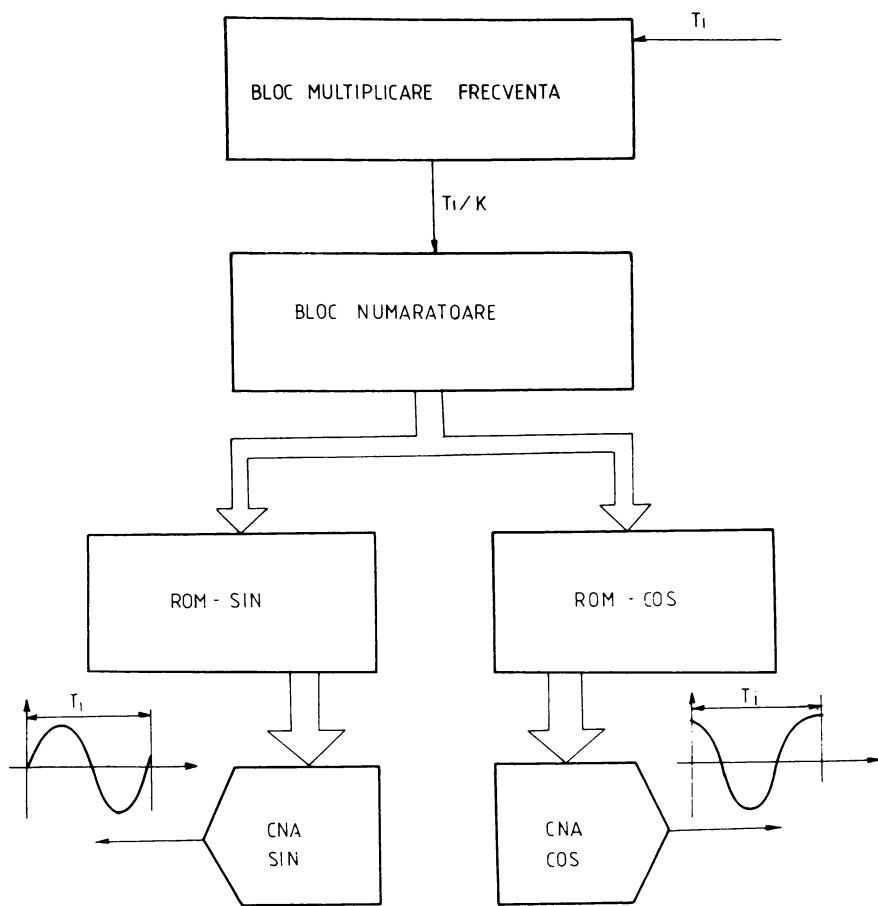


Fig.5.17. Schema variantei cu blocuri de memorie ROM.

Formind funcțiile armonice de 128 puncte pe o perioadă se obține o reprezentare de o acuratețe care satisface caracterul de echipament de măsură al MED și care nu se poate regăsi la soluțiile anterioare (de exemplu, aproximarea funcțiilor armonice prin funcții rampă introduce o eroare teoretică în măsurarea fazelor de 6%). Trecerea la convertoare superioare pe 10,12, 14 biti se face foarte simplu, oriin reproiectarea minimă a blocului de multiplicare a frecvenței (se schimbă factorul de divi-

zare k) prin reproiectarea corespunzătoare a numărătorului în inel și prin rescrierea blocurilor ROM conform noului număr de biți pe care are loc conversia. Dacă echipamentul este destinat MED cu calculator numeric, partea de conversie analogică nu mai este necesară, păstrîndu-se doar divizarea perioadei. Într-un număr ales de subintervale egale.

BIBLIOGRAFIE

1. Buzdugan G., Mihăilescu E., Radeș M. - "Măsurarea vibrațiilor", Ed. Academiei, 1979.
2. Darabont A., Iorga I., Vaiteanu D. - "Socuri și vibrații. Aplicații în tehnici", Ed. Tehnică, 1988.
3. Darabont A., Iorga I., Ciocaru M. - "Măsurarea zgâromului și vibrațiilor", Ed. Tehnică, 1990.
4. Dincă F., Tedosin C. - "Nonlinear and Random Vibrations", Academic Press, 1973.
5. Moldovan M. - "Ergonomie", Ed. Didactică și Pedagogică, București, 1993.
6. Brock T. - "Mechanical Vibration and Shock Measurements" Brüel and Kjaer, 1980.
7. Nasar S.A. - "Hand book of Electric Machines", Mc.Graw-Hill Book Comp., 1987.
8. Dordea T. - "Mașini electrice", Ed. Didactică și Pedagogică București, 1977.
9. Novac I. s.a. - "Mașini și acionațri electrice", Ed. Didactică și Pedagogică București, 1982.
10. Novac I. - "Mașini și acionațri electrice", Editura EFTV, vol. I, II, 1978.
11. Poldea T. - "Transformatoare și mașini electrice", Ed. Did. și Pe., București, 1984.
12. Campianu A. - "Mașini electrice", EP. Seriul Românesc, 1988.
13. Ostović V. - "Dynamics of Saturated Electric Machines", Springer-Verlag, 1989.
14. Titar P.J. - "Noise and Vibration of Electrical Machines", Elsevier, New York, 1989.
15. Wright M.T., Gould D.S. - "The Influence of Unbalanced Magnetic Pull on the Critical Speed of Flexible Shaft Induction Machines", IFF Conf. Pub. 713, pg. 51-64, 1992.

16. Binns K.J., Dye M. - "Identification of Principal Factors Causing Unbalanced Magnetic Pull in Cage Induction Machines", Proc.IEE, vol.20, pg.349-354, 1973.
17. Völler R. - "Vibration Testing of Electric Motors for Machine Tools", Eng.Dig., vol.26, pg.95-107.
18. Belmans R., Witte J., Vandenput A. - "Theoretical and Experimental Analysis of the Natural Frequencies of Induction Motors", Proc.ICFM, 1987, pg.889-892.
19. Ellison A.J., Yang S.J. - "Natural Frequencies of Stators of small electric Machines", Proc.IEE, vol.128, 1981, pg.1-11.
20. Oberrell K. - "The Field Harmonic Theory of the Squirrel Cage Motor, Taking Multiple Armature Reaction into Account", Arch.Elektro., vol.49, 1965.
21. Binns K.J., Schmid E. - "Some concepts involved in the Analysis of the Magnetic Field in Cage Induction Machines", Proc.IEE, vol.129, pg.169-175.
22. Ellison A.J., Yang S.J. - "Effects of rotor Eccentricity on Acoustic Noise from Induction Machines", Proc.IEE, vol.118, pg.174-184.
23. Heller P., Jockl A. - "Tangential Forces in Squirrel Cage Induction Motors", IEEE Pas-Trans., vol.88, pg.484-492.
24. Belman R., Verdyck B. - "Electromechanical Analysis of the Audible Noise of an Inverter Fed Squirrel-Cage Induction Motor", Proc.IEEE, I-Ab, 1989, pg.232-237.
25. Patel H.S., Hoft R.G. - "Generalized Techniques of Harmonic Elimination and Voltage Control in Inverters", IEEE Trans. I.A., vol.4-10.
26. Erdman P., Hudson R. - "A 7,5 KW Ultrasonic Inverter Motor Drive" IEEE IAS Conf.1939.
27. Otero S., Devaney M. - "Minimization of Acoustic Noise in Variable Speed Induction Motors Using a Modified PWM Drive", IEEE Trans. IA, vol.30-1, 1994.
28. Vasiliev V.S., Kutko P.S. - Masini și dispozitive pentru echilibrare dinamică, Ed.Tehnică, 1961.
29. Radu T., Brebenel D. - "Masini, dispozitive și metode de echilibrare statică și dinamică", Ed.Tehnică, 1967.
30. Federn K., - "Auszachttechnik", Springer Verlag, 1977.
31. Teodorescu D. - "Masina de echilibrat cu dublu compensare", Studii și Cercetări, Academia Română, 1970.

32. Teodorescu D. - "Masini electronice de echilibrat", AMC, vol. 74, 1981.
33. Teodorescu D. - "Aparat de echilibrat rotosare", Brevet nr. 73444.
34. Teodorescu D. - "Masina electronică de echilibrat" Brevet nr. S3800.
35. Teodorescu D. - "Filtru sincron pentru MFD", Prevet 87979.
36. Teodorescu D. - "Masina de echilibrat cu cinescop", Brevet nr. 91455.
37. Teodorescu D. - "Dispozitiv de afisare si memorare a parametrilor la masinile de echilibrat", Brevet nr. 91752.
38. Teodorescu D. - "Masina de echilibrat cu intrerupere directă" Brevet 42919.
39. Teodorescu D. - "MFD cu cadre electric", Prevet 40720.
40. Teodorescu D. - "Masina electronică de echilibrat rotosare fixata tiri", Brevet 41320.
41. Karutaki K. - "Filtru pentru MFD", Brevet Japonez cl. 11C G2, nr. 51-11428.
42. Kitozi S., Araki M. - "Prevet Japonez cl. 74 1 02, n. 71-47915.
43. Jackson P. - "System and Method for Determining Angular Location of Unneed Balancing Weights", Prevet SUA cl. 73-462, nr. 4007512.
44. Malden 'G, Curchod D. - "Dynamic Balancing Machine", Prevet SUA cl. 73-462, nr. 3916121.
45. Sakuraba H. - "Method and Apparatus for Detecting Angular Position and Amount of Dynamic Unbalance of Rotating Body", Brevet SUA cl. 77-1572011, n. 372011.
46. Pasuo I., Tanaka K. - "Method and Apparatus for Indicating the Unbalanced Condition of a Rotating Body", Prevet Japonez cl. G 1 N, nr. 1451964.
47. Woolley R.P. - "Assembly for Measuring the Magnitude of Unbalance", Prevet SUA cl. 73-462, nr. 3724279.
48. Holdhausen P. - "Einstellvorrichtung für eine Kraftmessende Auswuchtmachine", Prevet DEG, cl. 2K33, nr. 1573846.
49. Stuart R.P. - "Introducere în analiza Fourier cu aplicații în tehnici", Ed. Tehnică, Buc., 1971.

50. Radix J.C. - "Introduction au filtrage numérique", Eyrolles, Paris, 1970.
51. Kuo C.R. - "Sisteme automate cu esantionare", Ed. Tehnică, 1967.
52. Gărlașu S. - "Prelucrarea în timp real a semnalelor fizice", Ed. Scrisul Românesc, 1978.
53. Jayant N.S. - "Digital Coding of Wave Forms", Prentice Hall, 1984.
54. Kunt M., Boite R. - "Traitement de la parole", Press Polytechniques, Romandes, 1987.
55. * * * - Catalog "ADVANTECH", 1994.
56. * * * - Catalog "NATIONAL INSTRUMENTS", 1994.
57. Papoulis A. - "Probability, Random Variables and Stochastic Processes", Mac Graw-Hill, 1965.
58. Korn G.A. - "Singularaș și recurența proceselor aleatorii", Ed. Tehnică, 1976.
59. Max J. - "Méthodes et techniques de traitement du signal et applications aux mesures physiques", Masson, 1977.
60. Argeșeanu A., Teodorescu D. - "Masini de echilibrat cu calculator numeric", Brevet nr. 94622.
61. Părbat R. - "Programarea în timp real", ICI-CPI, Buc., 1984.
62. Davidoviciu, Părbat - "Limbajele de programare pentru sisteme în timp real", Ed. Tehnică, 1986.
63. Harte F., Jackson K. - "The Achievement of Well-Structured Software in Real Time Applications", Mascot Supp. London, 1980.
64. Argeșeanu A., Teodorescu D. - "Dispozitiv de reacție a perturbațiilor la echilibrarea dinamică", Brevet nr. 102697.
65. Argeșeanu A., Teodorescu D. - "Circuit de prelucrare a semnalelor pentru mașini de echilibrat", Brevet nr. 98479.
66. Argeșeanu A., Teodorescu D. - "Integrator pentru mașinile de echilibrat", Brevet nr. 97650.
67. Argeșeanu A., Teodorescu D. - "Filtru activ pentru mașini de echilibrat și procedeu de calibrare", Brevet nr. 97651.
68. Argeșeanu A. - "O nouă structură de MFU cu performanțe economice ridicăte", COMEP - 1992.
69. Brodie L. - "Thinking FORTH", Prentice Hall Inc., 1984.

70. Berindeanu R. - " aMIC - FORTH - Manual utilizare"
71. Berindeanu R., Matekorits A. - "FORTH - Concept informatic și limbaj de programare", Ed.Facla,1991.
72. * * * - FORTH - 93, Manual.
73. John W.N. - "Statistical Design and Analysis of Experiments", Macmillan Com. NY.1971.
74. Zacks S. - "The Theory of Statistical Inference", John Wiley and Sons, Inc.1971.
75. Lieberman I., Gerald J. - "Engineering Statistics", vol.I,II, Prentice Hall, Inc.,1972.
76. Muntean I. - "Sinteză automatelor finite", Ed.Tehnică,1977.
77. Maican S. - "Sisteme numerice cu circuite integrate", Ed.Tehnică, 1980.
78. * * * - "Circuite integrate liniare. Manual de utilizare", vol.I-IV.
79. * * * - "Microelectronics - Data Book".
80. * * * - IPRS "Catalog circuite integrate".
81. Muresan T. s.a. - "Circuite integrate digitale", Ed.Picnică și Pedagogică,1983.